

Estatística Avançada - Aula 00

Fundamentos: Tipos de Variáveis, Estatística Descritiva,
Amostragem

Kaique Matias de Andrade Roberto

Ciências Atuariais - Ciências Econômicas

HECSA - Escola de Negócios

FIAM-FAAM-FMU

1. Tipos de Variáveis
2. Tópicos de Estatística Descritiva
3. Introdução à Amostragem
4. Comentários Finais
5. Referências

Tipos de Variáveis

Definição 1.1

Medidas que descrevem diferenças em tipo ou natureza indicando a presença ou ausência de uma característica ou propriedade, são chamadas de **dados não-métricos ou qualitativos**.

As variáveis não métricas ou qualitativas representam características de um indivíduo, objeto ou elemento que não podem ser medidas ou quantificadas; as respostas são dadas em categorias.

Exemplo 1.2

Imagine que um questionário será aplicado para levantar dados da renda familiar de uma amostra de consumidores, com base em determinadas faixas salariais.

Tipos de Variáveis

A Tabela abaixo apresenta as categorias das variáveis.

Classe	Salários Mínimos (SM)	Renda Familiar (em reais)
A	Acima de 20 SM	Acima de 24240 reais
B	10 a 20 SM	De 12120 até 24240 reais
C	4 a 10 SM	De 4848 até 12120 reais
D	2 a 4 SM	De 2424 até 4848 reais
E	Até 2 SM	Até 2424 reais

Observe que ambas as variáveis são qualitativas, já que os dados são representados por faixas.

Porém, é muito comum a classificação incorreta por parte dos pesquisadores quando a variável apresenta valores numéricos nos dados.

Nesse caso, é possível apenas o cálculo de frequências, e não de medidas-resumo, como média e desvio-padrão.

Uma possível tabela de frequências obtidas para cada faixa de renda é apresentada abaixo.

Frequências	Renda Familiar (em Reais)
10%	Acima de 24240 reais
18%	De 12120 até 24240 reais
24%	De 4848 até 12120 reais
36%	De 2424 até 4848 reais
12%	Até 2424 reais

Um erro comum encontrado em trabalhos que utilizam variáveis qualitativas representadas por números é o cálculo da média da amostra, ou de qualquer outra medida-resumo.

O pesquisador calcula, inicialmente, a média dos limites de cada faixa, supondo que esse valor corresponde à média real dos consumidores situados naquela faixa; mas como a distribuição dos dados não é necessariamente linear ou simétrica em torno da média, essa hipótese é muitas vezes violada.

Para que haja condições de se calcular medidas-resumo, como média e desvio-padrão, a variável em estudo deve ser, necessariamente, quantitativa.

Definição 1.3

Os **dados métricos ou quantitativos** são utilizados quando indivíduos diferem em quantia ou grau em relação a um atributo em particular.

As variáveis métricas ou quantitativas representam características de um indivíduo, objeto ou elemento resultantes de uma contagem (conjunto finito de valores) ou de uma mensuração (conjunto infinito de valores).

Há várias maneiras de representar uma variável métrica, como veremos à seguir.

Temos representações Gráficas:

- gráfico de linhas;
- dispersão;
- histograma;
- ramo e-folhas;
- boxplot;

medidas de posição ou localização:

- média;
- mediana;
- moda;
- quartis;
- decis;
- percentis;

medidas de dispersão ou variabilidade:

- amplitude;
- desvio-médio;
- variância;
- desvio-padrão;
- erro-padrão;
- coeficiente de variação.

Estas variáveis podem ser discretas ou contínuas. As variáveis discretas podem assumir um conjunto finito ou enumerável de valores que são provenientes, frequentemente, de uma contagem, por exemplo, o número de filhos $(0, 1, 2, \dots)$.

Já as variáveis contínuas assumem valores pertencentes a um intervalo de números reais, por exemplo, peso ou renda de um indivíduo.

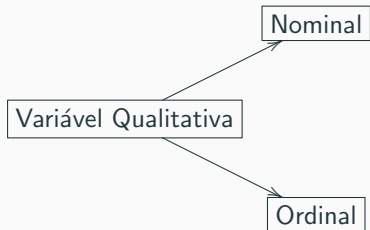
Exemplo 1.4

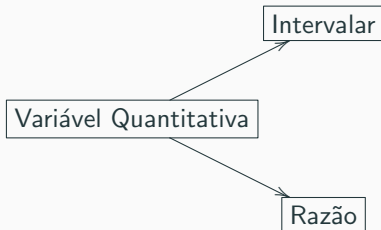
No banco de dados abaixo, as variáveis Idade, Peso e Altura são quantitativas.

