České vysoké učení technické v Praze

Fakulta stavební

155ADKG: Digitální model terénu

Michael Kala Anna Zemánková

1 Zadání

 $Vstup: množina P = \{p_1, ..., p_n\}, p_i = \{x_i, y_i, z_i\}.$

Výstup: polyedrický DMT nad množinou P představovaný vrstevnicemi doplněný vizualizací sklonu trojúhelníků a jejich expozicí.

Metodou inkrementální konstrukce vytvořte nad množinou P vstupních bodů 2D Delaunay triangulaci. Jako vstupní data použijte existující geodetická data (alespoň 300 bodů) popř. navrhněte algoritmus pro generování syntetických vstupních dat představujících významné terénní tvary (kupa, údolí, spočinek, hřbet, ...).

Vstupní množiny bodů včetně níže uvedených výstupů vhodně vizualizujte. Grafické rozhraní realizujte s využitím frameworku QT. Dynamické datové struktury implementujte s využitím STL.

Nad takto vzniklou triangulací vygenerujte polyedrický digitální model terénu. Dále proveďte tyto analýzy:

- S využitím lineární interpolace vygenerujte vrstevnice se zadaným krokem a v zadaném intervalu, proveď te jejich vizualizaci s rozlišením zvýrazněných vrstevnic.
- Analyzujte sklon digitálního modelu terénu, jednotlivé trojúhelníky vizualizujte v závislosti na jejich sklonu.
- Analyzujte expozici digitálního modelu terénu, jednotlivé trojúhelníky vizualizujte v závislosti na jejich expozici ke světové straně.

Zhodnoť te výsledný digitální model terénu z kartografického hlediska, zamyslete se nad slabinami algoritmu založeného na 2D Delaunay triangulaci. Ve kterých situacích (různé terénní tvary) nebude dávat vhodné výsledky? Tyto situace graficky znázorněte.

Zhodnocení činnosti algoritmu včetně ukázek proveď te alespoň na tři strany formátu A4.

Hodnocení:

Krok	Hodnocení
Delaunay triangulace, polyedrický model terénu.	10b
Konstrukce vrstevnic, analýza sklonu a expozice.	10b
Triangulace nekonvexní oblasti zadané polygonem.	+5b
Výběr barevných stupnic při vizualizaci sklonu a expozice.	+3b
Automatický popis vrstevnic.	+3b
Automatický popis vrstevnic respektující kartografické zásady (orientace, vhodné rozložení).	+10b
Algoritmus pro automatické generování terénních tvarů (kupa, údolí, spočinek, hřbet,).	+10b
3D vizualizace terénu s využitím promítání.	+10b
Barevná hypsometrie.	+5b
Max celkem:	65b

Čas zpracování: 3 týdny

2 Údaje o bonusových úlohách

Z bonusových úloh byly zpracovány:

- automatický popis vrstevnic
- barevná hypsometrie

3 Popis a rozbor problému

Mějme množinu bodů $P\{p_i\}$, $p_i = \{x_i, y_i, z_i\}$. Nad touto množinou chceme vytvořit síť trojúhelníků t_j pomocí Delaunay triangulace DT, následně vytvořit vrstevnice a pro vizualizaci DMT určit sklon a expozici jednotlivých trojúhelníků.

3.1 Delaunay triangulace

Vlastnosti:

- \bullet Uvnitř kružnice opsané trojúhelníku $t_i \in DT$ neleží žádný jiný bod množiny P.
- DT maximalizuje minimální úhel v $\forall t_j$, avšak DT neminimalizuje maximální úhel v t_j .
- DT je lokálně optimální i globálně optimální vůči kritériu minimálního úhlu.
- DT je jednoznačná, pokud žádné čtyři body neleží na kružnici.

3.2 Vrstevnice

Vrstevnice byly určeny za využití lineární interpolace, při které se předpokládá, že spád terénu je mezi podrobnými body p_i , mezi nimiž se provádí interpolace, konstantní.

