Московский государственный технический университет

им. Н.Э. Баумана

\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_

Лабораторная работа № 3 по курсу

«Методы вычислений»

**«Метод парабол»**

Работу выполнил

студент группы ИУ7-23М

Кадыров Руслан

Москва, 2018г.

**Цель работы**

Изучение метода парабол для решения задачи одномерной минимизации.

**Постановка задачи**

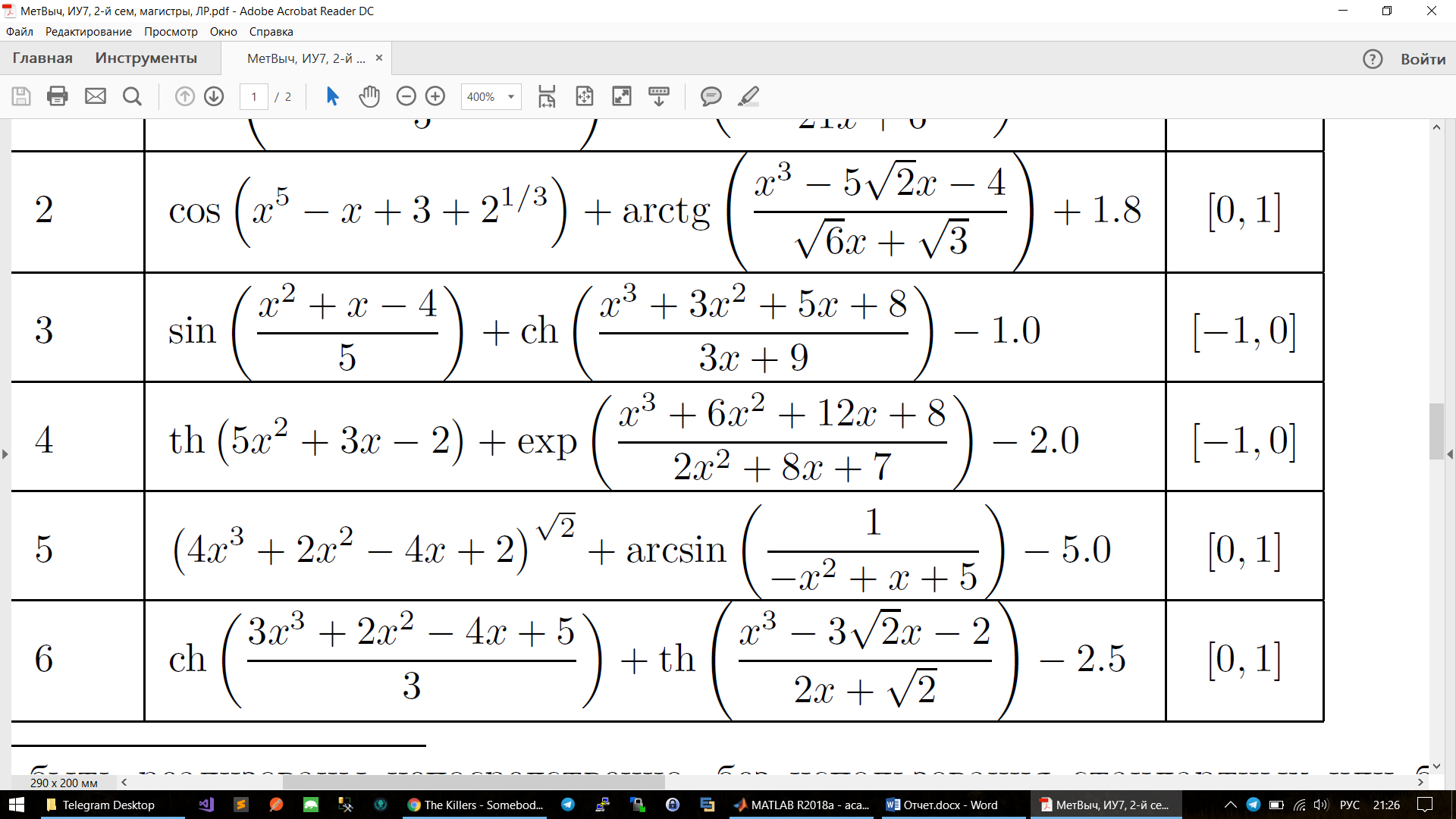
1. Реализовать метод парабол в сочетании с методом парабол в виде программы на ЭВМ;
2. Провести решение задачи

для индивидуального варианта;

1. Организовать вывод на экран графика целевой функции, найденной точки минимума (*x\**, *f* (*x\**)) и последовательности точек (*xi*, *f* (*xi*)), приближающих точку искомого минимума.

