# Верификация: РК 1

## 2015-03-14

## Содержание

1	Понятие верификации программного обеспечения	2
2	Классификация методов верификации. Примеры конкретных способов, программные реализации в каждом из классов	2
3	Определение временной логики	3
4	Синтаксис CTL и LTL формул	4
5	Временные диаграммы отношений F, G, U, X	6
6	Определение структуры Крипке	6
7	Определение автомата Бюхи	7
8	Алгоритм верификации СТL-формул на структуре Крипке.	8
9	Общий алгоритм верификации LTL-формул.	9

### 1 Понятие верификации программного обеспечения

см http://www.ict.edu.ru/ft/005645/62322e1-st09.pdf, п. 1.1. обратите внимание на отличие терминов верификация и валидация. номера стандартов наизусть знать не надо :)

**Верификация** проверяет соответствие между нормами стандартов, описанием требований (техническим заданием) к ПО, проектными решениями, исходным кодом, пользовательской документацией и функционированием самого ПО. (проверка заданного ПО формально заданным требованиям.)

**Валидация** проверяет соответствие любых создаваемых или используемых в ходе разработки и сопровождения ПО артефактов нуждам и потребностям пользователей и заказчиков этого ПО, с учетом законов предметной области и ограничений контекста использования ПО.

# 2 Классификация методов верификации. Примеры конкретных способов, программные реализации в каждом из классов

ТОДО: программные реализации конкретных методов - добавлены, можно проверить

- 1. Статические не требуют выполнения программы.
  - (a) Экспертиза (code-review)

(ПО: code collaborator, gerrit, merge-реквесты в гите и другие штуки)

(b) Автоматический анализ style guide

(ПО: встроенные плагины во всякие IDE, astyle – юзали в курсаче по smtp)

#### Достоинства:

- автоматизируются
- время выполнения

#### Недостатки:

• большое число ложных срабатываний

#### 2. Формальные

(а) Дедуктивный анализ

(ПО: Vampire и другие theorem-proovers)

(b) Проверка моделей

(IIO: SPIN(Promela), Java Pathfinder)

#### Достоинства:

- надежность
- автоматизируются

• нет ложных срабатываний

#### Недостатки:

- вычислительная сложность
- время

#### 3. Динамические

- (a) Мониторинг контроль корректности работы программы в ходе её обычной работы. Частный случай профилирование (измерение производительности).
  - (ПО: valgrind, intel vtune (профилировщики), Graphite (реалтаймовый отрисовщик графиков), системные мониторы (диспетчер задач, top))
- (b) Тестирование проверка на основе классов эквивалентности данных.
   (ПО: JUnit (фреймворки для юнит-тестов), генераторы юнит-тестов, например Рех встроенная в VS тулза)

#### Достоинства:

- малое время верификации
- нет ложных срабатываний

#### Недостатки:

- ненадёжно
- низкий уровень автоматизации (относится к тестированию)
- большие временные затраты на составление тестов

## 3 Определение временной логики

Модальность — некоторая категория, характеризующая высказывание. Например, введём модальность F — «когда-нибудь в будущем», то F получено  $\_m$  будет трактоваться как «когда-нибудь в будущем сообщение m будет получено».

Модальная логика — классическая логика, расширенная некоторыми операторами модальности.

**Темпоральные логики** — логики, в которых истинностное значение логических формул зависит от момента времени, в котором вычисляются значения этих формул.

Основная идея — фиксировать *относительный порядок событий* (текущее, будущее и прошедшее время).

 $\Pi peduкam$  — это высказывание, принимающее значение либо «истина», либо «ложь» в зависимости от значений его аргументов.

Атомарный предикат — это утверждение, принимающее значение либо «истина», либо «ложь», от структуры которого мы абстрагируемся.

Темпоральные операторы:

• **F**  $Fp: \exists t' > t: p \models t'$ 

Пример:  $\neg F \neg p = Gp$  — в будущем не будет такого момента, что p не верно

• **G**  $Gp: \forall t' \geq t: p \models t'$ 

Примеры:

FGp — когда-то в будущем будет всегда истинно p

GFp — в будущем p будет истинно бесконечное число раз

 $G(persil \Rightarrow Gpersil)$  — «Раз персил — всегда персил!»

 $\bullet$  U (*Until*) — «до тех пор, пока не наступит нечто».

Утверждение pUq истинно в момент времени t, если q истинно в некоторый будущий момент времени t', а во всём промежутке от t до t' истинно р:  $\kappa or \partial a$ - $\kappa u \partial y \partial b$  q, a  $\partial o$  mex nop p.

