

GTI Übungsblatt 12
Tutor: Marko Schmellenkamp
ID: MS1
Übung: Mi 16-18

Max Springenberg, 177792

13.1

Wir beginnen mit den ϵ -closures eines jeden Zustandes:

$\text{closure}(a) \quad \{a, b, c\}$

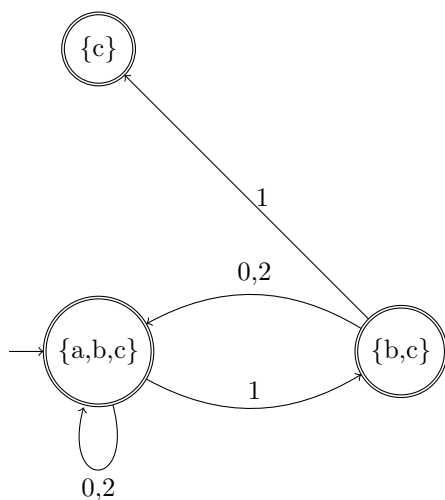
$\text{closure}(b) \quad \{b\}$

$\text{closure}(c) \quad \{c\}$

Im folgenden wird der Automat A_P , durch sukzessives verfolgen aller Transitionen, ausgehend von a, konsturiert.

Konvention:

Alle nicht gezeichneten Transitionen führen in den Senkenzustand.



13.2

Sei:

$\Sigma = \{a, b, c\}$

$L = \{w \in \Sigma^* \mid \#_a(w) \text{ gerade, } \#_b(w), \#_c(w) \text{ ungerade}\}$

$[\tau_a \tau_b \tau_c], \tau_a, \tau_b, \tau_c \in \{u, g\}$, sei die Klasse von Sprachen für die die Anzahl von der Zeichen $\sigma \in \Sigma$ ungerade, wenn $\tau_\sigma = u$ oder gerade, wenn $\tau_\sigma = g$ ist.

Daraus ergeben sich die Äquivalenzklassen zu:

$[uuu], z = a$

$[uug], z = ac$

$[ugu], z = ab$

$[ugg], z = abc$

$[guu], z = \epsilon$

$[gug], z = c$

$[ggu], z = b$

$[ggg], z = bc$

Die Konstruktion des Automaten erfolgt über die Zustände $Q = \{q_{vwx} | v, w, x \in \Sigma\}$.
sowie den transitionen bei einlesen eines a von q_{uwx} nach q_{awx} und umgekehrt, eines b von q_{vux} nach q_{vbx} und umgekehrt, eines c von q_{vwu} nach q_{vwc} und umgekehrt.
Der akzeptierende Zustand ist q_{guu} , der Startzustand q_{uuu} .
Es wird Σ^* abgedeckt, da das vorkommen eines Zeichens entweder ungerade oder gerade oft passieren kann. Ferner wurden alle kombinationen von geraden, und ungeraden Vorkommen abgedeckt.

13.3

13.3.1

Sprache ist endlich, damit regulär.

13.3.2

$\alpha = (a + b + c)^4(a + b + c)^*$, damit regulär.