教书育人、不忘初心,《数理统计》本科课程

— 课程思政 20 讲

田国梁 统计学教授

南方科技大学。统计与数据科学系

Email: tiangl@sustech.edu.cn

中国●广东●深圳

2025年02月24日

提纲 (Outline) Part I

- 第 1 讲 South与Southern之区别
- 第 2 讲 用14 年创新编写《数理统计》英文教材
- 第3讲 Bayes如何译成中文名? 英文名如何读?
- 第 4 讲 全概率公式 (Law of Total Probability) 和 Bayes 公式
- 第 5 讲 自然常数 (Natural Constant) $\mathrm{e} = 2.718282 \cdots$ 的起源
- 第 6 讲 从矩母函数与密度函数的关系出发, 深度理解**国王函数** e^x
- 第7讲 从对数似然函数出发,深度理解**王后函数** log(x)
- 第8讲 标准正态分布密度和蛇吞象公式
- 第 9 讲 从函数的一阶泰勒展开式到线段中/外任何一点之数学表达式
- 第 10 讲 函数的一阶泰勒展开之四种形式

提纲 (Outline) Part II

- 第 11 讲 指数分布与几何分布的无记忆性
- 第 12 讲 **二项分布的生存函数与贝塔分布的累积分布函数**之恒等式
- 第13讲 深度理解中心极限定理
- 第 14 讲 二项分布的正态近似和泊松近似
- 第 15 讲 从矩估计量到Monte Carlo 积分
- 第 16 讲 从KL 散度的角度来理解极大似然估计之定义
- 第 17 讲 从Laplace提出问题到Gauss解决问题: 正态分布的发现过程
- 第 18 讲 度量<mark>点估计量好坏</mark>的指标: 均方误差
- 第 19 讲 克拉默-拉奥 (Cramér-Rao) 不等式
- 第 20 讲 三参数**Student's** t-分布及其推广

第 2 讲 用 14 年创新编写《数理统计》英文教材



晚霞不舍南园美,倾落沙河映台州

2.1 本教材特色及创新点

1° 经纬两条主线贯穿全书

- 传统教材写作只有一条主线 (即章、节、子节), 称之为经线
 (Warp), 而本书还有另外一条自我包含的辅线, 称之为纬线 (Weft)。
- 这种设计具有三个优点:
- 整本书结构清晰、简洁明了;
- 读者即使还未读完全书,也能迅速抓住主题、重点与难点;
- 读者很容易找到与梳理主要的知识点。

2° 写作风格结合了传统教材和课堂 PPT 各自的优点

- 对田老师而言: 教材就是 PPT, PPT 就是教材。
- 使用该书作为教材的其它大学的老师, 一般不需要再花费更多时间制作自己的 PPT 课件, 确实需要制作自己的个性化 PPT 课件的老师, 也可大部分采用本书中的材料, 再加上自己的个性化素材, 省时省力. 事半功倍。

2.2 学生对该教材的评价

- ◆ 在南方科技大学数学系精英班就读期间,我曾有幸于 2021 年春季 学期参加了您的《数理统计》课程,并取得了 A 的好成绩。
- ◆ 您和蒋学军老师联合编写的《数理统计》教材:格式工整,内容丰富,分区明显,易于掌握,证明严谨,习题精准,解析细致。
- ◆配合您认真负责的启发式教学,我深入理解了统计分布、极大似然估计、置信区间和假设检验的基本原理。
- ◆ 这门课程为我奠定了坚实的统计学基础,有助于我学会定量分析数据,增强了我对强化学习、机器学习、数据科学、优化和控制理论等领域的理解。

2.3 所包含的思政元素

- 创新思维。
- 一丝不苟的学术精神。