Nome	Idade (anos)	Peso (kg)	Altura (m)
Mariana	48	62	1,60
Luiz	54	84	1,76
Roberta	41	56	1,62
Leonardo	30	82	1,90
Melissa	28	54	1,68
Sandro	50	70	1,72

As variáveis ainda podem ser classificadas de acordo com o nível ou escala de mensuração.

Mensuração é o processo de atribuir números ou rótulos a objetos, pessoas, estados ou eventos de acordo com as regras específicas para representar quantidades ou qualidades dos atributos.





Definição 1.5

A **escala nominal** classifica as unidades em classes ou categorias em relação à característica representada, não estabelecendo qualquer relação de grandeza ou de ordem. É denominada nominal porque as categorias se diferenciam apenas pelo nome.

Podem ser atribuídos rótulos numéricos às categorias das variáveis, porém, operações aritméticas como adição, subtração, multiplicação e divisão sobre esses números não são admissíveis. A escala nominal permite apenas algumas operações aritméticas mais elementares.

Por exemplo, pode-se contar o número de elementos de cada classe ou ainda aplicar testes de hipóteses referentes à distribuição das unidades da população nas classes.

Desta forma, a maioria das estatísticas usuais, como média e desvio-padrão, não tem sentido para variáveis qualitativas de escala nominal.

Exemplo 1.6

Como exemplos de variáveis não métricas em escalas nominais, podemos mencionar profissão, religião, cor, estado civil, localização geográfica ou país de origem.

Definição 1.7

Uma variável não métrica em **escala ordinal** classifica as unidades em classes ou categorias em relação à característica representada, estabelecendo uma relação de ordem entre as unidades das diferentes categorias.

A escala ordinal é uma escala de ordenação, designando uma posição relativa das classes segundo uma direção. Qualquer conjunto de valores pode ser atribuído às categorias das variáveis, desde que a ordem entre elas seja respeitada.

Assim como na escala nominal, operações aritméticas (somas, diferenças, multiplicações e divisões) entre esses valores não fazem sentido. Desse modo, a aplicação das estatísticas descritivas usuais também é limitada para variáveis de natureza nominal.

Exemplo 1.8

Exemplos de variáveis ordinais incluem opinião e escalas de preferência de consumidores, grau de escolaridade, classe social, faixa etária, etc.

Definição 1.9

A **escala intervalar**, além de ordenar as unidades quanto à característica mensurada, possui uma unidade de medida constante. A origem ou o ponto zero dessa escala de medida é arbitrário e não expressa ausência de quantidade.

Exemplo 1.10

Um exemplo clássico de escala intervalar é a temperatura medida em graus Celsius ou Fahrenheit. A escolha do zero é arbitrária e diferenças de temperaturas iguais são determinadas por meio da identificação de volumes iguais de expansão no líquido usado no termômetro.

A maioria das estatísticas descritivas pode ser aplicada para dados de variável com escala intervalar, com exceção de estatísticas baseadas na escala de razão, como o coeficiente de variação.

Definição 1.11

A **escala de razão** ordena as unidades em relação à característica mensurada e possui uma unidade de medida constante. Por outro lado, a origem (ou ponto zero) é única e o valor zero expressa ausência de quantidade. Dessa forma, é possível saber se um valor em um intervalo específico da escala múltiplo de outro.

Razões iguais entre valores da escala correspondem a razões iguais entre unidades mensuradas. Assim, escalas de razão são invariantes sob transformações de proporções positivas.

Por exemplo, se uma unidade tem 1 metro e outra 3 metros, pode-se dizer que a última tem uma altura três vezes superior à da primeira.

Dentre as escalas de medida, a escala de razão é a mais elaborada, pois permite o uso de todas as operações aritméticas. Além disso, todas as estatísticas descritivas podem ser aplicadas para dados de uma variável expressa em escala de razão.

Exemplo 1.12

Exemplos de variáveis cujos dados podem estar na escala de razão incluem renda, idade, quantidade produzida de determinado produto e distância percorrida.

Tópicos de Estatística Descritiva

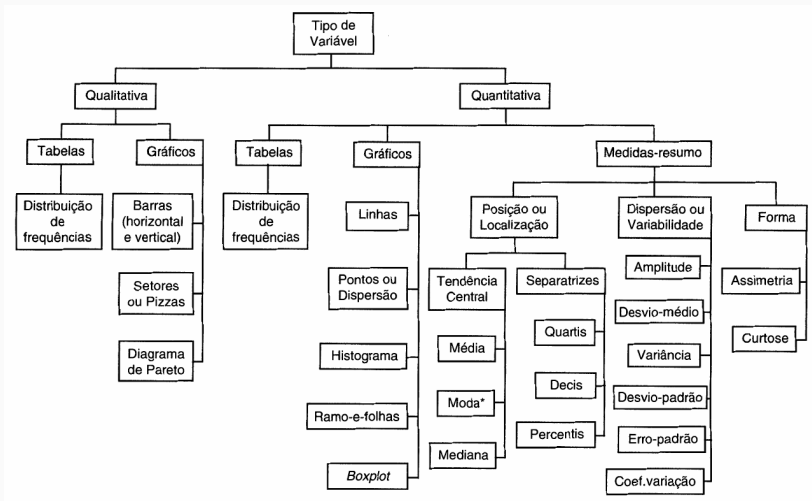
A **estatística descritiva** descreve e sintetiza as características principais observadas em um conjunto de dados por meio de tabelas, gráficos e medidas-resumo, permitindo ao pesquisador melhor compreensão do comportamento dos dados.