• **X** (NextTime)

Утверждение Xq истинно в момент времени t, если q истинно в следующий момент t+1.

## 4 Синтаксис СТL и LTL формул

LTL — темпоральная логика линейного времени. Разработана для спецификации свойств параллельных технических систем. Оперирует атомарными предикатами.

**Определение** Формула темпоральной логики выполняется на последовательности миров, если истинна в начальном мире этой последовательности.

Определение Формула линейной темпоральной логики LTL это:

- атомарное утверждение (атомарный предикат): p, q, ...
- формулы LTL, связанные логическими операторами ¬, ∨
- $\bullet$  формулы LTL, связанные темпоральными операторами X, U.

Прошлое в логике LTL не рассматривается.

$$\phi ::= p |\neg \phi| \phi \lor \phi |X\phi| \phi U \phi$$

Остальные операторы выводимы:

- $true = p \lor \neg p$
- $\bullet \ \ false = \neg true$
- $\phi_1 \wedge \phi_2 = \neg(\neg \phi_1 \vee \neg \phi_2)$
- $\phi_1 \Rightarrow \phi_2 = \neg \phi_1 \lor \phi_2$
- $F\phi = trueU\phi$
- $G\phi = \neg F \neg \phi$

Примеры формул:

- "Пока живу, надеюсь":  $G(i \text{ live} \Rightarrow i \text{ hope})$
- "Мы будем бороться, пока не победим": (we fight U we win)  $\vee$  G we fight
- "Сегодня он играет джаз, а завтра Родину продаст": play\_jazz  $\Rightarrow X$ betray или  $G(\text{play}_j\text{azz} \Rightarrow XF\text{betray})$  если когда-нибудь начнёт играть джаз, то потом, рано или поздно, продаст Родину.

 $\mathbf{CTL^*}$  — расширенная темпоральная логика ветвящегося времени. В ней в дополнение к U и X введён квантор пути E. Т.о. в ней могут быть как формулы пути, так и формулы состояния.

Определение Формулы CTL\* — это формулы состояний, они задаются следующей грамматикой:

- $\Phi ::= p|q|...$  все атомарные предикаты
- ullet  $\Phi ::= 
  eg \Phi | \Phi \lor \Phi \Phi$  формулы состояний
- ullet  $\Phi := E\Phi формулы пути$

Формулы пути задаются:

- $\phi := \Phi формулы состояний$
- $\phi ::= \neg \phi | \phi \lor \phi$  связанные булевыми операторами
- $\phi ::= X \phi | \phi U \phi$  связанные темпоральными операторами

Для удобства вводится квантор пути **A** (All):  $A\phi = \neg E \neg \phi$  — "На всех путях из данного состояния формула пути  $\phi$  истинна".

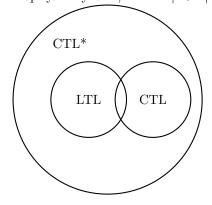
Также используются F и G (выводятся из U).

Любую формулу  $\phi$  в логике LTL можно представить в логике CTL\*, добавив квантор **A**:  $A\phi$ .

 ${\bf CTL}$  — логика ветвящегося времени. Подмножество  ${\bf CTL}^*$ . Допустимы только формулы, в которых каждый темпоральный оператор ( ${\bf X},\,{\bf U},\,{\bf F},\,{\bf G}$ ) предваряется квантором пути ( ${\bf E}$  или  ${\bf A}$ ). Это превращает каждую формулу пути в формулу, характеризующую состояние.

Формулы состояний:  $\Phi ::= p |\neg \Phi| \Phi \lor \Phi |E\phi| A\phi$ 

Формулы путей:  $\phi ::= X\Phi |\Phi U\Phi| F\Phi |G\Phi|$ 

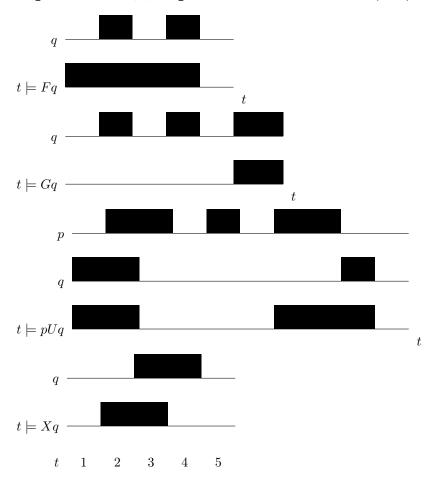


LTL — формулы пути. CTL — формулы состояний.

