/* 데이터 구조 및 알고리즘 */

신현규 강사, 화/목 20:00

트리, 재귀호출 (1)

좋은 코드란 무엇이고, 왜 좋은가?



주차별 커리큘럼

1주차 과정 소개, 배열, 연결리스트, 클래스

2주차 스택, 큐, 해싱

3주차 시간복잡도

4주차 트리, 트리순회, 재귀호출

5주차 힙

6주차 그래프 소개, DFS

7주차 그래프 심화, BFS

8주차 강의 요약, 알고리즘 과정 소개

컴퓨터를 이용한 문제 해결 과정

- 1. 문제를 정확히 이해한다
- 2. 문제를 해결하는 알고리즘을 개발한다
- 3. 알고리즘이 문제를 해결한다는 것을 증명한다
- 4. 알고리즘이 제한시간 내에 동작한다는 것을 보인다
- 5. 알고리즘을 코드로 작성한다
- 6. 제출 후 만점을 받고 매우 기뻐한다

요약:시간복잡도

알고리즘이 **대략** 몇개의 명령을 수행하는가?

프로그램의 수행 시간을 유추할 수 있음

```
def findNumber(myList, target):
    for v in myList:
       if v == target:
         return True
    return False
```

요약:시간복잡도

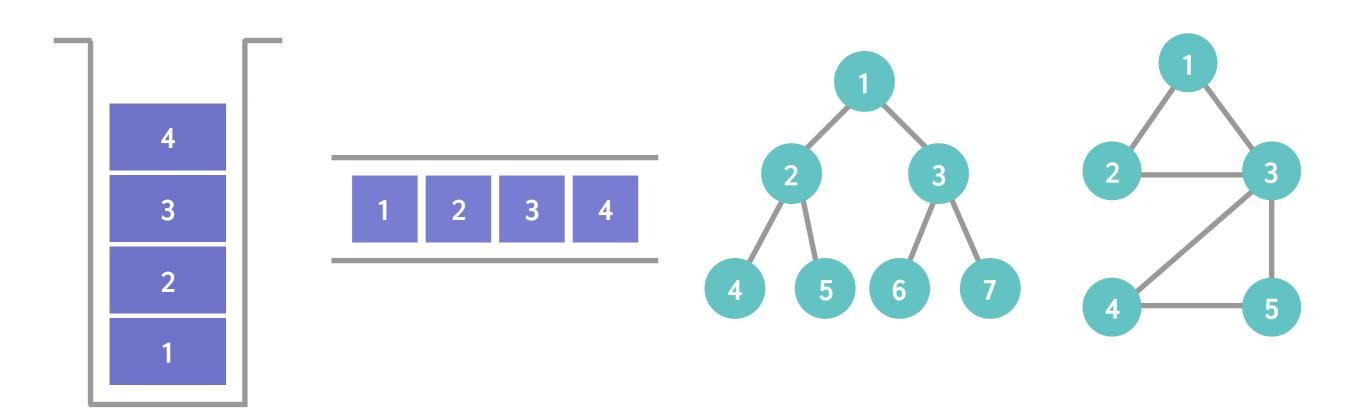
알고리즘이 **대략** 몇개의 명령을 수행하는가?

프로그램의 수행 시간을 유추할 수 있음

```
def findNumber(myList, target) :
   for v in myList :
     if v == target :
       return True
   return False
```

O(n)

대표적인 자료구조



스택 (Stack)

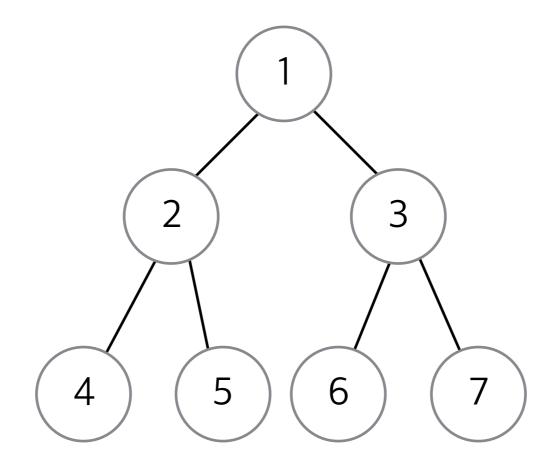
Last In First Out

큐 (Queue)

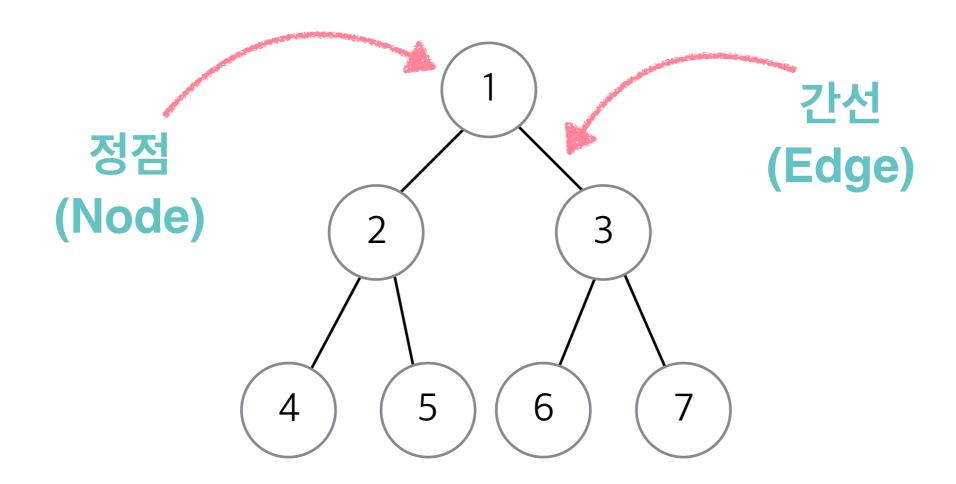
First In First Out

트리 (Tree) 그래프 (Graph)

