# České vysoké učení technické v Praze

Fakulta stavební

155ADKG: Množinové operace s polygony

Michael Kala Anna Zemánková

## 1 Zadání

Vstup:  $množina n polygonů <math>P = \{P_1, ..., P_n\}.$ 

 $\textit{V\'ystup: mno\'zina m polygon\'u P'} = \{P'_1, ..., P'_m\}.$ 

S využitím algoritmu pro množinové operace s polygony implementujte pro libovolné dva polygony  $P_i, P_j \in P$  následující operace:

- Průnik polygonů  $P_i \cap P_j$ ,
- Sjednocení polygonů  $P_i \cup P_j$  ,
- Rozdíl polygonů:  $P_i \cap \overline{P}_j$ , resp.  $P_j \cap \overline{P}_i.$

Jako vstupní data použijte existující kartografická data (např. konvertované shape fily) či syntetická data, která budou načítána z textového souboru ve Vámi zvoleném formátu.

Grafické rozhraní realizujte s využitím frameworku QT.

Při zpracování se snažte postihnout nejčastější singulární případy: společný vrchol, společná část segmentu, společný celý segment či více společných segmentů. Ošetřete situace, kdy výsledkem není 2D entita, ale 0D či 1D entita.

Pro výše uvedené účely je nutné mít řádně odladěny algoritmy z úlohy 1. Postup ošetření těchto případů diskutujte v technické zprávě, zamyslete se nad dalšími singularitami, které mohou nastat.

#### Hodnocení:

Krok	Hodnocení
Množinové operace: průnik, sjednocení, rozdíl	20b
Konstrukce offsetu (bufferu)	+10b
Výpočet průsečíků segmentů algoritmem Bentley & Ottman	+8b
Řešení pro polygony obsahující holes (otvory)	+6b
Max celkem:	44b

Čas zpracování: 2 týdny

# 2 Údaje o bonusových úlohách

V rámci této úlohy nebyly zpracovány žádné bonusy.

# 3 Popis a rozbor problému

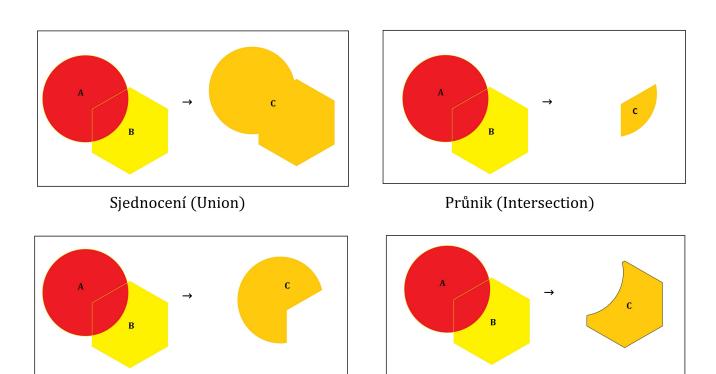
Mějme dva polygony A $\{p_i\}$ a B $\{p_j\}.$ 

Množinové operace:

- Sjednocení (Union):  $C = A \cup B$
- Průnik (Intersection):  $C = A \cap B$

Rozdíl (Difference)

• Rozdíl (Difference):  $C = A \cap \bar{B}$ nebo $C = B \cap \bar{A}$ 



Obrázek 1: Příklady množinových operací

Rozdíl (Difference)

## 4 Popis algoritmů

## 4.1 Výpočet průsečíků

Nejprvě bylo třeba určit průsečíky množin A a B a setřídit je. Následně byly ohodnoceny vrcholy množiny A resp. B podle pozice vůči B resp. A. Poté byly dle ohodnocení vybrány vrcholy a z nich vytvořeny fragmenty. Nakonec byl(y) z fragmentů vytvořen(y) výsledný/é polygon(y).

