# Лабораторна робота №5 - Масиви та списки

### Списки

Починаючи з цієї роботи ми починаємо вивчення складених типів даних, що складаються з декількох елементів простих типів. Такі типи дуже часто необхідні в програмуванні. Розглянемо, наприклад, задачу про пошук всіх коренів біквадратного рівняння

$$ax^4 + bx^2 + c = 0$$

Чи можна написати функцію, яка цю задачу вирішить? Звичайно, так, але результатом подібної функції повинен бути *список* знайдених коренів біквадратного рівняння. *Список* - це один з дуже поширених складених типів з наступними властивостями:

- Список може включати в себе будь-яку кількість елементів (від нуля до нескінченності);
- Кількість елементів у списку називається його розміром;
- Всі елементи списку мають один і той же тип (в свою чергу, цей тип може бути простим список дійсних чисел, або складеним список рядків, або список списків цілих чисел, або будь-які інші варіанти);
- В іншому елементи списку незалежні один від одного.

Розглянемо розв'язання задачі про пошук коренів біквадратного рівняння на Котліні:

```
fun biRoots(a: Double, b: Double, c: Double): List<Double> {
    if (a == 0.0) {
       if (b == 0.0) return listOf()
       val bc = -c / b
       if (bc < 0.0) return listOf()</pre>
       val root = sqrt(bc)
       return if (root == 0.0) listOf(root) else listOf(-root, root)
    }
    val d = discriminant(a, b, c)
    if (d < 0.0) return listOf()</pre>
    val y1 = (-b + sqrt(d)) / (2 * a)
    val y2 = (-b - sqrt(d)) / (2 * a)
    // part1: List<Double>
    val part1 = if (y1 < 0) list0f() else if (y1 == 0.0) list0f(0.0) else {
        val x1 = sqrt(y1)
        listOf(-x1, x1)
    // part2: List<Double>
    val part2 = if (y2 < 0) list0f() else if (y2 == 0.0) list0f(0.0) else {
        val x2 = sqrt(y2)
        listOf(-x2, x2)
    return part1 + part2
}
```

Цей розв'язок побудовано за алгоритмом, що описаний нижче:

- 1. Перший **if** розглядає тривіальний випадок a = 0 і більш просте рівняння  $bx^2 = -c$ . Воно або не має коренів ( c / b > 0 ), або має один корінь 0 (c / b = 0), або два кореня ( c / b < 0 ).
- 2. Потім ми робимо заміну  $y = x^2$  та обчислюємо дискримінант  $d = b^2$  4ас. Якщо він від'ємний, рівняння не має коренів.

KOTLIN

- 3. Якщо дискримінант дорівнює 0, рівняння  $ay^2 + by + c = 0$  має один корінь. Залежно від його знаку, біквадратне рівняння або не має коренів, або має один корінь 0, або має два кореня.
- 4. В іншому випадку дискримінант додатний і рівняння  $ay^2 + by + c = 0$  має два корені. Кожен з них, в залежності від його знака, перетворюється в нуль, один або два корені біквадратних рівняння.

Подивіться на тип результату функції biRoots - він зазначений як List<Double>. List в Kotlin - це і є список. У кутових дужках <> вказується так званий *типовий аргумент* - тип елементів списку, тобто List<Double> разом - це список дійсних чисел.

Для створення списків, зручно використовувати функцію listOf(). Аргументи цієї функції - це елементи створюваного списку, їх може бути будь-яка кількість (в тому числі 0). У ряді випадків, коли біквадратне рівняння не має коренів, функція biRoots повертає порожній список результатів.

В останньому, самому складному випадку, коли рівняння  $ay^2 + by + c = 0$  має два корені  $y_1$  і  $y_2$ , ми формуємо рішення рівнянь  $x^2 = y_1$  і  $x^2 = y_2$  у вигляді списків part1 і part2. Обидві ці проміжні змінні мають тип List <Double> - в цьому можна переконатися в IDE, поставивши на них курсор введення і натиснувши комбінацію клавіш Ctrl + Q. В останньому операторі **return** ми **складаємо** два цих списки один з одним: return part1 + part2, утворюючи таким чином третій список, що містить в собі всі елементи двох попередніх.