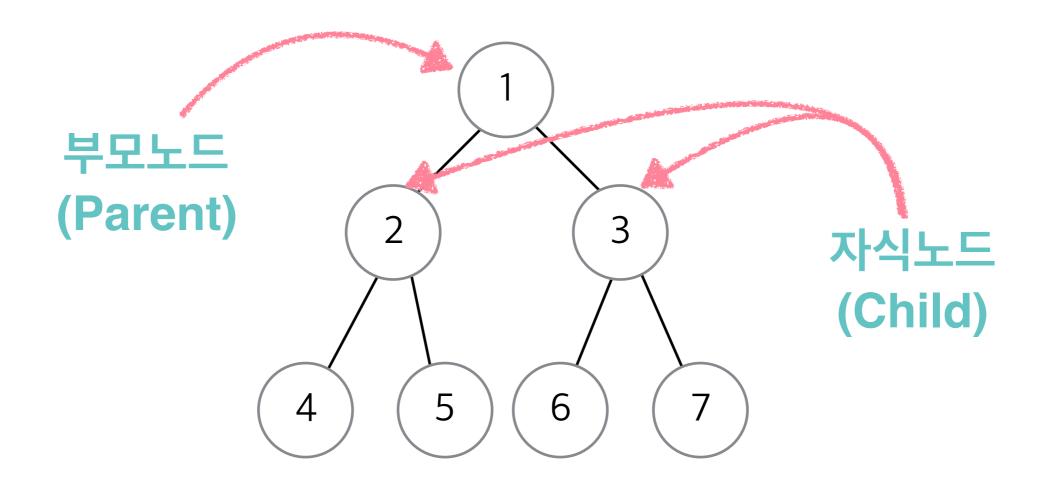




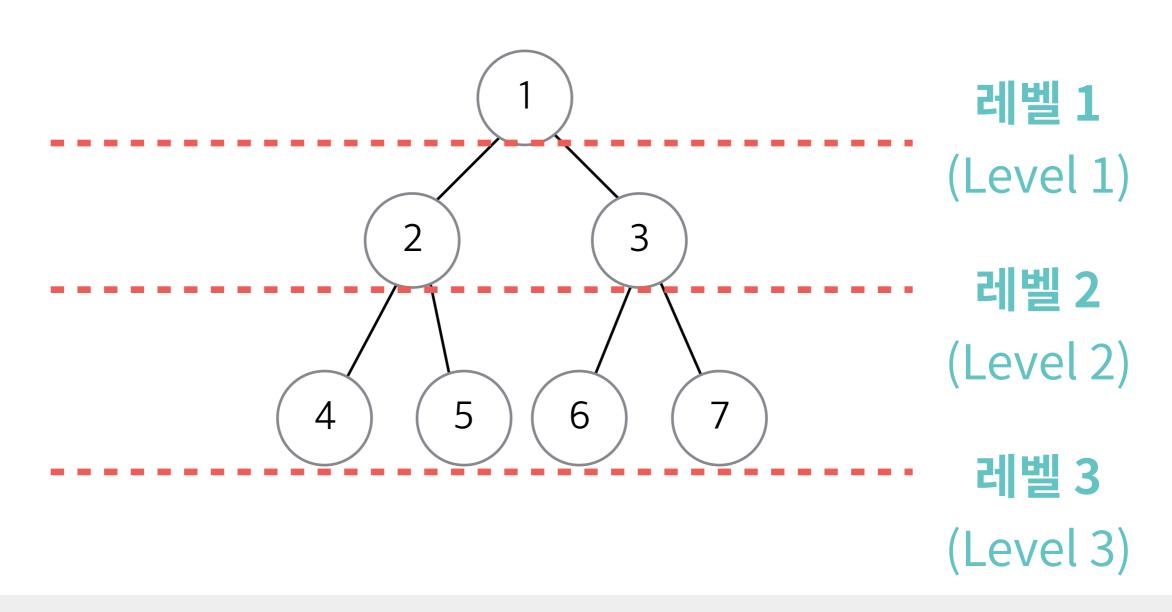






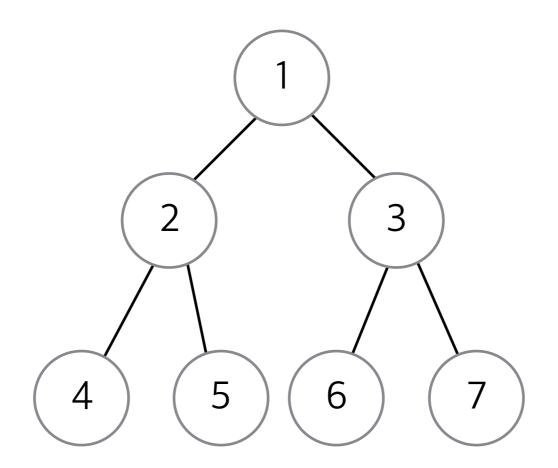






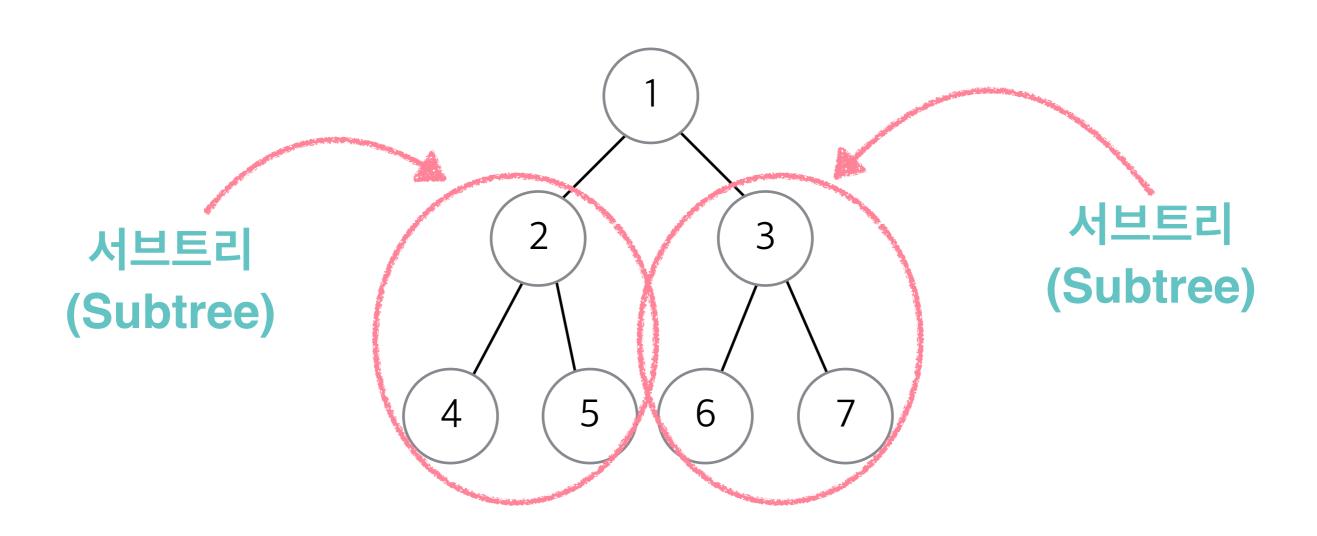
트리의 재귀적 성질

트리는 그 안에 또 트리가 존재한다

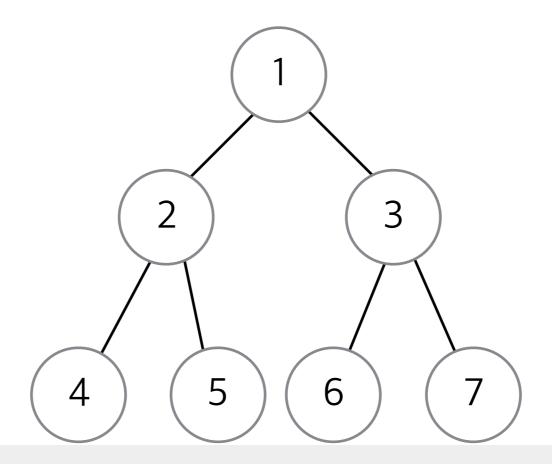


트리의 재귀적 성질

트리는 그 안에 또 트리가 존재한다



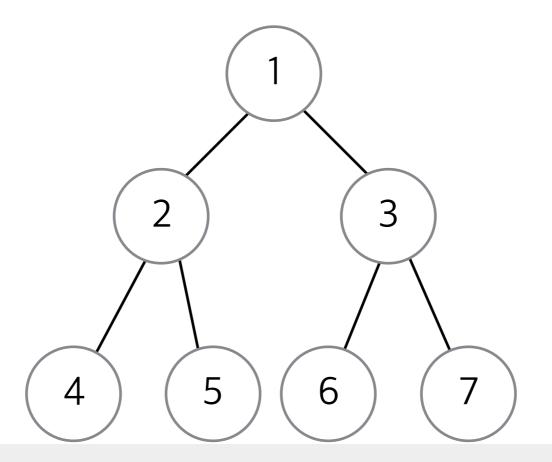
트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

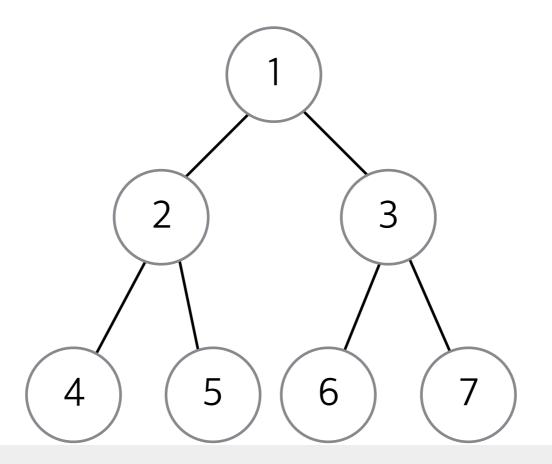
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

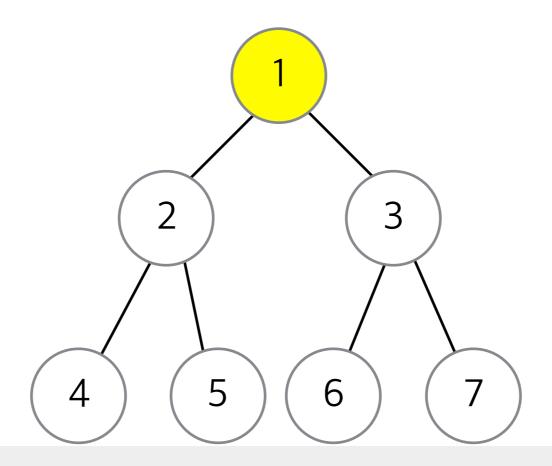
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

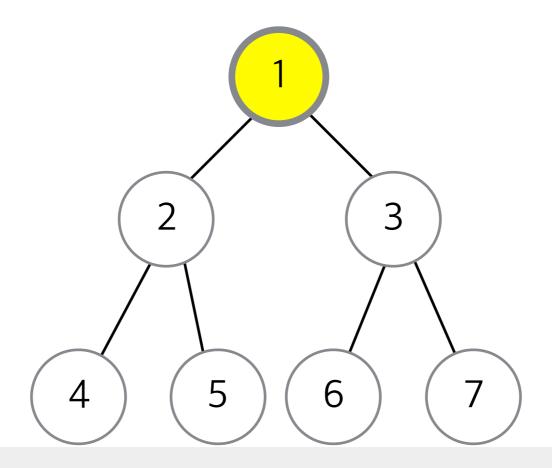
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

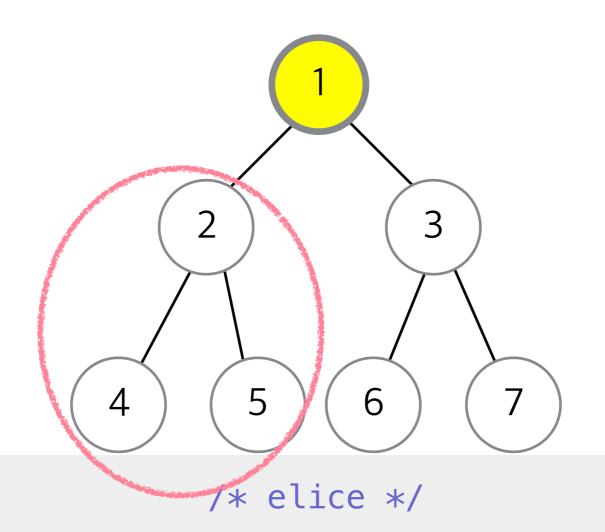
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