### 4.1.1 Implementace metody

1. for(i = 0; i < n, i + +)

```
2. M = map(double, QPointFB) // Vytvoření mapy

3. for(j = 0; j < m, j + +)

4. if b_{ij} = (p_i, p_{(i+)1\%n} \cap q_j, q_{(j+)1\%m}) \neq 0 // Existuje průsečík

5. M[\alpha_i] \longleftarrow b_{ij} //Přidej do M

6. ProcessIntersection (b_{ij}, \beta, B, j) //Zpracuj první průsečík pro e_j
```

- 7. if (||M|| > 0) // Nějaké průsečíky jsme nalezli
- 8.  $for \forall m \in M: // \text{ Procházej všechny průsečíky v M}$
- 9.  $b \longleftarrow m.second$  // Získej 2. hodnotu z páru
- 10. Process Intersection  $(b, \alpha, A, i)$  //Zpracuj první průse<br/>čík pro $e_i$

#### **Process Intersection**

- 1.  $if(|t| < \epsilon)$ :
- 2.  $P[i] \longleftarrow inters$  //Startovní bod průsečíkem
- 3.  $if(|t-1| < \epsilon)$ :
- 4.  $P[(i+1)\%m] \leftarrow inters // Koncový bod průsečíkem$
- $5. \ else:$
- 6. Process<br/>Intersection  $i \leftarrow i+1$  //Inkrementuj pozici
- 7. if  $P \longleftarrow (b,i)$  // Přidej průsečík na pozici i+1

## 4.2 Fragmenty

## 4.2.1 Vytvoření fragmentů - implementace metody

- 1.  $i \leftarrow 0$
- 2.  $while(g(P[i]) \neq g \vee P[i] \neq inters)$ //Dokud P[i] není průsečík s orientací g
- $3. \qquad i \longleftarrow i+1$
- 4.  $if(i\equiv n)$ return; //Žádný bod s touto orientací neexistuje
- 5.  $i_s \longleftarrow i$ //Zapamatuj startovní index prvního průsečíku
- 6. *do*
- 7.  $f = \emptyset //\text{Prázdný fragment}$
- 8.  $if(createFragmentFromVertices(i_s, P, g, if))$  //Nalezen fragment
- 9. if(s)f.reverse() //Swapuj prvky fragmentu, je-li třeba
- 10.  $F[f[0]] \longrightarrow f$  //Přidej fragment do mapy, klíč poč. bod
- 11.  $i \leftarrow (i+1)\%m$
- 12.  $while(i \neq i_s)$  //Dokud nedojdeme k počátečnímu průsečíku

#### createFragmentFromVertices

- 1.  $if(g(P[i]) \neq g \vee P[i] \neq inters)$  //Bod není průsečíkem s orientací g
- 2. return false
- 3. for (;;)
- 4.  $f \leftarrow P[i] // P$ řidej bod do fragmentu
- 5.  $i \leftarrow (i+1)\%n$
- 6.  $if(i \equiv i_s)$  //Obešli jsme celý polygon
- 7. return false
- 8.  $if(g(P[i]) \neq g)$  // První bod s rozdílou orientací
- 9.  $f \longleftarrow P[i] \; // \text{P\'ridej ho do seznamu}$
- 10. return true

### 4.2.2 Sestavení oblastí z fragmentů - implementace metody

- 1.  $for \forall f \in F$
- 2.  $P \leftarrow \emptyset // \text{Vytvoř prázdný polygon}$
- 3.  $s \leftarrow f.first$  //Najdi startovní bod fragmentu
- 4. if(!f.second.first) //Pokud fragment již nebyl zpracován
- 5. if(createPolygonFROMFragments(s, F, P))
- 6.  $C \leftarrow P //P$ řidej polygon do seznamu

### 4.2.3 Vytvoření polygonu z fragmentů - implementace metody

- 1.  $QPointn \leftarrow s$  //Inicializuj následující bod
- 2. for (;;) //Projdi všechyn fragmenty tvořící polygon
- 3.  $f \leftarrow F.find(n)$  //Najdi navazující fragment
- 4.  $if(f \equiv F.end)$  // Fragment s takovým poč. bodem neexistuje
- 5. return false
- 6.  $f.second.first \leftarrow true$  //Fragment označen za zpracovaný
- 7.  $n \leftarrow f.second.second.back()$  // Najdi následující bod
- 8.  $P \leftarrow f.second.second \{f.second.second[0]\}() // Přidej bez poč. bodu$
- 9.  $if(n \equiv s)$  // Obešli jsme polygon, jsme na startu
- 10. return true