Mějme trojúhelník t_j , tvořený hranami e_1, e_2, e_3 a rovinu vrstevnice ρ o dané výšce. Vztah hrany tojúhelníku a roviny vrstevnice:

1.
$$(z-z_i)*(z-z_{i+1})<0\longrightarrow e_i\cap\rho$$

2.
$$(z-z_i)*(z-z_{i+1})>0 \longrightarrow e_i \notin \rho$$

3.
$$(z - z_i) * (z - z_{i+1}) = 0 \longrightarrow e_i \in \rho$$

Pokud $e_1, e_2, e_3 \in \rho$, jedná se o trojúhelník náležící rovině ρ a není nutné vrstevnici pro tento trojúhelník řešit.

Jestliže $e_i \cap \rho$, je vypočten průsečík hrany $e_i = (p_1, p_2)$ a roviny vrstevnice ρ o výšce z:

$$x = \frac{(x_2 - x_1)}{(z_2 - z_1)}(z - z_1) + x_1,$$

$$y = \frac{(y_2 - y_1)}{(z_2 - z_1)}(z - z_1) + y_1.$$

3.3 Sklon

Sklon je úhel φ mezi svislicí n a normálou trojúhelníku n_t . Rovina trojúhelníku t_j je určena vektory u,v.

$$n = (0, 0, 1)$$

$$n_t = \vec{u} \times \vec{v}$$

$$\varphi = \arccos(\frac{n_t \cdot n}{|n_t||n|})$$

Sklon je vizualizován odstíny šedi.

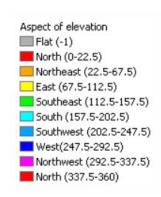
3.4 Expozice

Expozice je orientace trojúhelníku vůči světovým stranám.

$$A = \arctan 2(\frac{n_x}{n_y});$$

kde n_x, n_y jsou vektorové součiny \boldsymbol{u} a $\boldsymbol{v}.$

Expozice je vizualizována pomocí barevného spektra, barvy byly vybrány stejně jako v SW ArcMAP - ESRI:



Obrázek 1: Vizualizace expozice

4 Popis algoritmů

4.1 Delaunayova triangulace

Triangulace byla realizována metodou inkrementální konstrukce, body jsou tedy do triangulace přidávány postupně a to tak, aby vybraný bod ležel v levé polorovině od orientované hrany, poloměr opsané kružnice byl minimální a zároveň jsou preferovány body, jejichž střed opsané kružnice leží v pravé polorovině. Pokud žádný bod těmto kritériím nevyhovuje, je orientace hrany obrácena a bod je vybírán znovu. Jakmile je bod nalezen, jsou k němu vytvořeny orientované hrany a vše je uloženo do triangulace.

Pro "manipulaci"s hranami se používá struktura Active Edges List AEL, do ní jsou ukládány hrany, ke kterým je třeba nalézt třetí bod a vytvořit trojúhelník. Jakmile je AEL prázdná, algoritmus končí.

4.1.1 Implementace metody

- 1. $p_1 = rand(P), ||p_2 p_1|| = min$ náhodný a nebližší bod
- 2. Vytvoř hranu $e = (p_1, p_2)$
- 3. Inicializuj: $p_{min} = argmin_{\forall p_i \in \sigma_L(e)} r'(k_i), k_i = (a, b, p_i), e = (a, b)$
- 4. Pokud $\not\exists p_{min}$, prohod' orientaci $e \longleftarrow (b, a)$. Jdi na 3)
- 5. $e_2 = (p_1, p_{min}), e_3 = (p_{min}, p_1)...$ zbývající hrany trojúhelníku
- 6. $AEL \leftarrow e, AEL \leftarrow e_2, AEL \leftarrow e_3$
- 7. $DT \longleftarrow e, DT \longleftarrow e_2, DT \longleftarrow e_3$
- 8. while AEL not empty:
- 9. $AEL \longrightarrow e, e = (p_1, p_2)...$ vezme první hranu z AEL
- 10. $e = (p_2, p_1)$...prohodí její orientaci
- 11. $p_{min} = argmin_{\forall p_i \in \sigma_T(e)} r'(k_i), k_i = (a, b, p_i), e = (a, b)$
- 12. if $\exists p_{min}$:
- 13. $e_2 = (p_1, p_{min}), e_2 = (p_{min}, p_1)...$ zbývající hrany trojúhelníku
- 14. $DT \leftarrow e$
- 15. $add(e_2, AEL, DT), add(e_3, AEL, DT)$