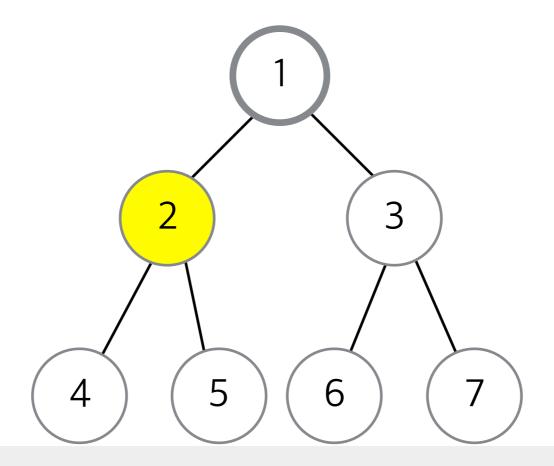
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

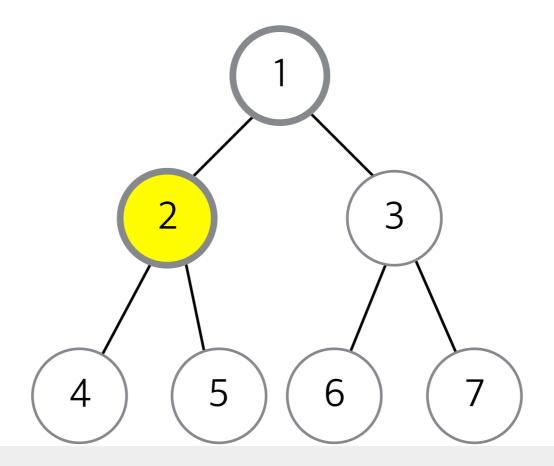
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

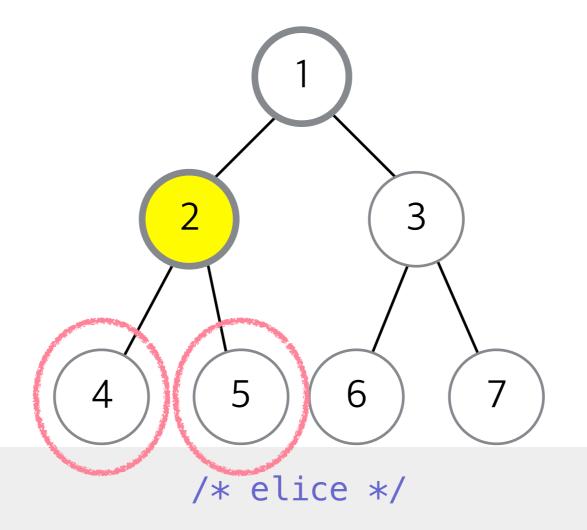
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

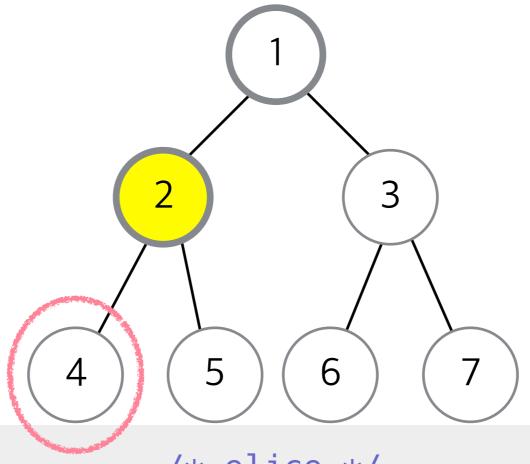
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

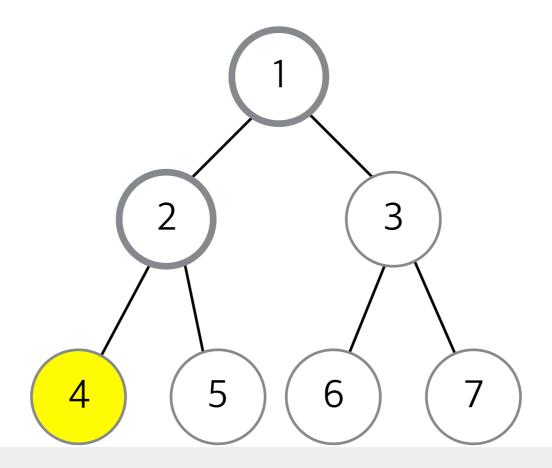
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

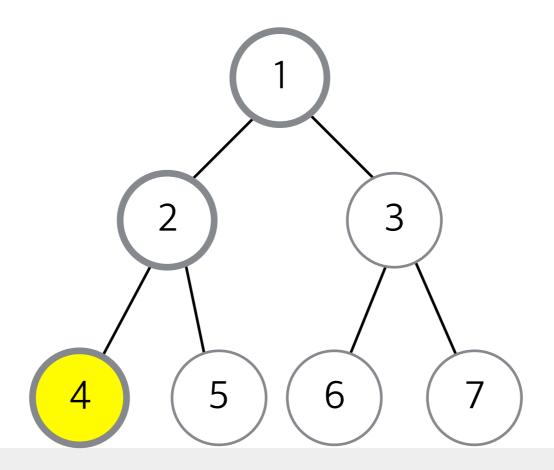
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

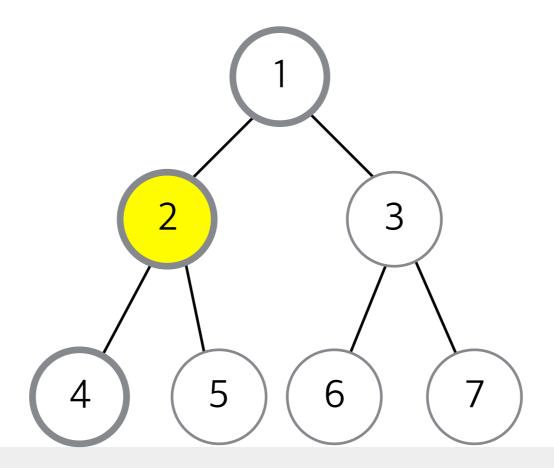
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

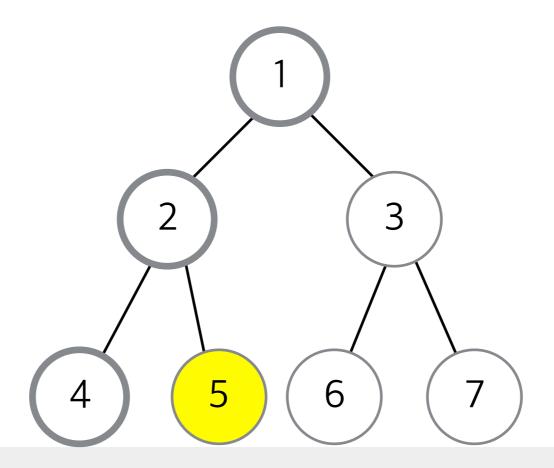
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

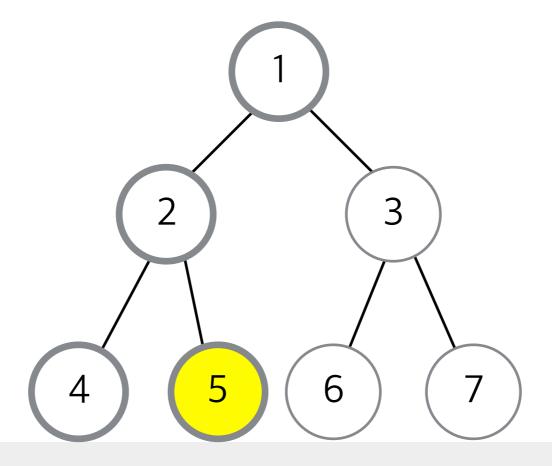
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

중위순회: L - Root - R

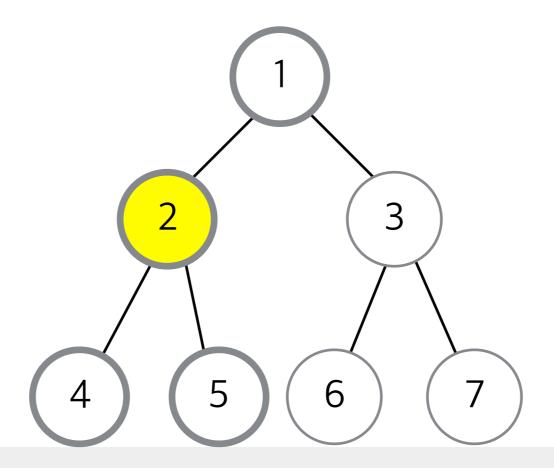


트리 순회

트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

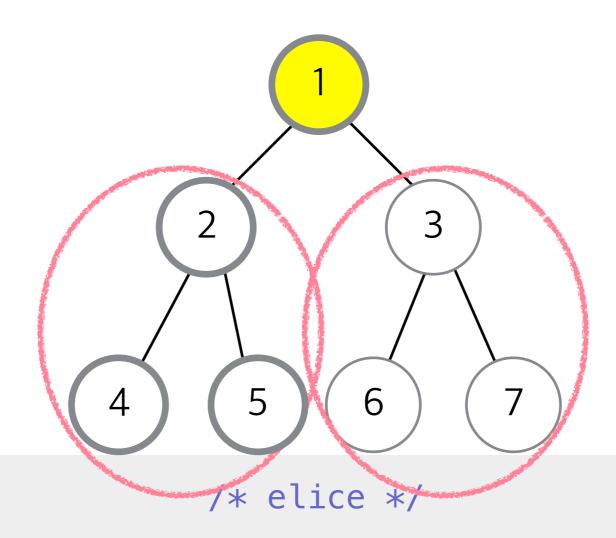
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