## 4.3 Množinové operace

### 4.3.1 Implementace metody

- 1. if (o(A)! = CCW)
- 2. A.switchOr() // Změň orientaci na CCW
- 3. if (o(B)! = CCW)
- 4. B.switchOr() // Změň orientaci na CCW
- 5. ComputeIntersections(A, B) // urči průsečíky A,B
- 6. SetPositions(A, B) //Urči polohu vrcholů vůči oblastem
- 7. map < QPointFB, pair < bool, vector < QPointFB >>> F
- 8.  $pos1 = (oper \equiv intersection \lor oper \equiv DifAB?Inner : Outer)$
- 9.  $pos2 = (oper \equiv intersection \lor oper \equiv DifAB?Inner : Outer)$
- 10.  $swap1 = (oper \equiv DifAB? : true : false)$
- 11.  $swap2 = (oper \equiv DifAB? : true : false)$
- 12. CreateFragments(A, pos1, swap1, F)
- 13. CreateFragments(B, pos2, swap2, F)
- 14. MergeFragments(A, B, C)

## 5 Problematické situace

Problematické jsou polygony obsahující otvory - bylo by třeba speciální ošetření pro tyto případy. Jinak by mohlo dojít k tomu, že například při opraci Union bude do výsledku zahrnuta celá oblast včetně otvorů jakoby tam nebyly.

## 6 Vstupní data

Dva polygony mohou být "nakresleny" klikáním do kanvasu pokud je zakšrnutá možnost  $Draw\ polygons$ , pomocí tlačítka  $Polygon\ A/B$  lze přepínat mezi polygony.

Dále mohou být polygony nahrány pomocí tlačítka *Load polygon*, v tom případě jsou data nahrána ze vstupního souboru \*.txt, kde jsou souřadnice lomových bodů polygonů v tomto pořadí:

- 1. počet bodů v prvním polygonu
- 2. souřadnice X a Y (s desetinnou tečkou, pokud se nejedná o celé číslo) bodů prvního polygonu
- 3. počet bodů v druhém polygonu
- 4. souřadnice X a Y bodů druhého polygonu atd.

Př.: Vstupní soubor se 2 polygony, kde první polygon obsahuje 6 bodů a druhý polygon 5 bodů bude vypadat následovně:

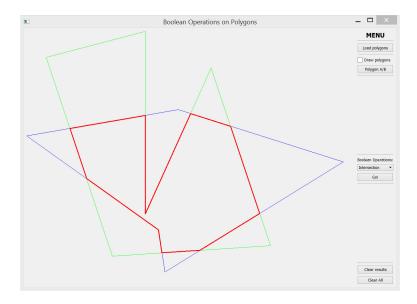
 $6\ 5\ 10\ 20\ 5\ 20\ 40\ 30\ 12\ 39\ 46\ 15\ 48$ 

 $5\ 2\ 25\ 25\ 20\ 50\ 30\ 23\ 51\ 22\ 43$ 

Vše může být zapsáno do jednoho řádku, odděleno mezerami nebo jako v příkladu výše může každý útvar začínat na novém řádku.

## 7 Výstupní data

Výsledek aplikace je zobrazen graficky na kanvasu (červenou barvou).