Dílčí algoritmus Add:

- 1. Vytvoř hranu e' = (b, a)
- 2. if $(e' \in AEL)$
- 3. $AEL \longrightarrow e'...Odstraň z AEL$
- 4. else:
- 5. $AEL \leftarrow e$...Přidej do AEL
- 6. $DT \longleftarrow (a, b)$ Přidej do DT

4.1.2 Problematické situace

Pokud je vstupními daty grid, dochází k nejednoznačnosti Delaunay triangulace - na opsané kružnici leží čtyři body. V tom případě nefunguje výpočet vrstevnic ani následných analýz.

4.2 Barevná hypsometrie

Myšlenka výpočtu barevné hypsometrie vychází z procházení všech trojúhelníků triangulace i s jejich vrstevnicemi. Výpočet pak vždy probíhá nad jedním trojúhelníkem. Jediný moment při běhu programu, kdy lze získat trojúhelníky a jejich vrstevnice dohromady, je při výpočtu vrstevnic. Proto výpočet hypsometrie probíhá zároveň s výpočtem vrstevnic. Samostatný algoritmus vypadá následovně:

- 1. Vytvoř vektor polygonů **pols** s údajem o jejich střední výšce
- 2. Procházej po jednom všechny trojúhelníky:
 - (a) Do vektoru bodů **pts** ulož vrcholy trojúhelníku a krajní body vrstevnic
 - (b) Vytvoř vektor vektorů bodů **vec_pts** o velikosti počtu intervalů vrstevnic v rámci trojúhelníku (počítají se i krajní intervaly, ve kterých může ležet vrchol trojúhelníku)
 - (c) Procházej vektor bodů **pts** a ulož body podle výšky do příslušného vektoru bodů z **vec_pts**.
 - (d) Vypočítej konvexní obálku každého vektoru bodů z **vec_pts**, vypočti jejich průměrnou výšku a ulož do **pols**.
- 3. Seřaď **pols** bodle středních výšek.
- 4. Naškáluj tabulku barev podle počtu polygonů v pols.
- 5. Vykresli polygony.

Pozn.: Pro vytvoření polygonů bylo třeba každou množinu bodů seřadit tak, aby byly ve správném pořadí. K tomu byl využit algoritmus Sweep Line z minulé úlohy (možná dělo na vrabce, ale funkční a již ověřené).

4.3 Automatický popis vrstevnic

Při vytváření vrstevnic je zároveň ukládána jejich výška. Vektor výšek je pak procházen společně s vektorem vrstevnic a ke každé hlavní je přidán popisek.

5 Vstupní data

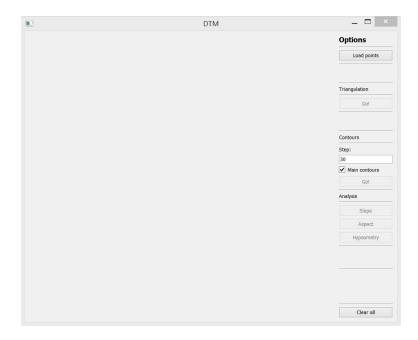
Vstupními daty je textový soubor *.txt se souřadnicemi bodů ve tvaru [X,Y,Z]. Lze jej do aplikace nahrát pomocí tlačítka $Load\ points$.