Функцію biRoots можна дещо спростити, звернувши увагу на те, що ми в ній **чотири** рази вирішуємо одну і ту ж задачу: пошук коренів рівняння  $x^2 = y$ . Для програміста така ситуація повинна відразу перетворюватися в сигнал - **слід** написати для вирішення цього завдання окрему, більш просту функцію:

```
fun sqRoots(y: Double) =
    if (y < 0) listOf()
    else if (y == 0.0) listOf(0.0)
    else {
       val root = sqrt(y)
       // Результат!
       listOf(-root, root)
    }</pre>
```

Подивіться уважніше на оператор **if..else** if..else . Перші дві його гілки формують результат відразу ж, використовуючи listOf() і listOf(0.0). А ось гілка **else** спочатку створює проміжну змінну root і вже потім формує результат listOf(-root, root). Запам'ятайте: результат гілки в таких випадках формує **останній** її оператор.

Цю ж функцію можна переписати з використанням оператора **when**:

3 використанням sqRoots функція biRoots прийме наступний вигляд:

```
fun biRoots(a: Double, b: Double, c: Double): List<Double> {
    if (a == 0.0) {
        return if (b == 0.0) listOf()
        else sqRoots(-c / b)
    }
    val d = discriminant(a, b, c)
    if (d < 0.0) return listOf()
    if (d == 0.0) return sqRoots(-b / (2 * a))
    val y1 = (-b + sqrt(d)) / (2 * a)
    val y2 = (-b - sqrt(d)) / (2 * a)
    return sqRoots(y1) + sqRoots(y2)
}</pre>
```

З вихідних 24 рядків залишилося тільки 11, та й розуміння тексту функції стало значно простіше.

Напишемо тепер тестову функцію для перевірки роботи функції biRoots . Для цієї мети послідовно виршимо з її допомогою такі рівняння:

```
• 0x^4 + 0x^2 + 1 = 0 (коренів немає)
• 0x^4 + 1x^2 + 2 = 0 (коренів немає)
• 0x^4 + 1x^2 - 4 = 0 (корені -2, 2)
• 1x^4 - 2x^2 + 4 = 0 (коренів немає)
• 1x^4 - 2x^2 + 1 = 0 (корені -1, 1)
• 1x^4 + 3x^2 + 2 = 0 (коренів немає)
• 1x^4 - 5x^2 + 4 = 0 (корені -2, -1, 1, 2)
                                                                                                                  KOTLIN
 fun biRootsTest() {
     assertEquals(listOf<Double>(), biRoots(0.0, 0.0, 1.0))
     assertEquals(listOf<Double>(), biRoots(0.0, 1.0, 2.0))
     assertEquals(listOf(-2.0, 2.0), biRoots(0.0, 1.0, -4.0))
     assertEquals(listOf<Double>(), biRoots(1.0, -2.0, 4.0))
     assertEquals(listOf(-1.0, 1.0), biRoots(1.0, -2.0, 1.0))
     assertEquals(listOf<Double>(), biRoots(1.0, 3.0, 2.0))
     assertEquals(listOf(-2.0, -1.0, 1.0, 2.0), biRoots(1.0, -5.0, 4.0))
 }
```

Зверніть увагу, що тут ми використовуємо запис list0f<Double>() для створення порожнього списку. Справа в тому, що для викликів на кшталт list0f(-2.0, 2.0) тип елементів створюваного списку зрозумілий з аргументів функції - це List<Double>. А ось виклик list0f() без аргументів не дає ніякої інформації про тип елементів списку, в той же час, наприклад, порожній список рядків і порожній список цілих чисел - з точки зору Котліна не одне і те ж.

У багатьох випадках Котлін, тим не менш, може зрозуміти, про який список йде мова. Наприклад, функція biRoots має результат List<Double>, а значить, все списки, які використовуються в операторах **return**, повинні мати такий же тип. Випадок з викликом assertEquals, однак, не несе достатньої інформації, щоб зрозуміти тип елементів, і ми змушені записати виклик функції більш детально - listOf<Double>(), вказуючи *типовий аргумент* <Double> між ім'ям функції, що викликається і списком її аргументів в круглих дужках.