A análise é baseada no conjunto de dados em estudo (amostra), sem tirar quaisquer conclusões ou inferências acerca da população.

Antes de iniciarmos o uso da estatística descritiva, é necessário identificarmos o tipo de variável a ser estudada.

O tipo de variável é crucial no cálculo de estatísticas descritivas e na representação gráfica de resultados.

Tópicos de Estatística Descritiva



Exercício 2.1

Considerando os dados da Tabela abaixo

Nome	Idade (anos)	Peso (kg)	Altura (m)
Mariana	48	62	1,60
Luiz	54	84	1,76
Roberta	41	56	1,62
Leonardo	30	82	1,90
Melissa	28	54	1,68
Sandro	50	70	1,72

calcule a média, variância e desvio-padrão das variáveis Idade, Peso e Altura.

Agora vamos realizar (uma parte) da análise descritiva dos dados na planilha motocicletas.xlsx.

Introdução à Amostragem

Definição 3.1

A **população** é o conjunto com todos os indivíduos, objetos ou elementos a serem estudados, que apresentam uma ou mais características em comum. O **censo** é o estudo dos dados relativos a todos os elementos da população.

As populações podem ser finitas ou infinitas. As populações finitas são de tamanho limitado, permitindo que seus elementos sejam contados; já as populações infinitas são de tamanho ilimitado, não permitindo a contagem dos elementos.

Exemplo 3.2

Como exemplos de populações finitas, podemos mencionar a quantidade de empregados em determinada empresa, de associados em um clube, de produtos fabricados em determinado período, etc.

Quando o número de elementos da população, embora possa ser contado, for muito grande, assumimos que a população é infinita.

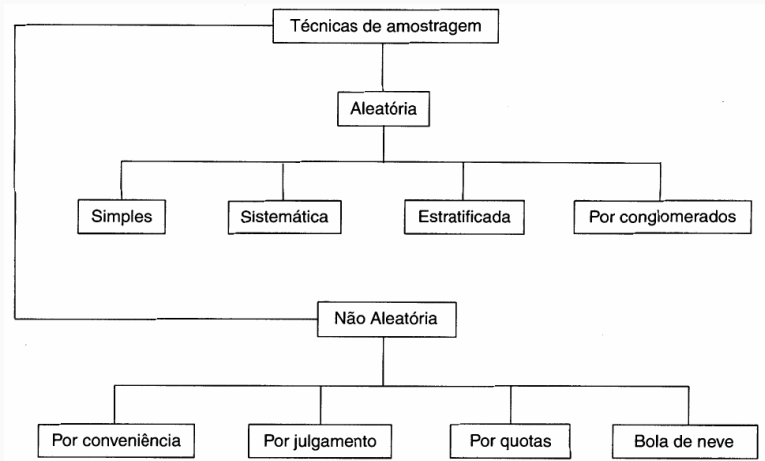
Exemplo 3.3

Quando o número de elementos da população, embora possa ser contado, for muito grande, assumimos que a população é infinita. São exemplos de populações consideradas infinitas a quantidade de habitantes no mundo, de residências existentes no Rio de Janeiro, de pontos em uma reta, etc.

Desta forma, existem situações em que o estudo com todos os elementos da população é impossível ou indesejável, de modo que a alternativa seja extrair um subconjunto da população em análise, denominado **amostra**.

A amostra deve ser representativa da população em estudo. A partir das informações colhidas na amostra e utilizando procedimentos estatísticos apropriados, os resultados obtidos podem ser utilizados para generalizar, inferir ou tirar conclusões acerca da população (inferência estatística).

Introdução à Amostragem



Comentários Finais

Em resumo, na aula de hoje nós:

- recapitulamos os tipos de variáveis;
- aprendemos como classificar variáveis;
- recapitulamos alguns tópicos de Estatística Descritiva;
- tivemos um primeiro contato com os conceitos de Amostragem.

Nas próximas aulas nós vamos focar em:

- variáveis aleatórias discretas e contínuas;
- propriedades e exemplos envolvendo tais variáveis.

ATIVIDADE PARA ENTREGAR (E COMPOR A NOTA N1)

Resolva em grupos de até 4 integrantes os Exercícios 0.4-0.6.

Referências