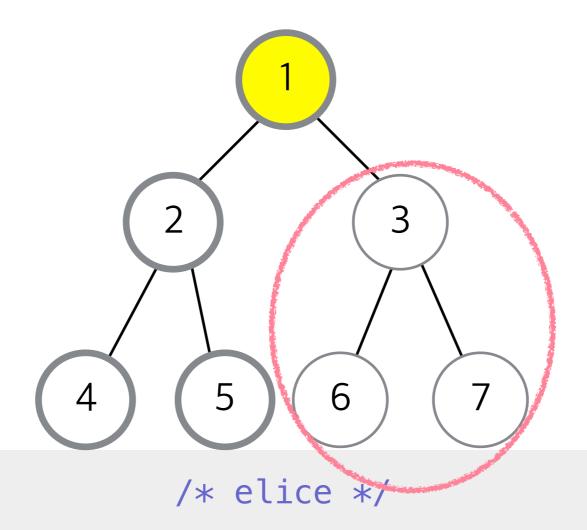
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

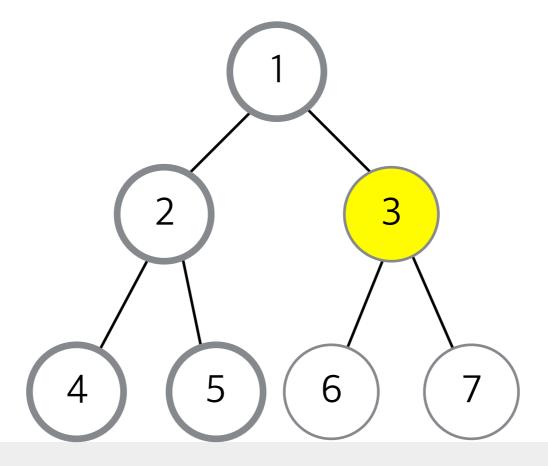
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

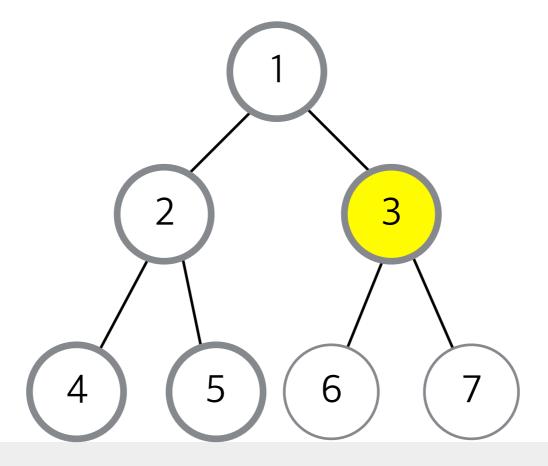
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

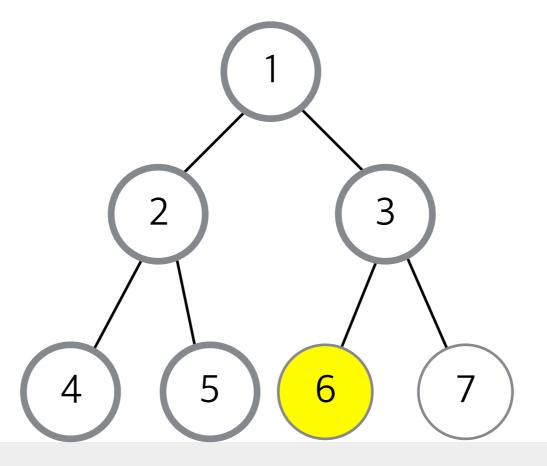
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

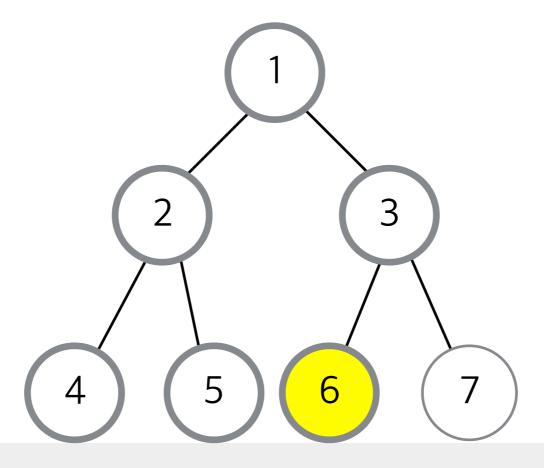
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

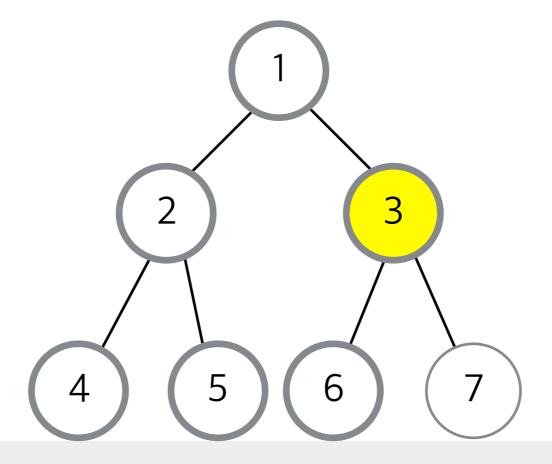
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

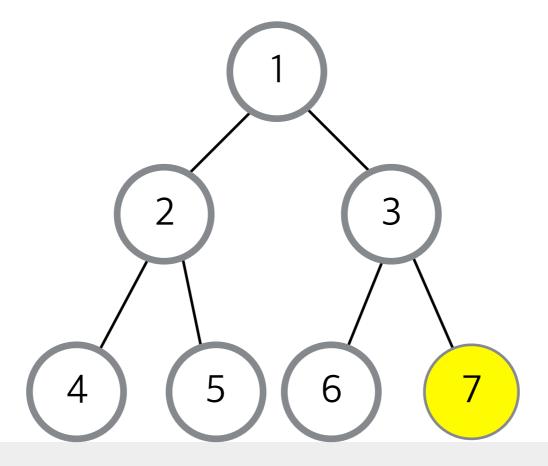
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

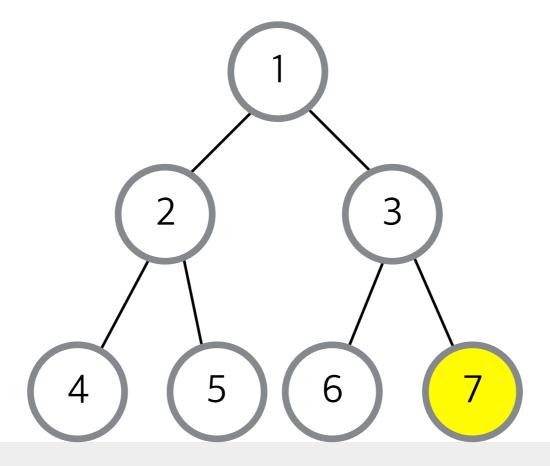
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

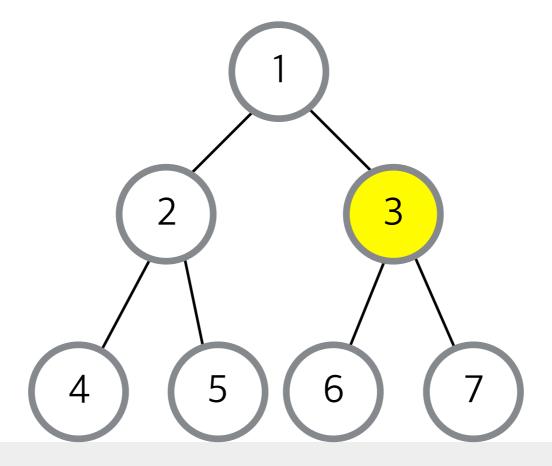
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

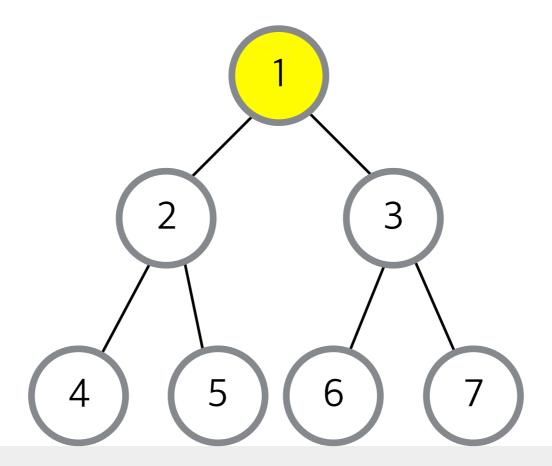
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

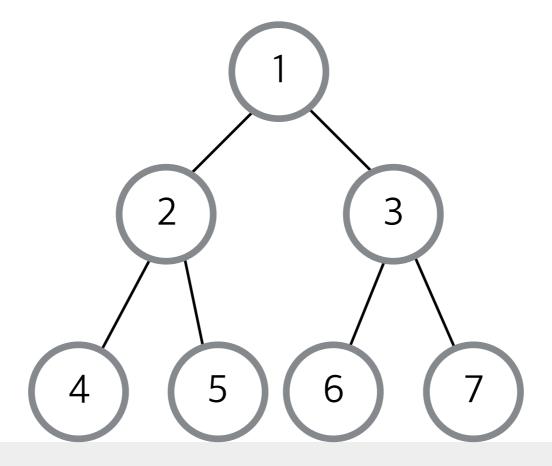
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