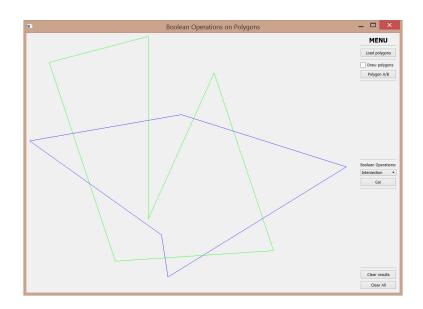


Obrázek 2: Intersection

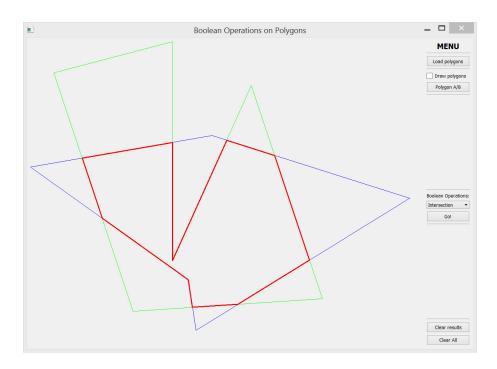
# 8 Ukázka vytvořené aplikace



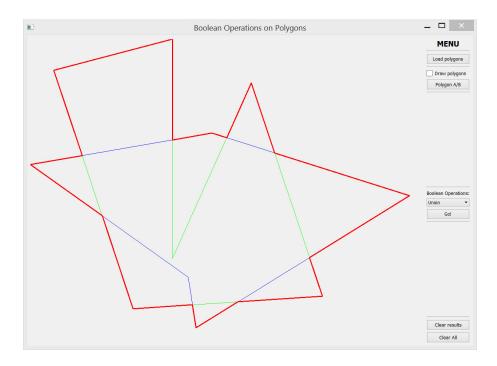
Obrázek 3: Aplikace



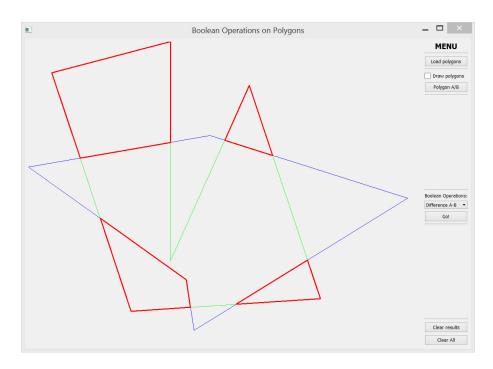
Obrázek 4: Nahrání vstupních dat



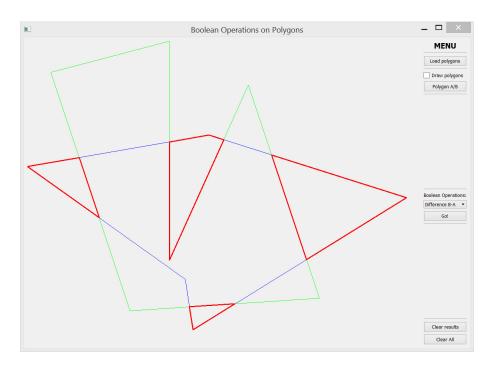
Obrázek 5: Intersection



Obrázek 6: Union



Obrázek 7: Difference A-B



Obrázek 8: Difference B-A

## 9 Dokumentace

## 9.1 Types

Tato třída je využita k definici výčtových typů použitých jako návratové hodnoty v algoritmech použitých v aplikaci.

- Výčtový typ **TPointPolygon**.
  - INSIDE, OUTSIDE, ON
- Výčtový typ TBooleanOperation.
  - INTERSECTION, UNION, DIFFAB, DIFFBA
- Výčtový typ **T2LinesPosition**.
  - PARALLEL, COLINEAR, INTERSECTIONG, NONINTERSECTING
- Výčtový typ **TPointLinePosition**.
  - LEFT, RIGHT, COL

## 9.2 QPointFB

Definice nového datového typu **QPointFB**, který dědí od třídy **QPointF**.

- Členské proměnné **alfa, beta** parametry popisující polohu bodu vůči dvěma přímkám (implicitně nastavené na 0), jejich typem je **double**
- Členská proměnná **inters bool**ovská proměnná indikující, zda jde o průsečík, implicitně nastavené na *false*
- $\bullet$  Členská proměnná  $\bf pos$  indikuje polohu bodu vůči polygonu, jejím typem je  $\bf TPoint-Polygon$ , impicitně nastavené na ON
- Public metody getery
  - getAlfa, getBeta, getInters, getPosition získání členských proměnných
- Public metody setery
  - setAlfa, setBeta, setInters, setPosition nastavení hodnot členských proměnných

## 9.3 Algorithms

V této třídě jsou staticky implementovány metody pro výpočet množinových operací.