Запустимо тепер написану тестову функцію. Ми отримаємо провалений тест через останню перевірку:

```
org.opentest4j.AssertionFailedError: expected: <[-2.0, -1.0, 1.0, 2.0]> but was: <[-2.0, 2.0, -1.0, 1.0]>
```

Тобто ми очікували список коренів -2, -1, 1, 2, а отримали натомість -2, 2, -1, 1. Справа в тому, що списки в Котліні вважаються рівними, якщо збігаються їх розміри, і відповідні елементи списків рівні. Списки, що складаються з одних і тих же елементів, але на різних місцях, вважаються різними.

У цьому місці програміст повинен задуматися, а що, власне, він хоче в точності від функції biRoots. Чи повинні знайдені корені бути впорядковані за зростанням, або вони можуть бути присутніми в списку в будьякому порядку? Якщо повинні, то він повинен виправити функцію biRoots, а якщо ні-то тестову функцію, так як вона вимагає від тестованої функції більше, ніж та за фактом дає.

В обох випадках нам доведеться впорядкувати список знайдених коренів перед порівнянням. У Котліні це можна зробити, викликавши функцію .sorted ():

Ранише ми вже зустрічалися з функціями з *одержувачем* .toInt () і .toDouble (). Функція .sorted() також вимагає наявності одержувача: виклик list.sorted() створює список того ж розміру, що і вихідний, але його елементи будуть впорядковані за зростанням.

# Поширені операції над списками

Перерахуємо деякі операції над списками, що присутні в біблютеці мови Котлін:

- 1. list0f(...) створення нового списка.
- 2. list1 + list2 додавання двох списків, сума списків містить всі елементи їх обох.
- 3. list + element додавання списку та елемента, сума містить всі елементи list і додатково element
- 4. list.size отримання розміру списку (Int).
- 5. list.isEmpty(), list.isNotEmpty() отримання ознак порожнечи непорожнечи списку (Boolean).
- 6. list[i] індексація, тобто отримання елемента списку з цілочисельним індексом (номером) і . За правилами Котліна, в списку з п элементів вони мають індекси, що починаються з нуля: 0, 1, 2, ..., останній елемент списку має індекс n 1. Тобто, при використанні запису list[i] повинно бути справедливо і >= 0 && і < list.size. Інакше виконання програми буде перерване з помилкою (використання індексу за межами списку).
- 7. list.sublist(from, to) створення списку меншого розміру (підсписку), в який войдуть елементи списку list з індексами from, from +1,..., to -2, to -1. Елемент з індексом to не включається.
- 8. element in list перевірка приналежності елементу element списку list.
- 9. for (element in list)  $\{ \dots \}$  цикл for, що перебирає всі елементи списку list.
- 10. list.first() отримання першого елемента списку (якщо список порожній, виконання програми буде перервано з помилкою).
- 11. list.last() отримання останнього елемента списку (аналогічно).
- 12. list.indexOf(element) пошук індекса елемента element в списку list. Результат цієї функції дорівнює -1, якщо елемент в списку відсутній. Інакше, при звертанні до списку list по обчисленому індексу ми отримаємо element.
- 13. list.min(), list.max() пошук мінімального і максимального елемента в списку.
- 14. list.sum() сума елементв в списку.

- 15. list.sorted(), list.sortedDescending() побудова відсортованого списку (за зростанням, чи за спаданням) з поточного списка.
- 16. list1 == list2 порівняння двох списків на рівність. Списки рівні, якщо співпадають їхні розміри та відповідні елементи.

## Мутуючі списки

Мутуючий список є різновидом звичайного, його тип визначається як MutableList<ElementType>. На додаток до тих можливостей, які є у всіх списків в Котліні, мутуючий список може змінюватися по ходу виконання програми або функції. Це означає, що мутуючий список дозволяє:

- 1. Змінювати свій вміст операторами list[i] = element.
- 2. Додавати елементи в кінець списку, зі збільшенням розміру на 1: list.add(element).
- 3. **Видаляти** елементи зі списке, зі зменшенням розміру на 1 (якщо елемент був у списку): list.remove(element).
- 4. Видаляти елементи зі списку по індексу, зі зменшенням розміру на 1: list.removeAt(index).
- 5. Вставляти елементи в середину списку: list.add(index, element) вставляє елемент element по індексу index, зсуваючи всі наступні елементи на 1, наприклад listOf(1, 2, 3).add(1, 7) дасть результат [1, 7, 2, 3].

