INSTITUT NATIONAL SUPERIEUR DE TECHNOLOGIE INDUSTRIELLE / UNSTIM

Département du GE

Licence ER et FC (Semestre 3)

Rattrapage de Probabilité-Statistique

Durée : 1h30'

Enseignant: Dr. H. Alain TOGBENON

Exercice 1

Trois (3) urnes contiennent chacune 4 boules indiscernables au toucher numérotées de 1 à 4. On prélève une boule dans chaque urne, et on appelle *X* la v.a.r, qui à chaque série de prélèvement associe le plus grand des numéros obtenus.

1. Détermine Ω .

On choisit comme tribu $\mathscr{A} = \mathscr{P}(\Omega)$ et comme probabilité P, la probabilité uniforme.

- **2.** Précise $X(\Omega)$ et calcule P(X = 1).
- **3.** Calcule, pour $h \in X(\Omega), P(X \le h)$.
- **4.** En déduire, pour $h \in X(\Omega), P(X = h)$.
- **5.** Montre que $E(X) = \sum_{h=1}^{4} \frac{h^4}{4^3} \sum_{h=1}^{3} (h+1) \frac{h^3}{4^3}$

Exercice 2

Un employé de la compagnie Confort Lines contrôle chaque lundi 100 voyageurs. On note *X* le nombre de personnes qu'il trouve en situation irrégulière. On admet que *X* suit la loi de Poisson de paramètre 2. Quelle est la probabilité qu'aucune personne ne soit en situation irrégulière ?

Exercice 3

Une évaluation en probabilité à l'endroit des étudiants d'une filière donne lieu aux notes suivantes :

Notes 5 8 10 11 12 13 14 15 16 17 18 6 2 2 1 Effectifs 1 2 2 1 4 3 4 1 0 1 1

- **1.** Quelles sont : la population d'étude, l'unité statistique, la variable statistique et sa nature.
- **2.** On décide de regrouper ces notes dans des classes d'amplitide 3 et on choisit 11 comme centre d'une classe.
 - a. Construis l'histogramme de cette nouvelle distribuition
 - **b.** Calcule la médiane et l'écart type de cette distribution.