- ullet Metoda  $\mathbf{getPositionWinding}$ 
  - Tato metoda slouží k určení polohy bodu vůči polygonu pomocí Winding algoritmu. Jejím návratovým typem je TPointPolygon. Vstupem je bod QPointFB q a polygon std::vector<QPointFB> pol, jejichž vzájemná poloha je určována.

#### • Metoda getPointLinePosition

 Tato metoda slouží k určení polohy bodu vůči linii. Jejím návratovým typem je TPointLinePosition. Vstupem jsou body QPointFB q, a, b.

### • Metoda **get2LinesAngle**

 Metoda sloužící k výpočtu úhlu mezi 2 liniemi. Jejím návratovým typem je double. Vstupem jsou body určující linie: QPointFB p1, p2, p3, p4.

#### • Metoda get2LinesPosition

– Tato metoda slouží k určení vzájemné polohy dvou linií. Jejím návratovým typem je T2LinesPosition. Na vstupu jsou body QPointFB p1, p2, p3, p4 a bod QPointFB intersection obsahující případně vypočtený průsečík (předává se referencí).

#### • Metoda computePolygonIntersections

Metoda sloužící k výpočtu průsečíků dvou polygonů. Jejím návratovým typem je void. Na vstupu jsou 2 polygony std::vector<QPointFB> p1, p2.

#### • Metoda processIntersection

– Metoda pro processing vypočtených průsečíků z metody computePolygonIntersections. Slouží pro správné zařazení průsečíků do seznamu. Jejím návratovým typem je void. Na vstupu je vypočtený průsečík QPointFB b, hodnota jeho parametru alfa/beta, oblast zpracování std::vector<QPointFB> poly a index počátečního bodu hrany int i.

#### • Metoda setPositions

– Metoda sloužící k určení polohy středních bodů jednotlivých hran vstupních polygonů vzhledem k druhému z polygonů. Návratovým typem je void. Na vstupu jsou oba vstupní polygony std::vector<QPointFB> pol1, pol2.

#### • Metoda createFragments

Metoda sloužící k vytvoření fragmentů ze sousedních bodů o stejném ohodnocení. Fragmenty ukládá do mapy. Jejím návratovým typem je void. Na vstupu je polygon bodů std::vector<QPointFB> pol, TPointPolygon pol ohodnocení bodů, bool swap - orientace fragmentu, std::map <QPointFB, std::pair<br/>
bool, std::vector<QPointFB>> > fragments - mapa fragmentů.

#### • Metoda createFragmentsFromVertices

– Pomocná metoda metody createFragments pro výpočet fragmentů. Výstupním typem je bool detekující, zda-li se fragment vypočetl. Na vstupu je index počátečního bodu fragmentu int i\_start, body polygonu std::vector<QPointFB> pol, ohodnocení bodů TPointPolygon pos, index daného bodu int i a seznam bodů fragmentu (měněn referencí) std::vector<QPointFB> fr.

#### • Metoda mergeFragments

– Metoda sloužící ke spojení fragmentů do výsledného polygonu a uložení do seznamu polygonů. Návratovým typem je void. Na vstupu je mapa fragmentů std::map<QPointFB, std::pair<br/>bool, std::vector<QPointFB>>> FR a vektor vektorů bodů výsledných polygonů std::vector<std::vector<QPointFB>> res

#### • Metoda createPolygonFromFragments

– Metoda sloužící k vytvoření polygonu z fragmentů. Výstupním teypem je bool indikující, zda byl polygon vytvořen. Na vstupu je startovní bod fragmentu QPointFB start, mapa fragmentů std::map<QPointFB, std::pair<br/>bool, std::vector<QPointFB>>> FR, vektor bodů vytvářeného polygonu std::vector<QPointFB> pol.