Для створення мутуючого списку можна використовувати функцю mutableListOf(...), аналогічну listOf(...).

Розглянемо приклад. Нехай є вихідний список цілих чисел list. Потрібно побудувати список, що складається з його від'ємних елементів, порядок їх в списку повинен залишитися незмінним. Для цього потрібно:

- Створити порожній мутуючий список
- Пройтися по всіх елементах вихідного списку і додати їх у мутуючий список, якщо вони від'ємні
- Повернути заповнений мутуючий список

```
fun negativeList(list: List<Int>): List<Int> {
    val result = mutableListOf<Int>()
    for (element in list) {
        if (element < 0) {
            result.add(element)
        }
    }
    return result
}</pre>
```

Тут проміжна змінна result має тип MutableList<Int> (Переконайтеся в цьому в IDE за допомогою комбінації Ctrl + Q). Незважаючи на це, ми можемо використовувати її в операторі **return** функції з результатом List<Int>. Відбувається це тому, що тип MutableList<Int> є різновидом типу List<Int>, тобто, будь-який мутуючий список є також і просто списком (зворотне невірно - не будь-який список є мутуючим). Мовою математики це означає, що ОДЗ (область допустимих значень) типу MutableList<Int> є **підмножиною** ОДЗ типу List<Int>.

У наступному прикладі функція приймає на вхід вже **мутуючий** список цілих чисел, і змінює в ньому все додатні числа на протилежні за знаком:

KOTLIN

```
fun invertPositives(list: MutableList<Int>) {
    for (i in 0 until list.size) {
      val element = list[i]
      if (element > 0) {
            list[i] = -element
      }
    }
}
```

Функція invertPositives не має результату. Це ще один приклад функції з побічним ефектом, які вже зустрічалися нам раніше. Єдиний сенс виклику даної функції - це зміна мутуючого списку, переданого їй як аргумент.

Зверніть увагу на заголовок циклу **for**. Тут ми змушені перебирати не елементи списку, а їх індекси, причому запис і in 0 until list.size еквівалентний і in 0..list.size - 1 (Використання until дещо краще, так як дозволяє уникнути зайвого віднімання одиниці). Прямий перебір елементів списку в даному прикладі не проходить:

```
fun invertPositives(list: MutableList<Int>) {
    for (element in list) {
        if (element > 0) {
            element = -element // Val cannot be reassigned - помилка!
        }
    }
}
```

Параметр циклу **for** є незмінним. Записати тут list [i] = -element теж не вийде, оскільки індекс і нам невідомий. Можливий, щоправда, ось такий, трохи більш хитрий запис, який перебирає елементи і індекси одночасно:

```
fun invertPositives(list: MutableList<Int>) {
   for ((index, element) in list.withIndex()) {
      if (element > 0) {
        list[index] = -element
      }
   }
}
```

Використана тут функція list.withIndex() з вихідного списку формує інший список, містить *пари* (індекс, елемент), а цикл for ((index, element) in ...) перебирає паралельно і елементи і їхні індекси. Про те, що таке *пара* і як їй користуватися в Котлін, ми докладніше поговоримо пізніше.

У загальному і цілому, рідко коли варто користуватися функціями, основний сенс яких полягає в зміні їхніх параметрів. Подивіться, наприклад, як виглядає тестова функція для invertPositives :

```
fun invertPositivesTest() {
   val list1 = mutableListOf(1, 2, 3)
   invertPositives(list1)
   assertEquals(listOf(-1, -2, -3), list1)
   val list2 = mutableListOf(-1, 2, 4, -5)
   invertPositives(list2)
   assertEquals(listOf(-1, -2, -4, -5), list2)
}
```

Якщо ранише в нас одна перевірка завжди займала один рядок, то в цьому прикладі вона займає три рядки через необхідність створення проміжних змінних list1 і list2. Крім цього, факт зміни list1, list2 при виклику invertPositives схильний вислизати від уваги читача, ускладнюючи розуміння програми.

#### Масиви

Масив **Array** - ще один тип, призначений для зберігання і модифікації деякої кількості однотипних елементів. З точки зору можливостей, масив схожий на мутуючий список **MutableList**; головною його відмінністю є відсутність можливості змінювати свій розмір - для масивів відсутні функції add і remove.