Примеры:

- $A(aU \neg b)$  и СТL, и LTL
- $AG(p \Rightarrow Fq) LTL$
- $AG(p \Rightarrow EFq) CTL$

## 5 Временные диаграммы отношений F, G, U, X



## 6 Определение структуры Крипке

$$M = (S, S_0, R, AP, L)$$

S — конечное непустое множество состояний;

 $S_0 \subseteq S$  — непустое множество начальных состояний;

 $R = \{(s_1, s_2) : s_1, s_2 \in S\}$  — множество отношений,  $(\forall s \in S)(\exists s' \in S)(s, s') \in R$  — из любого состояния есть переход;

 $AP = \{p, q, r, t, ...\}$  — конечное множество атомарных предикатов;

 $L:S o 2^{AP}$  — функция пометок (разметки) для каждого состояния задает множество истинных в нем атомарных предикатов.

**Определение.** Бесконечная цепочка  $\sigma = q_1q_2q_3...$  называется вычислением структуры Крипке, если  $q_1 \in S_0$  и  $\forall i \in \mathbb{N} \ (q_i, q_{i+1}) \in R$ . Отображение, в котором любому натуральному число сопоставляется состояние структуры Крипке.

**Определение**. Индуцированная вычислением  $\sigma = q_1q_2q_3...$ , бесконечная цепочка  $L(\sigma) = L(q_1)L(q_2)L(q_3)...$  называется *траекторией структуры Крипке*. Отображение натуральных чисел в множество всех подмножеств атомарных предикатов.

Отличие от конечного автомата:

- Каждое состояние помечено множеством атомарных утверждений, истинных в этом состоянии.
- Отсутствуют пометки на переходах.
- Из каждого состояния существует хотя бы один переход (если это завершающее состояние то в себя же, т.к. оперирует бесконечными вычислениями).

## 7 Определение автомата Бюхи

особое внимание уделите допускающим состояниям автомата: это главное отличие от КА

Автомат Бюхи можно считать недетерминированным КА, получающим на вход бесконечные слова. В отличие от КА, условие допустимости входной цепочки изменено так, чтобы можно было определять некоторые бесконечные цепочки ( $\omega$ -слова) как допустимые.

$$B = (S, \Sigma, S_0, \delta, F)$$

- S множество состояний;
- $\Sigma$  конечное множество элементов (алфавит);
- $S_0 \subseteq S$  множество начальных состояний;
- $\delta: S \times \Sigma \to 2^S$  отношение переходов;
- $F \subseteq S$  множество допускающих состояний

Любое  $\omega$ -слово над алфавитом  $\Sigma$  можно считать функцией  $w:N\to \Sigma$ , где w(i) — i-ая буква.  $\pi:N\to S$  — бесконечная последовательность состояний автомата,  $\pi(i)$  — i-ое состояние.  $inf(\pi)$  — множество элементов из S, которые встречаются в цепочке  $\pi$  бесконечно много раз.

**Определение**  $\omega$ -слово w допускается, если существует такое  $\pi$ , что:

- $\pi(0) \in S_o$
- $\forall i >= 0 : \pi(i+1) \in \delta(\pi(i), w(i))$
- $\bullet$   $\inf(\pi) \cap F \neq \emptyset$  среди бесконечно повтояющихся состояний существует хотя бы одно допускающее

## 8 Алгоритм верификации CTL-формул на структуре Крипке.

здесь нужен алгоритм целиком для какого-то базиса CTL

Идея: для каждой подформулы заданной формулы определить, в каких состояниях заданной структуры Крипке эта подформула выполняется.

Для каждой подформулы:

- 1. Вычисляем множество состояний  $S_{\Psi}$ , в которых выполняется формула  $\Psi$ .
- 2. Вводим новый атомарный предикат  $p_{\Psi}$ .
- 3. Помечаем все состояния из  $S_{\Psi}$  этим предикатом.

```
Базис: EX, AF, EU
for all i: 0 < i <= |\Phi| do
   {f for \ all} \ \Psi \in Sub(\Phi): |\Psi| = i — для всех подформул глубиной i \ {f do}
       switch \Psi
           case p: Sat_{\Psi} := \{s \in S | p \in L(s)\}
           case \neg p: Sat_{\Psi} := \{s \in S | p \notin L(s)\}
           case p \vee q: Sat_{\Psi} := \{ s \in S | p \in L(s) \vee q \in L(s) \}
           case EXp: Sat_{\Psi} := Sat \ EX(p)
           case AFp: Sat_{\Psi} := Sat \ AF(p)
           case E(pUq): Sat_{\Psi} := Sat \ EU(p,q)
       for all s: s \in Sat_{\Psi} do
           L(s) := L(s) \cup \{p_{\Psi}\}\
       end for
   end for
end for
function Sat EX(p) — возвращает множество состояний, на которых выполняется EXp
   Y := \{s | (\exists s_1 : s \to s_1) p \in L(s_1)\} — состояния, из которых есть переход в состояние, помеченное p
   return Y
end function
function SAT\_AF(p) — возвращает множество состояний, на которых выполняется AFp
   Y := \{s \in S | p \in L(s)\} — состояния, помеченные p
   while X \neq Y do
       X := Y
       Y:=Y\cup\{s|(\forall s_1:s\to s_1)s_1\in Y\} — добавить состояния, все преемники которых уже находятся
вY
   end while
   return Y
```