Součástí příloh je textový soubor s testovacími daty testovaci_data.txt.

6 Výstupní data

Výsledky aplikace jsou vizualizovány v kanvasu grafického rozhraní.

7 Ukázka vytvořené aplikace



Obrázek 2: Rozvržení aplikace

Nejprve je třeba nahrát vstupní data pomocí tlačítka *Load points* a následně je možné vypočítat Delaunay triangulaci, teprve poté jsou zpřístupněna i ostatní tlačítka aplikace.

Při výpočtu vrstevnic je třeba zadat krok vrstevnic a (ne)zaškrtnout zvýraznění hlavních vrstevnic. Po výpočtu vrstevnic je zpřístupněno tlačítko pro barevnou hypsometrii.

V sekci analysis je možné vypočíst a vizualizovat sklon a expozici či barevnou hypsometrii. Po opětovném stisknutí příslušného tlačítka se daná vizualizace opět skryje.

Vše je uvedeno do původního stavu (smazány body i vypočtené výsledky) kliknutím na tlačítko Clear.

8 Dokumentace

8.1 QPoint3D

Definice nového datového typu **QPoint3D**, který dědí od třídy **QPointF**. Rozšíření o výškovou souřadnici **z**. V defaultním konstruktoru jsou nasteveny implicitní hodnoty souřadnic: [0,0,0].

- členská proměnná double z výška bodu
- public metody:
 - getZ získání souřadnice z. Návratovým typem je double.
 - set Z uložení hodnoty do členské proměnné z. Návratovým typem je void.

8.2 QPolygonFZ

Definice nového datového typu **QPolygonFZ**, který dědí od třídy **QPolygonF**. Rozšíření o průměrnou výšku polygonu.

- členská proměnná double z_mid průměrná výška polygonu
- public metody:
 - **getZ** získání průměrné výšky polygonu. Návratovým typem je **double**.
 - setZ uložení průměrné výšky. Návratovým typem je void.

8.3 Edge

Definice nového datového typu **Edge**. Uspořádaná dvojice vrcholů simulující orientovanou hranu (startovní a koncový vrchol).

- členské proměnné **QPoint3D** s, e počáteční a koncový bod hrany
- public metody:
 - getS resp. getE získání počátečního resp. koncového bodu hrany. Návratovým typem je QPoint3D.
 - switchOr metoda slouží ke změně orientace hrany prohodí počáteční a koncový bod. Návratovým typem je void.
- Přetížení operátoru == pro porovnání dvou hran (hrany se rovnají, pokud mají shodný počáteční a koncový bod).

8.4 Triangle

Definice nového datového typu **Triangle**. Ukládá trojici vrcholů a sklon a expozici jimi tvořeného trojúhelníku.

- členské proměnné:
 - QPoint3D p1,p2,p3 tři vrcholy trojúhelníku double slope, aspect sklon a expozice trojúhelníku
- public metody **get** < *příslušná členská proměnná* > vrací danou proměnnou.

8.5 Sortovací kritéria

- SortByXAsc řazení bodů typu QPoint3D podle rostoucí souřadnice x, při rovnosti podle y.
- SortByZAsc řazení bodů typu QPoint3D podle rostoucí souřadnice z, při rovnosti podle y, při rovnosti podle x.
- SortPolByZAsc řazení polygonů typu QPolygonFZ podle střední výšky polygonu.

8.6 Algorithms

V třídě Algorithms jsou staticky implementovány algoritmy počítající Delaunay triangulaci, vrstevnice, analýzu DMT (sklon a expozici) - a barevnou hypsometrii.

