Homework 1

SNU 4190.310, 2018 가을

이 광근

Due: 9/14, 24:00

Exercise 1 (10점) "씨그마"

우리가 중고등 수학시간에 숱하게 썼던 다음의 "씨그마"를 OCaml로 정의 하세요:

$$\sum_{n=a}^{b} f(n)$$

씨그마의 타입은

sigma : int * int * (int -> int) -> int.

즉, sigma(a,b,f)로 표현하면 $\Sigma_{n=a}^b f(n)$ 과 같도록. \Box

Exercise 2 (10점) "합곱" 아래의 성질을 만족하는 함수 sumprod를 정의하세요:

$$\mathrm{sumprod}(\mathbf{M}\text{, n, k}) = \Sigma_{i=1}^n \Pi_{j=1}^k \widehat{\mathbf{M}}(i,j).$$

즉, sumprod의 타입은

sumprod : (int * int -> real) * int * int -> real

```
Exercise 3 (10점) "대진표 스트링"
  일반적으로 게임 대진표는 완전한 이진 나무구조(complete binary tree)입
니다. 2022 얼드컵 팀들과 그 대진표를 다음과 같이 정의했습니다:
type team = Korea | France | Usa | Brazil | Japan | Nigeria | Cameroon
         | Poland | Portugal | Italy | Germany | Norway | Sweden | England
         | Argentina
type tourna = LEAF of team
           | NODE of tourna * tourna
  tourna를 받아서 괄호를 이용한 1차원 스트링으로 변환해주는 함수 parenize를
작성하세요:
                  parenize: tourna -> string
예를들어,
  parenize(NODE(NODE(LEAF Korea, LEAF Portugal), LEAF Brazil))
  = "((Korea Portugal) Brazil)"
Exercise 4 (10점) "참거짓"
  Propositional Logic 식들(formula)을 다음과 같이 정의했습니다:
        type formula = TRUE
                    | FALSE
                    | NOT of formula
                    | ANDALSO of formula * formula
                    | ORELSE of formula * formula
                    | IMPLY of formula * formula
                    | LESS of expr * expr
        and expr = NUM of int
                 | PLUS of expr * expr
                 | MINUS of expr * expr
```

주어진 formula를 받아서 참값을 만들어내는 함수 eval

 $\mathtt{eval}: \mathtt{formula} \to \mathtt{bool}$

를 정의하세요. □

Exercise 5 (10점) "자연수" 자연수 nat 는 다음과 같이 정의될 수 있다:

type nat = ZERO | SUCC of nat

두 자연수를 받아서 그 합/곱에 해당하는 자연수를 만드는 두 함수

natadd : nat * nat -> nat
natmul : nat * nat -> nat

를 정의하세요. □