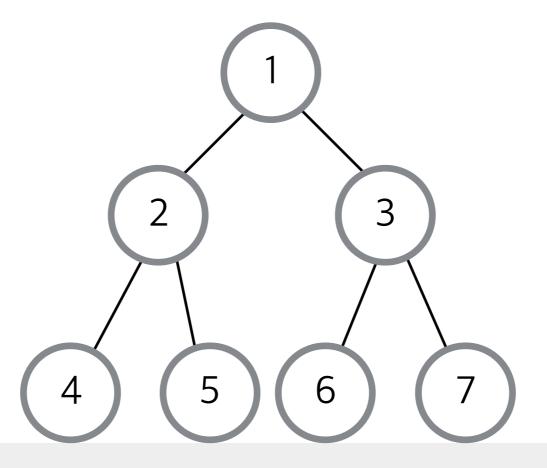
중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

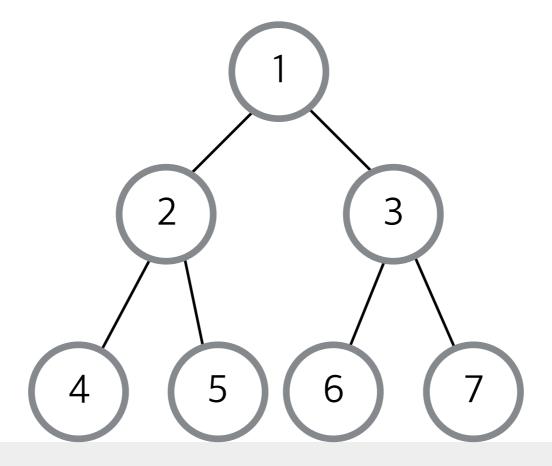
전위순회: Root - L - R 1245367

중위순회: L - Root - R



트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함 전위순회: Root - L - R 1245367

중위순회: L - Root - R



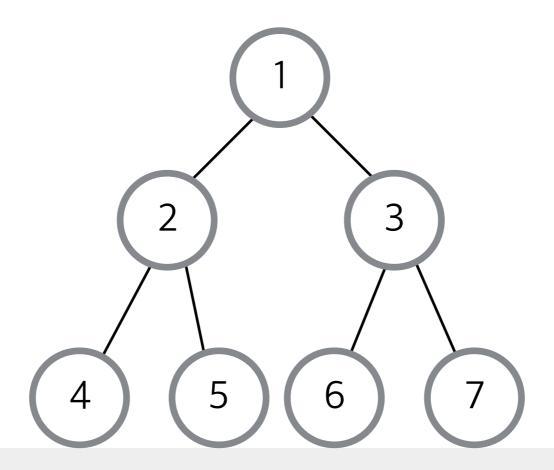
트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회 : Root - L - R

1245367

4251637

중위순회: L - Root - R

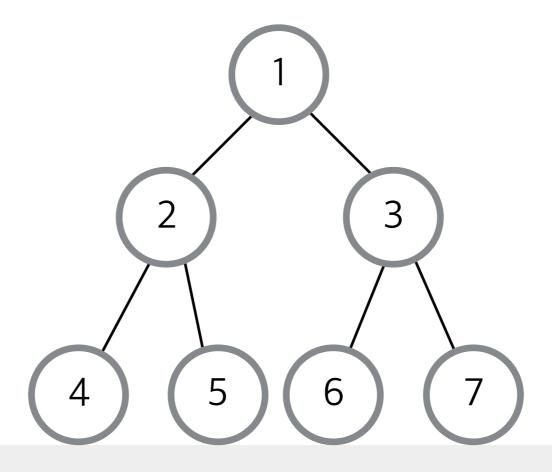


트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

중위순회 : L - Root - R

후위순회: L-R-Root



1245367

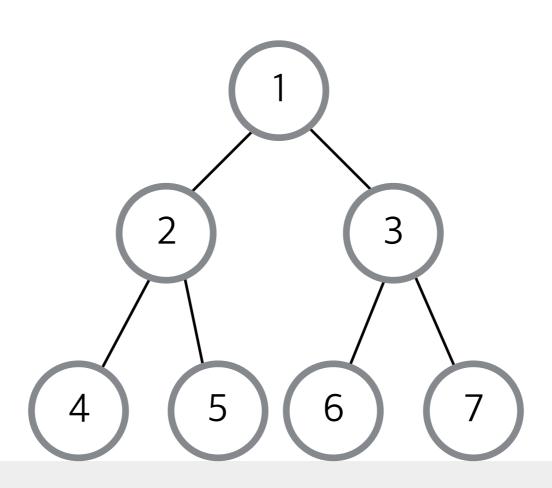
4251637

트리 내에 어떠한 자료가 담겨있는지를 알기 위함

전위순회: Root - L - R

중위순회: L - Root - R

후위순회: L - R - Root



1245367

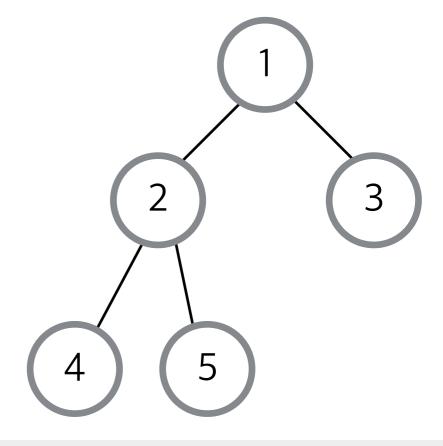
4251637

4526731

이진 트리가 주어질 때, 트리를 순회한 결과를 출력하라

입력의 예

출력의 예

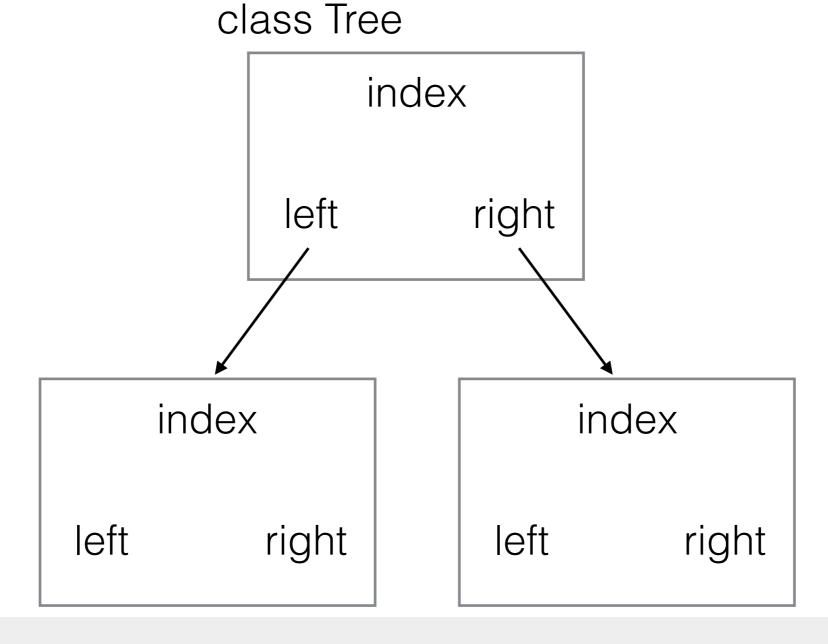


이진 트리가 주어질 때, 트리를 순회한 결과를 출력하라

class Tree

index left right

이진 트리가 주어질 때, 트리를 순회한 결과를 출력하라





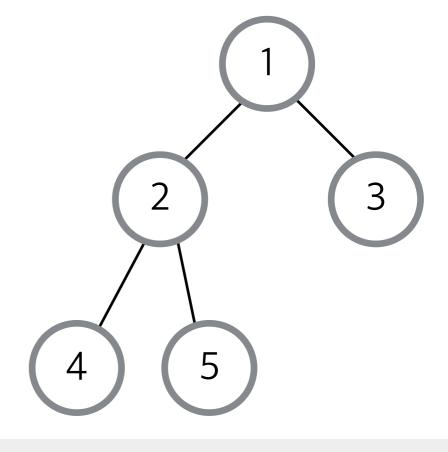
[예제 2] 이진트리 만들기

이진 트리의 입력이 주어질 때, 이진트리 만들기 만들어진 이진트리로 전위/중위/후위순회 결과를 출력

입력의 예

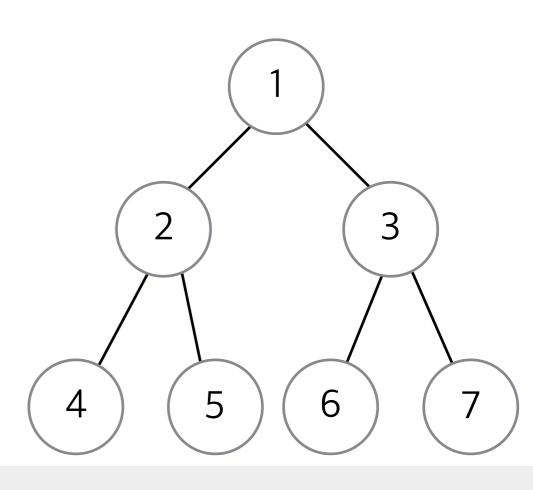
```
5
1 2 3
2 4 5
3 -1 -1
4 -1 -1
5 -1 -1
```

