

### INSTRUÇÕES

- I. Leia a prova com atenção e em silêncio.
- II. A prova é **individual** e com consulta apenas ao seu pendrive.
- III. Ao término da prova, compacte seus arquivos JavaScript em um zip com seu nome completo e chame o professor para recolhimento da prova.
- IV. A prova se inicia às 9h30m e terminará às 13h00m. Não serão aceitos envios tardios. Tempo mínimo de permanência: 1h30m.
- V. **COMENTE TODO O CÓDIGO EXPLICANDO O FUNCIONAMENTO DE CADA FUNCIONALIDADE.**
- VI. Dúvidas? Retorne ao primeiro item.

### QUESTÕES

#### Questão 1: Ordenando um Conjunto de Dados

Use a classe **Sorter** para ordenar o seguinte conjunto de números: [64, 34, 25, 12, 22, 11, 90].

- a) Implemente o código para ordenar o array usando o método **Sorter.bubbleSort**.
  - b) Implemente o código para ordenar o mesmo array usando o método **Sorter.mergeSort**.
  - c) Imprima no console o resultado de ambas as ordenações. Qual método você esperaria que fosse mais rápido para um array com 1 milhão de números e por quê?
- 

#### Questão 2: Encontrando Elementos

Dado o array **ordenado** [2, 5, 8, 12, 16, 23, 38, 56, 72, 91], utilize a classe **Buscas** para encontrar o elemento 23.

- a) Escreva o código que usa **Buscas.sequencial** para encontrar o índice do número 23.
  - b) Escreva o código que usa **Buscas.binaria** para encontrar o índice do mesmo número.
  - c) Imprima os resultados e explique por que a busca binária é mais eficiente para este cenário.
-

### Questão 3: Construindo e Percorrendo uma Árvore Binária

Usando a classe **BinaryTree**, construa uma árvore a partir dos seguintes valores, inseridos nesta ordem: [50, 30, 70, 20, 40, 60, 80].

- a) Instancie uma **BinaryTree**.
  - b) Insira cada um dos números na árvore.
  - c) Utilize o método **preOrder** para percorrer a árvore e imprima a sequência de valores no console. O resultado reflete a ordem de inserção ou a estrutura da árvore?
- 

### Questão 4: Comparando BinaryTree vs. AVLTree

Demonstre a principal diferença entre uma árvore de busca binária comum e uma árvore AVL.

- a) Crie uma instância da **BinaryTree** e insira a seguinte sequência de números (que já está ordenada): [10, 20, 30, 40, 50, 60].
  - b) Crie uma instância da **AVLTree** e insira a mesma sequência de números.
  - c) Após as inserções, acesse e imprima a raiz de cada árvore (**tree.root**) para comparar suas estruturas.
  - d) Descreva a diferença observada na estrutura das duas árvores. Por que a estrutura da **AVLTree** é superior em termos de desempenho de busca?
- 

### Questão 5: Modelando uma Rede de Contatos

Use a classe **Grafo** para modelar uma pequena rede de amizades.

- a) Crie uma instância da classe **Grafo**.
  - b) Adicione os seguintes vértices: 'Alice', 'Bruno', 'Carlos', 'Diana'.
  - c) Adicione as seguintes arestas (amizades): ('Alice', 'Bruno'), ('Bruno', 'Carlos'), ('Carlos', 'Diana'), ('Alice', 'Diana').
  - d) Use o método **imprimirGrafo()** para mostrar a lista de adjacência da rede.
  - e) Agora, simule que 'Carlos' e 'Diana' deixaram de ser amigos. Remova a aresta entre eles e imprima o grafo novamente para confirmar a alteração.
- 

### Questão 6: Análise de Desempenho do Quick Sort

A implementação de **Sorter.quickSort** usa o último elemento como pivô. Isso pode levar a um desempenho ruim em certos cenários.

- a) Crie um array com 10.000 números aleatórios.
  - b) Crie um segundo array com 10.000 números já ordenados (de 1 a 10.000).
  - c) Use `console.time('label')` e `console.timeEnd('label')` para medir o tempo de execução do `Sorter.quickSort` em cada um dos arrays.
  - d) Imprima os tempos e explique por que há uma diferença tão grande de desempenho.
- 

### Questão 7: O Custo do Auto-Balanceamento

Uma **AVLTree** garante buscas rápidas, mas o processo de inserção tem um custo adicional (as rotações). Meça e compare esse custo.

- a) Gere um array com 20.000 números aleatórios.
  - b) Meça o tempo total para inserir todos os números do array em uma instância de **BinaryTree**.
  - c) Meça o tempo total para inserir os mesmos números em uma instância de **AVLTree**.
  - d) Compare os tempos de inserção. Em que tipo de aplicação vale a pena pagar o "preço" extra na inserção da **AVLTree**?
- 

### Questão 8: Busca por Interpolação vs. Binária

A **Buscas.interpolacao** pode ser mais rápida que a **Buscas.binaria**, mas apenas sob condições ideais.

- a) Crie um array grande (ex: 500.000 elementos) com números **uniformemente distribuídos** (ex: [2, 4, 6, 8, ...]).
  - b) Crie um segundo array grande com números **não uniformemente distribuídos** (ex: [1, 2, 3, 100, 150, 200, 500000, 500001, ...]).
  - c) Para cada array, meça o tempo de busca por um elemento próximo ao final usando **Buscas.binaria** e **Buscas.interpolacao**.
  - d) Analise os resultados. Em qual cenário a busca por interpolação teve melhor desempenho e por quê?
- 

### Questão 9: Implementando Travessia em Grafo (BFS)

A classe **Grafo** não possui um método de travessia para encontrar caminhos. Sua tarefa é adicionar essa funcionalidade.

- a) Adicione um novo método à classe **Grafo** chamado **breadthFirstSearch(inicio, fim)** que implemente o algoritmo de Busca em Largura (BFS) para encontrar o caminho mais curto entre dois vértices. O método deve retornar um array contendo a sequência de vértices do caminho (ex: ['A', 'B', 'C']).
- b) Crie uma instância de **Grafo** para representar um mapa simples (ex: cidades vizinhas).
- c) Use o seu novo método para encontrar e imprimir o caminho mais curto entre duas cidades não adjacentes.

**Dica:** Você precisará de uma fila para controlar os vértices a serem visitados e de uma forma de rastrear o "pai" de cada nó para reconstruir o caminho no final.

---

### Questão 10: Sistema de Indexação e Busca em Larga Escala

Simule e compare duas estratégias para um sistema que precisa processar um grande volume de dados e depois realizar múltiplas buscas.

- a) Gere um array com 1 milhão de números inteiros aleatórios (dados).
- b) Gere um segundo array com 1.000 números aleatórios para servirem como os termos de busca (buscas).
- c) **Estratégia 1: Ordenação e Busca Binária** a. Meça o tempo para ordenar o array dados usando **Sorter.mergeSort**. b. Em seguida, meça o tempo total para buscar cada um dos 1.000 elementos do array buscas dentro do array dados (já ordenado) usando **Buscas.binaria**.
- d) **Estratégia 2: Árvore AVL** a. Meça o tempo para inserir todos os 1 milhão de elementos do array dados em uma **AVLTree**. b. Em seguida, meça o tempo total para buscar cada um dos 1.000 elementos do array buscas na **AVLTree**. (Nota: você precisará adicionar um método de busca na **AVLTree**. Pode adaptar o método **search** da **BinaryTree**).
- e) **Análise Final:** Some os tempos de "preparação" e "busca" de cada estratégia. Qual delas foi mais eficiente para o problema completo? Discuta os prós e contras de cada abordagem.