#### end function

```
function Sat_EU(p, q) — возвращает множество состояний, на которых выполняется E(pUq) W:=\{s\in S|p\in L(s)\} — состояния, помеченные p X:=S Y:=\{s\in S|q\in L(s)\} — состояния, помеченные q while X\neq Y do X:=Y Y:=Y\cup (W\cap \{s|(\exists s_1:s\to s_1)s_1\in Y\}) — добавить состояния, помеченные p и из которых есть переход в состояние, уже находящееся в Y end while return Y
```

## 9 Общий алгоритм верификации LTL-формул.

 ${
m Hy}$ жно знать весь алгоритм целиком, кроме самой сложной части — построение автомата  ${
m Env}$  по  ${
m LTL}$ -формуле. Достаточно просто знать, что это возможно.

1. По заданной структуре Крипке M строится автомат Бюхе  $B_M$ , допускающий все возможные траектории в M;

```
function маке_висні_масніпе(M=(S_M,S_{0M},R,AP,L)) S_B:=S_M- состояния M не изменяются; S_{0B}:=S_{0M}- множество начальных состояний M не изменяется; \Sigma:=2^{AP}- алфавит автомата B_M содержит все подмножества атомарных предикатов M; F:=S_M- все состояния автомата B_M являются допускающими; \delta:=\varnothing for all (s,s')\in R do \delta(s,L(s)):=s'- здесь L(s)\in 2^{AP}, значит L(s)\in \Sigma end for return (S_B,\Sigma,S_{0B},F,\delta) end function
```

- 2. По LTL-формуле  $\varphi$  строится «контрольный» автомат Бюхи  $B_{\neg \varphi}$ , допускающий все  $\omega$ -слова, на которых выполняется  $\neg \varphi$ ;
- 3. Строится синхронная композиция автоматов  $B_{\otimes} = B_M \otimes B_{\neg \varphi}$ ;

$$\begin{aligned} & \textbf{function} \, \otimes (A = (S_A, \Sigma_A, S_{0A}, \delta_A, F_A), \, B = (S_B, \Sigma_B, S_{0B}, \delta_B, F_B)) \\ & S_{\otimes} := \{(s_A, s_B) : s_A \in S_A \wedge s_B \in S_B\} \\ & S_{0\otimes} := \{(s_{0A}, s_{0B}) : s_{0A} \in S_{0A} \wedge s_{0B} \in S_{0B}\} \\ & \Sigma_{\otimes} := \Sigma_A \cup \Sigma_B \\ & \delta_{\otimes} := \varnothing \end{aligned}$$

```
\begin{array}{l} \text{for all } s_{\otimes} = (s_A, s_B) \in S_{\otimes} \text{ do} \\ \\ \text{for all } a \in \Sigma_{\otimes} \text{ do} \\ \\ \text{if } \delta_A(s_A, a) = s_A' \wedge \delta_B(s_B, a) = s_B' \text{ then} \\ \\ \delta_{\otimes}(s_{\otimes}, a) := (s_A', s_B') \\ \\ \text{end if} \\ \\ \text{end for} \\ \\ \text{end for} \\ \\ F_{\otimes} := \{(s_{fA}, s_{fB}) : s_{fA} \in F_A \wedge s_{fB} \in F_B\} \\ \\ \text{return } (S_{\otimes}, \Sigma_{\otimes}, S_{0\otimes}, \delta_{\otimes}, F_{\otimes}) \\ \\ \text{end function} \end{array}
```

4. Формула  $\varphi$  выполняется для  $M \iff L_{B_{\otimes}} = \varnothing$  (автомат  $B_{\otimes}$  проверяется на наличие цикла, достижимого из начального состояния и включающего допускающее состояние, если такой цикл существует, то он выдается за контрпример — вычисление, не удовлетворяющее формуле  $\varphi$ ).