- Výčtový typ **TPosition**
 - Typ využitý jako návratová hodnota členské metody getPointLinePosition.
 - LEFT = 0
 - RIGHT = 1
 - ON = 2
- Metoda getPointLinePosition
 - Tato metoda slouží k určení polohy bodu vůči přímce. Návratovou hodnotou je výčtový typ **TPosition**.
 - Vstup
 - * QPoint3D &q určovaný bod
 - * QPoint3D &a, &b body přímky
 - Výstup
 - * LEFT bod vlevo od přímky
 - * RIGHT bod vpravo od přímky
 - * **ON** bod na přímce
- Metoda getCircleRadius

- Tato metoda slouží k výpočtu poloměru opsané kružnice. Návratovou hodnotou je double.
- Vstup
 - * **QPoint3D** &p1, &p2, &p3, &c body p_i definují kružnici, do bodu c jsou ukládány souřadnice středu kružnice.
- Výstup
 - * Vypočtený poloměr kružnice.

• Metoda **getNearestPoint**

- Tato metoda slouží k vyhledání nejbližšího bodu. Návratovou hodnotou je int.
- Vstup
 - * **QPoint3D** &p, std::vector<QPoint3D> &points od bodu p je hledán nejbližší bod z vektoru bodů points.
- Výstup
 - * index nejbližšího bodu.

• Metoda distance

- Tato metoda slouží k výpočtu vzdálenosti dvou bodů. Návratovou hodnotou je double.
- Vstup
 - * QPoint3D &p1, QPoint3D &p2
- Výstup
 - * vzdálenost dvou bodů.

• Metoda getDelaunayPoint

- Tato metoda slouží k vyhledání bodu, který vyhovuje kritériím Delaunay triangulace. Návratovým typem je int.
- Vstup
 - * QPoint3D &s, QPoint3D &e, std::vector<QPoint3D> &points
- Výstup
 - * index bodu.

• Metoda **DT**

- Tato metoda slouží k vytvoření vektoru, v němž jsou uloženy hrany Delaunay triangulace. Návratovým typem je std::vector<Edge>.
- Vstup
 - * std::vector<QPoint3D> &points
- Výstup
 - * vektor hran Delaunay triangulace.

• Metoda **getContourPoint**

- Tato metoda slouží k vypočtení souřadnic průsečíku vrstevnice a hrany DT.
 Návratovým typem je QPoint3D.
- Vstup
 - * QPoint3D &p1,&p2, double z, z je výška vrstevnice, bod p_1 resp. p_2 je počáteční resp. koncový bod hrany.
- Výstup
 - * průsečík vrstevnice a trojúhelníku DT.

• Metoda createContours

- Tato metoda slouží k vypočtení vrstevnic a barevné hypsometrie. Návratovým typem je std::vector<Edge>.
- Vstup
 - * std::vector<Edge> &dt vektor hran
 - * double z_min, double z_max, double dz rozsah vrstevnic a jejich krok
 - * **std::vector**<**double**> &contour_heights vektor, do kterého jsou ukládány výšky vrstevnic, pořadí stejné jako pořadí hran vrstevnic ve výstupu z metody
 - * **std::vector**<**QPolygonFZ**> **&hyps** vektor, do kterého jsou ukládány polygony jednoho intervalu vrstevnic v rámci jednoho trojúhelníku (pro barevnou hypsometrii).
- Výstup
 - * vektor hran vrstevnic.

• Metoda **getSlope**

- Tato metoda slouží k výpočtu sklonu trojúhelníku. Návratovým typem je double.
- Vstup
 - * QPoint3D &p1, &p2, &p3 vrcholy trojúhelníku.
- Výstup
 - * sklon trojúhelníku ve stupních.

• Metoda **getAspect**

- Tato metoda slouží k výpočtu expozice trojúhelníku. Návratovým typem je double.
- Vstup
 - * QPoint3D &p1, &p2, &p3 vrcholy trojúhelníku.
- Výstup

* expozice trojúhelníku ve stupních.