출력의 예

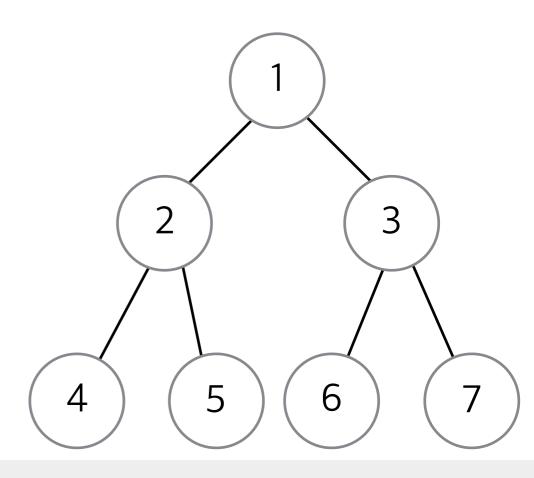


[예제 2] 이진트리 만들기





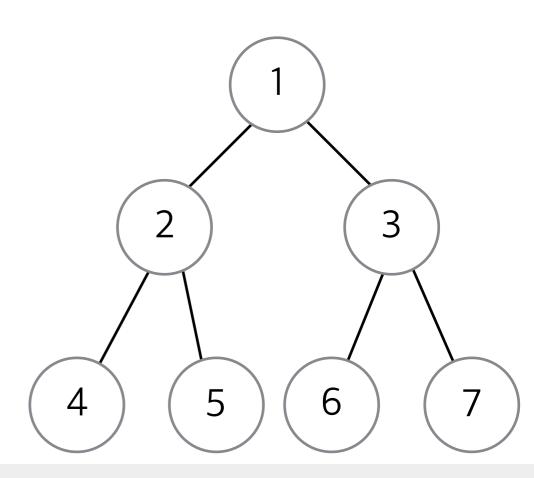
- 1) 정점에 무슨 자료를 담는가?
- 2) 간선은 어떤 의미인가?



1) 정점에 무슨 자료를 담는가? 코드가 실행되는 상태

2) 간선은 어떤 의미인가?

코드 A가 코드 B를 부른다



```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

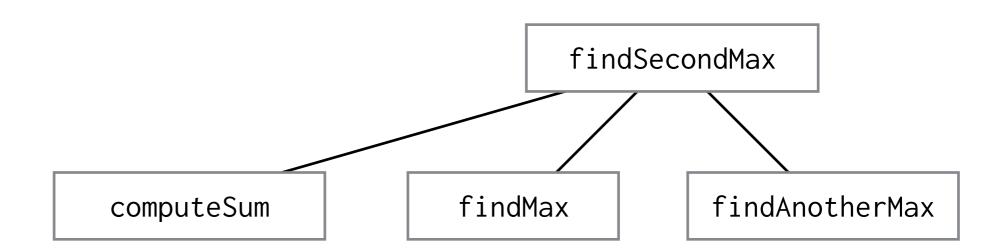
maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```

```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

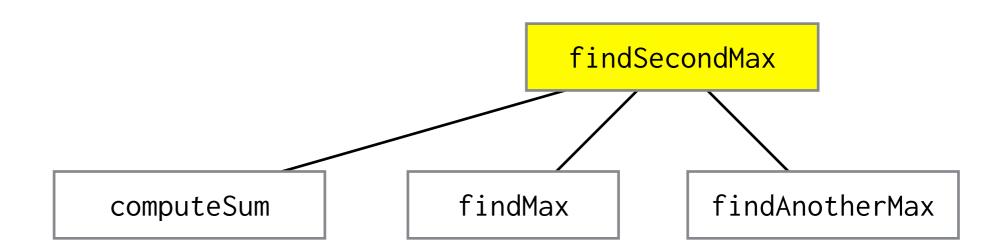
    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```



```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```

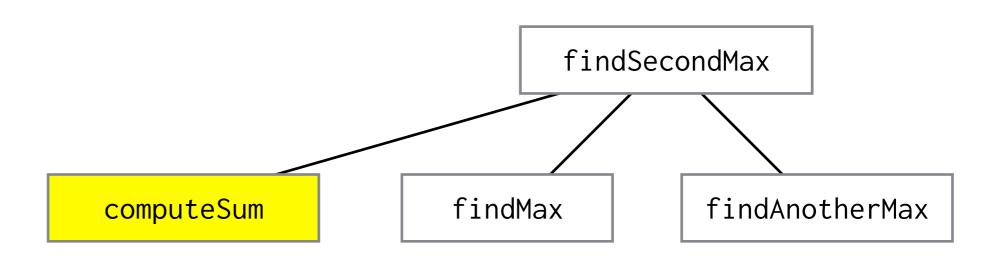


```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```

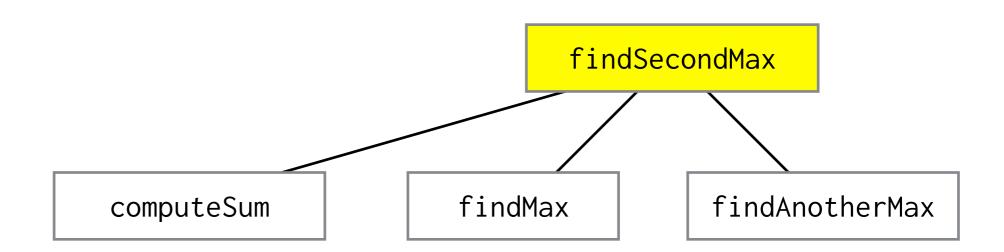
def computeSum(myMatrix) :
 return sum(myMatrix)



```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

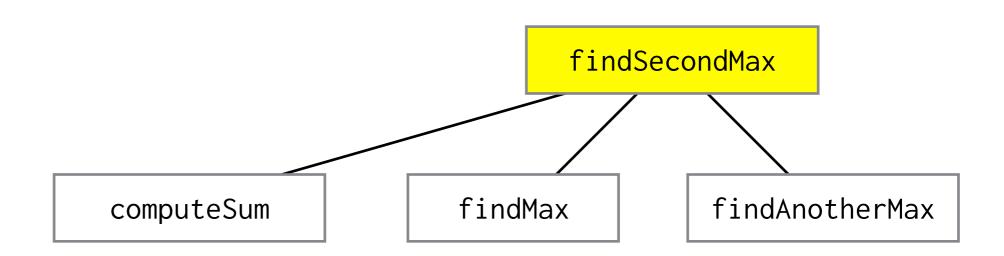
    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```



```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

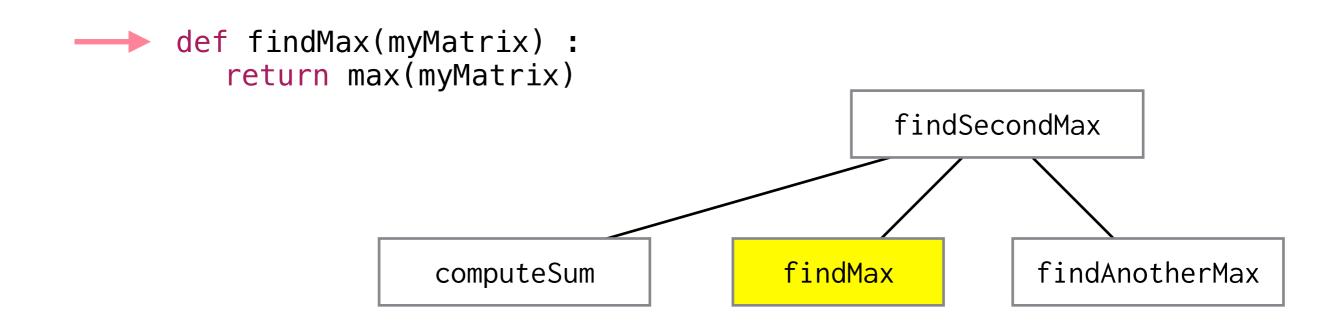
return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```



```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

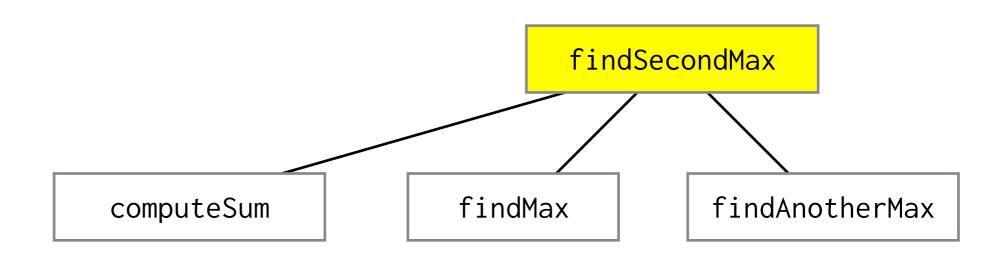
    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```



