

1. Существует ли детерминированный конечный автомат, порождающий язык $\{a^k \omega b^k | k \geq 0, \omega \in \{a, b\}^*, |\omega|_a \leq 3\}$. Если да, построить; если нет — обосновать.

Утверждается, что ДКА, порождающего представленный язык L не существует, иными словами язык не является регулярным.

Допустим L является регулярным.

Тогда, по лемме о накачке для регулярных языков, существует такое натуральное число n , что для любого слова $w \in L$, такого что $|w| \geq n$, существуют такие $x, y, z \in \Sigma^*$, что $xyz = w$, при том что $|xy| \leq n$, $y \neq \varepsilon$ и $\forall i \in \mathbb{Z}_{0+}, xy^i z \in L$.

Утверждается, что для любого предоставленного n можно представить слово $\in L$, но для которого вышеупомянутые свойства не выполняются.

Подобным словом будет: $k = n, \omega = aaa$ ($a^k a a a b^k$)

Так как $|xy| \leq n$, то y в этом слове состоит из 'а', однако при $i > n$ полученная строка не будет принадлежать L , потому что

- (a) $a^m a a a b^k, m > k$,
- (b) $a^k a^{m-k} a a a b^k, \omega = a^{m-k} a a a$
- (c) однако, так как $i > n$, то $m - k \geq 1$,
- (d) что противоречит правилу $|\omega|_a \leq 3$.

Из этого можно заключить, что необходимое для регулярности языка свойство не выполняется, а значит язык не является регулярным и, следовательно, ДКА, порождающего этот язык, не существует.