• Metoda analyzeDMT

- Tato metoda slouží k vytvoření trojúhelníků a výpočtu jejich sklonu a expozice.
 Návratovým typem je std::vector<Triangle>.
- Vstup
 - * std::vector<Edge> &dt vektor hran Delaunay triangulace.
- Výstup
 - * vektor trojúhelníků a jejich sklon a expozice.

• Metoda processPts

- Tato metoda slouží k vytvoření vektoru polygonů se střední výškou podle zadaného kroku pro barevnou hypsometrii. Návratovým typem je void.
- Vstup
 - * std::vector<QPoint3D> &pts body, z nichž jsou polygony tvořeny
 - * double dz krok vrstevnic
 - * **std::vector**<**QPolygonFZ**> **&pols** vektor, do něhož jsou vytvořené polygony ukládané.

• Metoda sweepLineCH

- Tato metoda slouží k výpočtu konvexní obálky pomocí algoritmu Sweep Line.
 Jejím výstupním typem je QPolygonF. Metoda použita při výpočtu barevné hypsometrie.
- Vstup
 - * **std::vector** < **QPointF**> & **points** vektor bodů, kolem nichž má být vytvořená konvexní obálka.
- Výstup
 - * Polygon obsahující konvexní obálku.

• Metoda avgH

- Metoda slouží k výpočtu průměrné výšky zadaných bodů. Návratovým typem je double.
- Vstup **std::vector**<**QPoint3D**> &**pts** vstupní body
- Výstup průměrná hodnota výšek

8.7 Draw

Třída draw slouží k vykreslení načtených bodů, vypočtené Delaunay triangulace, vrstevnic, sklonu, expozice a hypsometrie. Třída dědí od třídy **QWidget**.

• Členské proměnné

- std::vector < QPoint3D> points vektor načtených bodů
- std::vector < Edge > dt vektor hran Delaunay triangulace
- std::vector <Edge> contours vektor hran vrstevnic
- std::vector <double> contours_heights vektor výšek vrstevnic
- std::vector <Triangle> dtm vektor trojúhelníků Delaunay triangulace
- std::vector < QPolygonFZ> hyps vektor polygonů hypsometrie
- int step rozestup vrstevnic
- bool draw_main flag vykreslení hlavních vrstevnic
- bool draw_slope flag vykreslení sklonu v konstruktoru třídy nastaveno na false
- bool draw_aspect flag vykreslení expozice v konstruktoru třídy nastaveno na false
- bool draw_hyps flag vykreslení barevné hypsometrie v konstruktoru třídy nastaveno na false
- std::vector <QColor> ctable tabulka barev pro hypsometrii, v konstruktoru třídy načtena ze souboru

Metoda paintEvent

- * Tato metoda slouží k vykreslení načtených bodů, vypočtené Delaunay triangulace, vrstevnic, sklonu, expozice a hypsometrie. Metoda se volá pomocí metody **repaint()**. Návratovým typem je **void**.
- * Vstup
 - · QPaintEvent *e

Metoda clearPoints

* Tato metoda slouží pro vymazání bodů.

Metoda clearDT

- * Tato metoda slouží pro vymazání bodů, triangulace, vrstevnic a hypsometrie. Na vstupu není nic a je typu void.
- Metoda getPoints Tato metoda vrací členskou proměnnou std::vector < QPoint3D>
 points.
- Metoda getDT Tato metoda vrací členskou proměnnou std::vector <Edge>
 dt.
- Metoda setDT Tato metoda slouží k přiřazení hodnot členské proměnné dt.
- Metoda setContours Metoda slouží k přiřazení hodnot členským proměnným std::vector <Edge> contours, std::vector <double> contours_heights, int step, bool draw_main a std::vector <QPolygonFZ> hyps.
- Metoda setDTM Tato metoda slouží k přiřazení hodnot členské proměnné std::vector <Triangle> dtm.
- Metoda loadPoints

* Tato metoda slouží pro načtení bodů z textového souboru do vektoru **points** a pro určení minimální a maximální výšky bodů v souboru. Zároveň je zvoleno "měřítko" kanvasu dle velikosti kanvasu a rozsahu vstupních dat. Návratovým typem je **void**.