```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

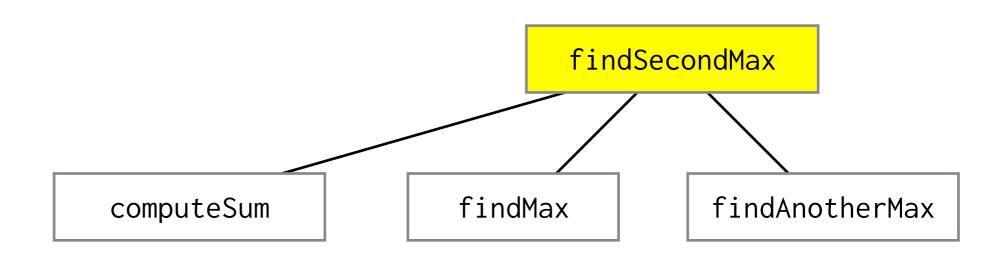
    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```



```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```

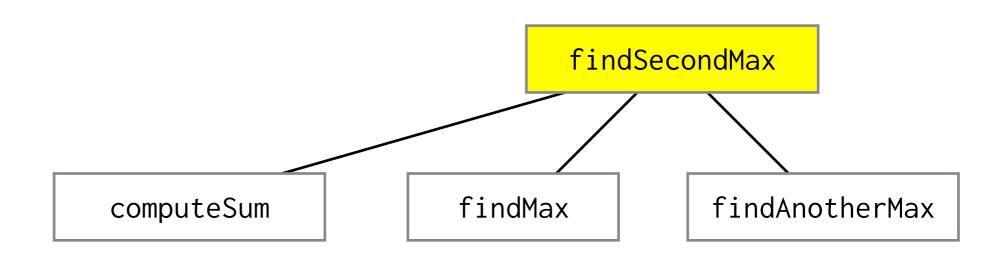


```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)
    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)
    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
def findAnotherMax (myMatrix, value) :
   secondMax = -1
   for list in myMatrix :
     for value in list:
                                          findSecondMax
   return secondMax
                                                  findAnotherMax
               computeSum
                                   findMax
```

```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

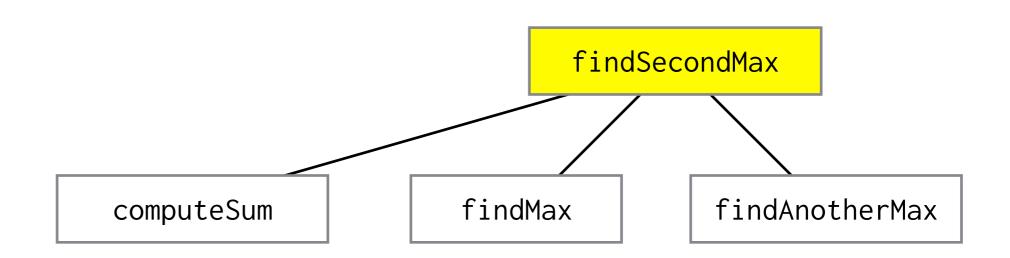
    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```



```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```

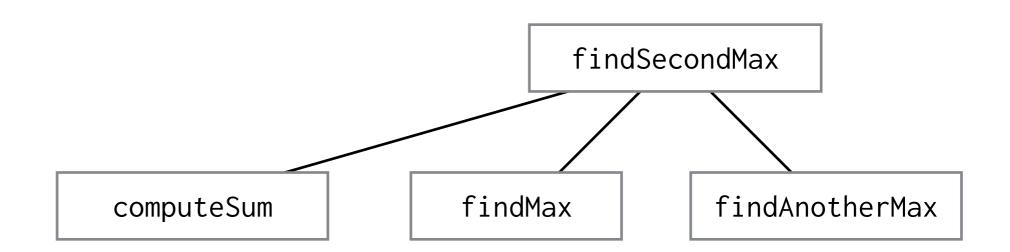


```
def findSecondMax(myMatrix) :
    sum = computeSum(myMatrix)

    maxValue = findMax(myMatrix)
    secondMaxValue = findAnotherMax(myMatrix, maxValue)

    return (sum, maxValue, secondMaxValue)
```

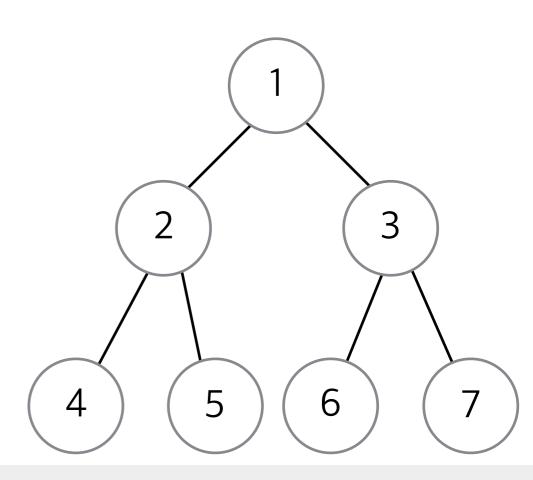
코드 실행 = 트리를 후위순회



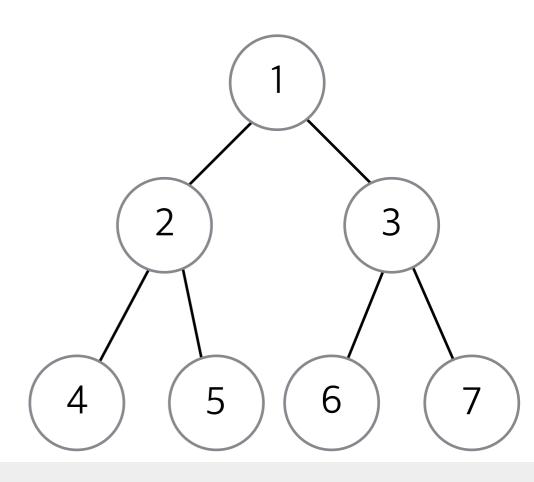
1) 정점에 무슨 자료를 담는가? 코드가 실행되는 상태

2) 간선은 어떤 의미인가?

코드 A가 코드 B를 부른다

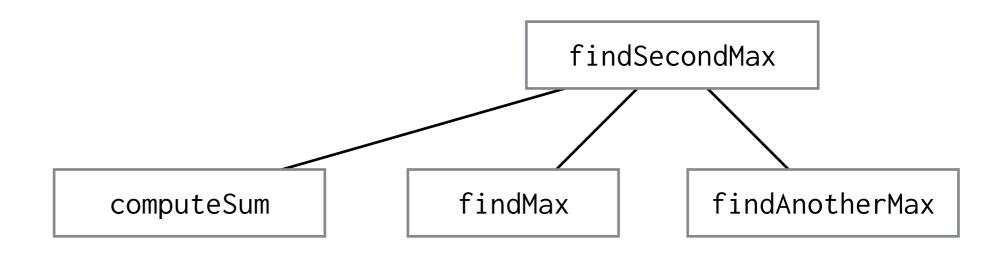


코드가 실행되고 있는 상태를 나타내는 자료구조



좋은 코드가 가져야 할 필수 조건

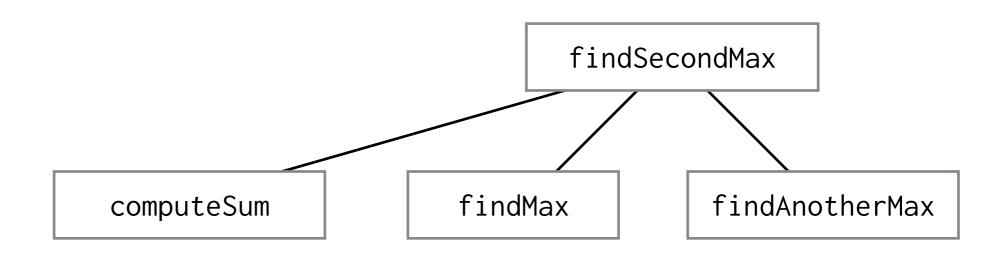
좋은 코드 = 트리만 봐도 그 기능을 알 수 있는 코드



좋은 코드가 가져야 할 필수 조건

좋은 코드 = 트리만 봐도 그 기능을 알 수 있는 코드

= 함수를 중심으로 작성된 코드

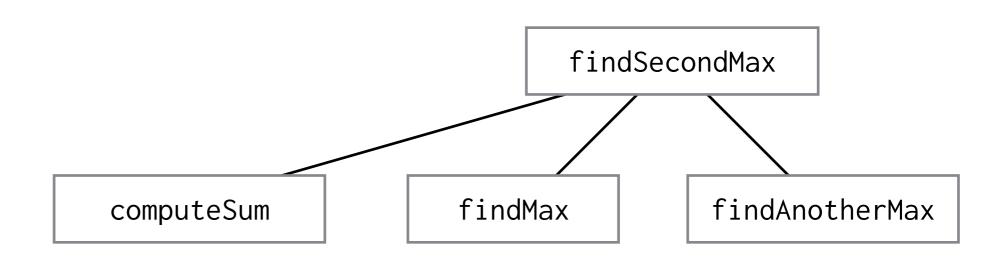


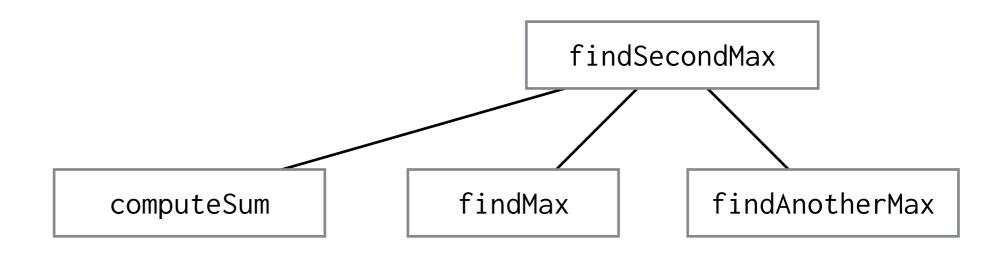
좋은 코드가 가져야 할 필수 조건

좋은 코드 = 트리만 봐도 그 기능을 알 수 있는 코드

= 함수를 중심으로 작성된 코드

= 의미 단위로 작성된 코드



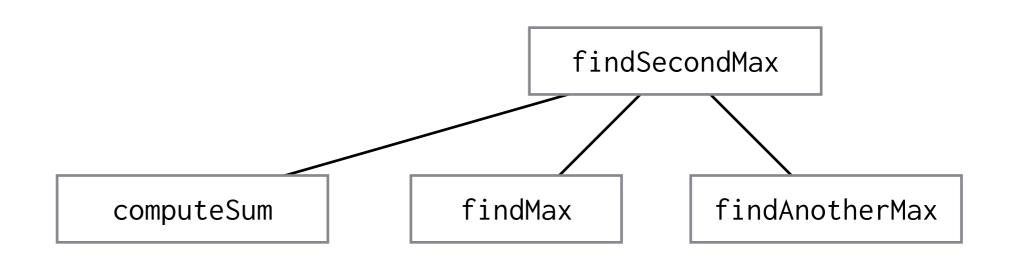


findSecondMax(m): 주어진 행렬 m에서 (합, 최댓값, 두 번째 최댓값)을 반환하는 함수

computeSum(m) : 주어진 행렬 m에서 원소의 합을 반환하는 함수

findMax(m) : 주어진 행렬 m에서 최댓값을 반환하는 함수

findAnotherMax(m, v): 주어진 행렬 m에서 v를 제외한 최댓값을 반환하는 함수



$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$