Для звернення до елемента масиву служить оператор індексації: array[i], причому є можливість як читати вміст масиву, так і змінювати його. Для створення масиву, зручно використовувати функцію arrayOf(), аналогічну listOf() для списків.

Майже всі можливості, наявні для списків, є і для масивів теж. Винятком є функції для створення підсписків sublist. Також, масиви не слід порівнювати на рівність за допомогою array1 == array2, оскільки в багатьох випадках таке порівняння дає невірний результат (подробиці про це - в лекції). Масив можна перетворити до звичайного списку за допомогою array.toList() або до мутуючого списку за допомогою array.toMutableList(). Список, в свою чергу, можна перетворити до масиву за допомогою list.toTypedArray().

В цілому, при написанні програм на Котліні майже немає випадків, коли масиви використовувати необхідно. Одним з небагатьох прикладів є головна функція, параметр якої має тип Array<String> - через нього в програму передаються аргументи командного рядка. Але в нових версіях Котліна цей параметр не є обов'язковим.

## Завдання

### Завдання 5.1

Представити математичний запис фрагмента програми та обчислити значення змінної х після його виконання. Елементи масиву обчислюються за формулою a[i+1] = (67 \* a[i] + 11) % 128. Значення a[0] дорівнює номеру варіанта за списком групи.

Варіант	Фрагмент програми	Варіант	Фрагмент програми
1-3	<pre>val t = 2 val n = 3 var x = 0 for (j in 0 until n) {     x = x * t + a[j] }</pre>	4-6	<pre>val n = 4 var x = a[n] for (j in n-1 downTo 0) {     x = a[j] + 1 / x }</pre>
7-9	<pre>val n = 4 var x = a[0] for (j in 1 until n) {    if (a[j] &lt; x) x = a[j] }</pre>	10-12	<pre>val t = 3.0 val n = 3 var x = a[n].toDouble() for (j in 0 until n) {     x = x + a[j] * t.pow(n-j) }</pre>

Варіант	Фрагмент програми	Варіант	Фрагмент програми
13-15	<pre>val n = 4 val m - n / 2 var k = n - 1 for (j in 0 until m) {    val y = a[j]    a[j] = a[k]    a[k] = y    k } val x = a[0]</pre>	16-18	<pre>val n = 4 var k = 0 var x = 0.0 for (j in 0 until n) {    if (a[j] &gt; 0) {         x += a[j]         k++     } } if (k!=0 x /= k)</pre>

## Завдання 5.2

Скласти програму обчислення наступних величин та виконати  $\ddot{\text{ii}}$  у середовищі програмування. Елементи списку (масиву) визначаються за формулою a[i] = p[i] - 64; де p[i+1] = (p[i] \* 67 + 11) % 128. p[0] дорівнює n – номеру варіанта за списком групи, кількість елементів у списку дорівнює 50.

Варіант	Завдання
1	Найбільший елемент масиву а, та його порядковий номер
2	Сума елементів масиву а, значення яких кратні N
3	Сума елементів масиву а, значення яких парні числа
4	Середнє арифметичне додатних елементів масиву а
5	Сума елементів масиву а, значення яких непарні числа
6	Середнє геометричне додатних елементів масиву а
7	Сума елементів масиву а, значення яких двозначні непарні числа
8	Добуток найбільшого та найменшого елементів масиву а
9	Сума елементів масиву а, значення яких двозначні парні числа
10	Модуль вектора а/3
11	Найменший елемент масиву а, з парним номером
12	Найбільший непарний елемент масиву
13	Сума від'ємних елементів масиву

Варіант	Завдання	
14	Сума квадратів елементів масиву з парними номерами	
15	Середнє арифметичне найбільшого та найменшого елементів з парними номерами	
16	Середнє арифметичне найбільшого парного та найменшого непарного елементів	

## Завдання 5.3

- а. Протабулювати функцію із завдання 4.2. Значення х та у занести у списки.
- b. Знайти найбільше, та найменше значення у списку у . Вивести їх та відповідні їм значення з масиву х у наступному вигляді:

```
yMin = ... при x = ... yMax = ... при x = ...
```

с. Обчислити суму та середне арифметичне значення елементів масиву у . Результати вивести на екран.