Исходные данные задачи: вариант №6

Целевая функция



на отрезке [0,1];

**Описание метода парабол**

Метод поразрядного поиска – это усовершенствованный метод перебора с точки зрения уменьшения количества вычислений целевой функции. В рамках данного метода необходимо сначала найти грубое приближение x\* с достаточно большим шагом, а затем уточнить это значение с более мелким шагом, рассматривая лишь точки из некоторой окрестности найденного приближения. Приведем алгоритм метода поразрядного поиска.

**Шаг 1.** Выбрать начальный шаг ∆ = (b - a)/4, положить *x*0 = *a*, вычислить *f(x0)*.

**Шаг 2.** Положить *x*1 = *x*0 + ∆, вычислить *f(x1)*.

**Шаг 3.** Сравнить *f(x0)* и *f(x1)*. Если *f(x0)* > *f(x1)*, то переходим к шагу 4, иначе – к шагу 5.

**Шаг 4.** Положить *x*0 = *x*1 и *f(x0)* = *f(x1)*, проверить условия *a < x0 < b*. Если они выполнены, перейти к шагу 2, иначе – к шагу 5.

**Шаг 5.** Проверка на окончание поиска. Если *|∆|≤**ε*, то вычисления завершить. Положить *x\* = x0, f\* = f(x\*)*, иначе перейти к шагу 6.

**Шаг 6.** Изменение направления и шага поиска. Положить *x*0 = *x*1. *x*0 = *x*1 , *∆ =* -∆/4.Перейти к шагу 2.

**Текст программы**

Листинг скрипта MetodyVich\_Lab\_3.m

eps = 0.01;

a = 0;

b = 1;

[xRes, fRes, xi, fi, iterCount] = ParabolasMethod(a,b, eps);

%Получение данных для построения графика целевой функции

xArr = zeros(1,iterCount);

fArr = zeros(1,iterCount);

a = 0;

step = 1;

while(step < 600)

xArr(step) = step\*0.01 + a;

fArr(step) = Func(step\*0.01 + a);

step = step + 1;

end

%Получение данных для построения точек, приближающихся к минимуму

xI\_Arr = zeros(1,iterCount);

fI\_Arr = zeros(1,iterCount);

step = 1;

for i=1:MaxIterationCount()

if(xi(i)~=0)

xI\_Arr(step) = xi(i);

fI\_Arr(step) = fi(i);

step = step + 1;

end

end

fprintf('Количество вычислений целевой функции: %1.d.\n',iterCount);

fprintf('x\* = %1.10f.\n',xRes);

fprintf('f(x\*) = %1.10f.\n',fRes);

plot(xArr, fArr,xRes, fRes, 'ro',xI\_Arr,fI\_Arr,'k-\*');

grid on;

title('График целевой функции f(x)');

xlabel('x');

ylabel('Значение целевой функции f(x)');

ylim([-2 15])

%Вычисление значения целевой функции в точке х

function X = Func(x)

X = cosh((3\*(x^3)+2\*(x^2)-4\*x+5)/3)+tanh((x^3-3\*sqrt(2)\*x-2)/(2\*x+sqrt(2)))-2.5;

end

%Метод парабол

function [xResult, fResult, xI,fI, iterationCount] = ParabolasMethod(a, b, eps)

% a - начало отрезка, b - конец отрезка, eps - точность поиска

% xResult - оптимальный x\*, %fResult - значение целевой функции в x\*

% xI-последовательность xi, приближающих точку искомого минимума

% fI-последовательность fi, приближающих точку искомого минимума

% iterationCount - число вычислений значения целевой функции

xi = zeros(1,MaxIterationCount());

fi = zeros(1,MaxIterationCount());

xCenter = (b - a)/2;

step = 0.001\*xCenter;

xMin = 0;

iter = 1;

pointsCount = 1;

while(true)

xLeft = xCenter - step;

xRight = xCenter + step;

xi(pointsCount) = xLeft;

xi(pointsCount + 1) = xRight;

fi(pointsCount) = Func(xLeft);

fi(pointsCount + 1) = Func(xRight);

pointsCount = pointsCount + 2;

xMin = 0.5\*(Func(xLeft)\*(xRight + xCenter) - 2\*(Func(xCenter)\*(xRight + xLeft)) + Func(xRight)\*(xCenter + xLeft))/(Func(xLeft) - 2\*Func(xCenter) + Func(xRight));

iter = iter + 1;

if(abs(xMin - xCenter) < eps)

break;

end

xCenter = xMin;

end

iterationCount = iter - 1;

xI = xi;

fI = fi;

xResult = xMin;

fResult = Func(xResult);

end

function num = MaxIterationCount

num = 250;

end

**Результаты расчета задачи индивидуального варианта**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| № п/п | ***ε*** | *N* | *x\** | *f (x\*)* |
| 1 | 10-2 | 2 | 0.4824182917 | -1.4738932844 |
| 2 | 10-4 | 3 | 0.4824182540 | -1.4738932844 |
| 3 | 10-6 | 3 | 0.4824182540 | -1.4738932844 |