```
n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n
```

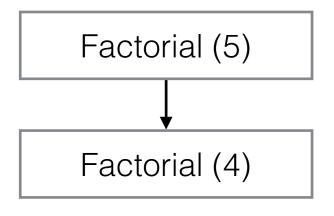
```
def Factorial(n) :
    if n == 0 :
        return 1
    else :
        return n * Factorial(n-1)
```

```
n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n
```

Factorial (5)

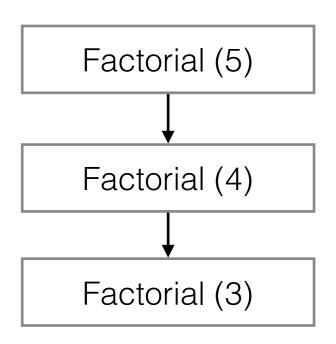
```
def Factorial(n) :
    if n == 0 :
       return 1
    else :
       return n * Factorial(n-1)
```

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$



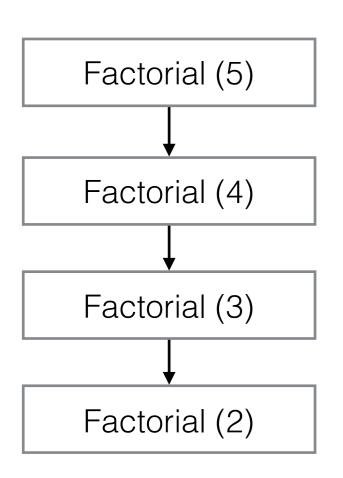
```
def Factorial(n) :
    if n == 0 :
        return 1
    else :
        return n * Factorial(n-1)
```

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$



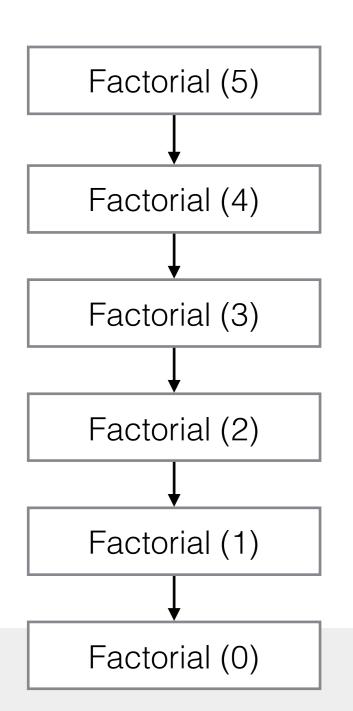
```
def Factorial(n) :
    if n == 0 :
        return 1
    else :
        return n * Factorial(n-1)
```

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$



```
def Factorial(n) :
    if n == 0 :
       return 1
    else :
       return n * Factorial(n-1)
```

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$



```
def Factorial(n) :
    if n == 0 :
       return 1
    else :
       return n * Factorial(n-1)
```

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$

```
Factorial(n) : n! 을 반환하는 함수
Factorial (5)
                    def Factorial(n) :
Factorial (4)
                       if n == 0:
                          return 1
                       else:
Factorial (3)
                          return n * Factorial(n-1)
Factorial (2)
Factorial (1)
Factorial (0)
                              /* elice */
```

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$

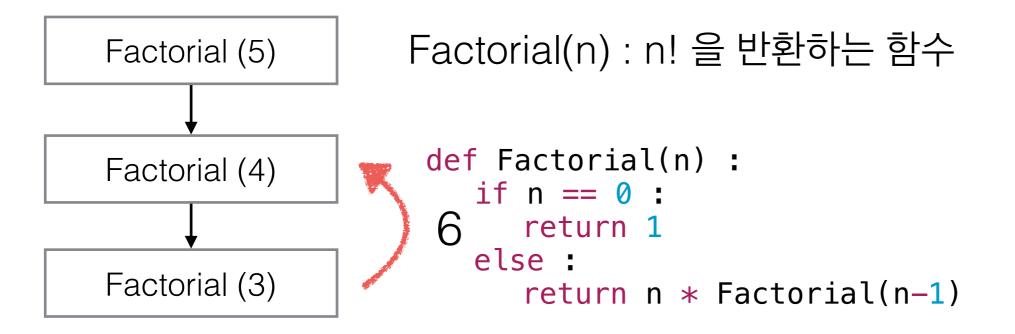
```
Factorial(n) : n! 을 반환하는 함수
Factorial (5)
                    def Factorial(n) :
Factorial (4)
                       if n == 0:
                          return 1
                       else:
Factorial (3)
                          return n * Factorial(n-1)
Factorial (2)
Factorial (1)
```

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$

```
Factorial(5)
Factorial(n): n! 을 반환하는 함수

def Factorial(n):
  if n == 0:
    return 1
  else:
  return n * Factorial(n-1)
2
Factorial(2)
```

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$



$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$

```
Factorial(5)
Factorial(n): n! 을 반환하는 함수

24

def Factorial(n):
  if n == 0:
  return 1
  else:
  return n * Factorial(n-1)
```

$$n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$$

120

Factorial (5)

```
def Factorial(n) :
    if n == 0 :
       return 1
    else :
       return n * Factorial(n-1)
```

 $n! = 1 \times 2 \times ... \times (n-1) \times n$

120

Factorial (5)

```
def Factorial(n):
    if n == 0:
        return 1
    else:
        return n * Factorial(n-1)
```

 $m^n = m \times m \times ... \times m$

 $m^n = m \times m \times ... \times m$

```
m<sup>n</sup> = m x m x ... x m

getPower(m, n): m<sup>n</sup>을 반환하는 함수

def getPower(m, n):
  if n == 0:
    return 1
  else:
```

return m * getPower(m, n-1)

```
m^n = m \times m \times ... \times m
```

```
def getPower(m, n):
    if n == 0:
        return 1
    else:
        return m * getPower(m, n-1)
```

 $m^n = m \times m \times ... \times m$

$$m^n = m \times m \times ... \times m$$

$$m^n = (m^{(n/2)})^2$$
 n이 짝수일 경우

$$m^n = m \times m \times ... \times m$$

$$m^{n} = (m^{(n/2)})^{2}$$
 n이 짝수일 경우 $(m^{n-1}) \times m$ n이 홀수일 경우

```
m^n = m \times m \times ... \times m
```

```
def getPower(m, n):
    if n == 0:
        return 1
    elif n % 2 == 0:
        temp = getPower(m, n//2)
        return temp * temp
    else:
        return getPower(m, n-1) * m
```

```
m^n = m \times m \times ... \times m
```

```
def getPower(m, n) :
    if n == 0 :
        return 1
    elif n % 2 == 0 :
        temp = getPower(m, n//2)
        return temp * temp
    else :
        return getPower(m, n-1) * m
```

[예제 3] 거듭제곱 구하기



요약

의미단위로 작성된 코드가 좋은 코드이다

→ 코드를 이해한다 = 각 함수가 무슨 일을 하는지 설명할 수 있다

트리는 코드가 실행되고 있는 상태를 나타내는 자료구조이다

→ 물론, 코드를 의미 단위로 나타냈을 때 파악이 가능한 사실이다

코드를 하나하나 따라가는 것은 컴퓨터가 해야 할 일이다

→ 우리는 앞으로 코드가 하는 일, 더 나아가 코드의 의미에 집중한다

퀴즈및설문조사



감사합니다!

신현규

E-mail: hyungyu.sh@kaist.ac.kr

Kakao: yougatup

/* elice */

문의 및 연락처

academy.elice.io
contact@elice.io
facebook.com/elice.io
blog.naver.com/elicer