* Vstup

- · std::string points_path cesta k vstupnímu souboru
- · QSizeF &canvas_size velikost kanvasu
- · double &min_z, &max_z nejmenší/největší výška

Metoda setDrawSlope

* Tato metoda slouží k zapnutí/vypnutí vykreslování sklonu a k vypnutí vykreslování expozice a hypsometrie.

Metoda setDrawAspect

* Tato metoda slouží k zapnutí/vypnutí vykreslování expozice a k vypnutí vykreslování sklonu a hypsometrie.

- Metoda drawHypsometry

* Tato metoda slouží k zapnutí/vypnutí vykreslování hypsometrie a k vypnutí vykreslování sklonu a expozice.

Metoda genAspColor

* Metoda slouží k nastavení barev pro expozici. Jejím návratovým typem je std::vector<QColor>. Na vstupu nemá nic, vrací vektor barev.

8.8 Widget

Tato třída slouží ke komunikaci s GUI. Třída dědí od třídy QWidget. Všechny její metody slouží jako sloty k signálům z GUI, nemají žádné vstupní hodnoty a jejich návratovým typem je void.

- Členské proměnné **double z_min**, **double z_max** instance třídy si drží minimální a maximální výšku vstupních bodů
- Metoda on_trg_button_clicked výpočet triangulace a její vizualizace.
- Metoda on_clear_button_clicked maže obsah kanvasu.
- Metoda **on_cont_button_clicked** výpočet vrstevnic a hypsometrie, vizualizace vrstevnic.
- Metoda on_slope_button_clicked výpočet a vizualizace sklonu.
- Metoda on_load_points_button_clicked načtení a vizualizace vstupních bodů.
 Nastavení minimální a maximální výšky vstupních bodů do členských proměnných.
- Metoda on_aspect_button_clicked výpočet a vizualizace expozice.
- Metoda on_hyps_button_clicked vizualizace barevné hypsometrie.

9 Přílohy

- Příloha č.1: Testovací data - $testovaci_data.txt$.

10 Závěr

10.1 Zhodnocení

Jistě že implementace barevné hypsometrie by šla provést určitě lépe a efektivněji. Nicméně s naším postupem jsme spokojeni, protože jsme si ho vymysleli sami. To, že implementace zabrala hodně času (zvlášť ladění) a asi o hodně víc času (hloupé chyby -> debugování (debeatlesování?) levelu Yoko Ono) než nepovinné úlohy za dvojnásobek bodů (resp. ta s generováním terénních útvarů), nám nevadí, protože jedeme spíš na to, co nás baví a barvičky baví každého.

10.2 Návrhy na vylepšení

Nynější automatické popisky vrstevnic jsou spíš ošklivé než hezké, přestože plní účel. Popisky by tedy chtělo vylepšit, aby respektovaly kartografické zásady. Dále by možná stála za to změna barevné mapy při vykreslování expozice. Expozice (ikdyž barvy jsou přebrané od ESRI) není takto moc intuitivní.

11 Zdroje

- 1. BAYER, Tomáš. 2D triangulace, DMT [online][cit. 1.12.2018]. Dostupné z: https://web.natur.cuni.cz/ bayertom/images/courses/Adk/adk5.pdf
- 2. BAYER, Tomáš. 2D triangulace, DMT [online][cit. 30.11.2018]. Dostupné z: https://web.natur.cuni.cz/ bayertom/images/courses/Adk/adkcv3.pdf
- 3. Tools: Aspect. ArcMap—ArcGIS Desktop [online]. Environmental Systems Research Institute, 2016 [cit. 2018-12-02]. Dostupné z: http://desktop.arcgis.com/en/arcmap/10.3/tools/spatial-analyst-toolbox/how-aspect-works.htm