#### • Metoda getPolygonOrientation

Tato metoda slouží k výpočtu výměry polygonu pomocí LLH vzorce a tedy k
určení orientace bodů polygonu. Typem výstupu je double určující výměru a
znaménkem orientaci polygonu. Na vstupu je polygon std::vector<QPointFB>
pol.

#### • Metoda BooleanOper

Zastřešující metoda pro výpočet množinových operacích. Na výstupu je vektor zjištěných polygonů typu std::vector<std::vector<QPointFB>>. Na vstupu jsou dva polygony, nad nimiž jsou operace počítány: std::vector<QPointFB>A, B a zvolený typ operace TBooleanOperation oper.

#### • Metoda resetIntersections

Metoda, která slouží pro zresetování atributu průsečíku u bodů polygonu (tj. nastavení na false). Výstupním typem je void. Na vstupu je polygon std::vector<QPointFB> A.

#### 9.4 Draw

Třída Draw slouží k vykreslení načtených polygonů a polygonů vypočtených množinovými operacemi. Třída dědí od třídy **QWidget**.

- Členské proměnné std::vector<QPointFB> polA, polB vstupní polygony
- Členská proměnná **std::vector**<**std::vector**<**QPointFB**>> **res** výsledné polygony.
- Členská proměnná **bool ab** flag značící, který ze vstupních polygonů je právě "naklikáván".
- Členská proměnná **bool draw\_pol** flag značící, zda-li je zvolena možnost vstupu bodů polygonů pomocí klikání do kanvasu.

#### • Metoda paintEvent

– Tato metoda slouží k vykreslení načtených (nebo naklikaných) polygonů a výsledných polygonů. Metoda se volá pomocí metody repaint(). Návratovým typem je void. Na vstupu je QPaintEvent \*e.

#### • Metoda drawPol

 Pomocná metoda pro vykreslení polygonu. Výstupním typem je void. Na vstupu je vykreslovaný polygon std::vector<QPointFB> pol a objekt handlující vykreslování QPainter painter.

#### • Metoda mousePressEvent

 Metoda zajišťující uložení naklikaných bodů do příslušných polygonů. Výstupním typem je void, na vstupu je QMouseEvent \*e.

#### • Metoda setAB

Metoda, kterou je zaměňován polygon, do něhož se ukládají naklikané body.

#### • Metody clearAll resp. clearResults

- Vyčištění proměnných obsahujících vstupní a výsledné polygony resp. výsledné polygony. Výstupními typy jsou void.
- Členské metody setery
  - Metody setRes resp. setA resp. setB sloužící pro uložení polygonů do příslušných členských proměnných res resp. polA resp. polB.
- Členské metody getery
  - Metody **getA** resp. **getB** vracející dané polygony **polA** resp. **polB**.

#### • Metoda setDrawPol

Metoda sloužící ke změné flagu draw\_pol

#### • Metoda loadPoints

Metoda sloužící k načení polygonů ze souboru. Výstupním typem je void. Na vstupu je std::string points\_path - cesta k souboru a QSizeF canvas\_size - velikost kanvasu.

#### 9.5 Widget

Tato třída slouží ke komunikaci s GUI. Třída dědí od třídy QWidget. Všechny její metody slouží jako sloty k signálům z GUI, nemají žádné vstupní hodnoty a jejich návratovým typem je void.

#### • Metoda on\_pushButton\_clicked

– Změna polygonu, do něhož se ukládají naklikané body.

#### • Metoda on\_pushButton\_2\_clicked

– Provedení zvolené množinové operace.

### $\bullet \ \mathrm{Metoda} \ \mathbf{on\_pushButton\_3\_clicked} \\$

– Vyčištění kanvasu od výsledku množinových operací.

### $\bullet \ \operatorname{Metoda} \ \mathbf{on\_pushButton\_4\_clicked}$

– Vyčištění kanvasu od vstupních a výsledných polygonů.

## • Metoda on\_draw\_poly\_check\_clicked

– Nastavení, zda-li jde body vkládat klikáním.

#### $\bullet$ Metoda on\_load\_button\_clicked

- Otevření file dialogu, načtení souboru se vstupními polygony.

# 10 Přílohy

 $\bullet\,$ Příloha č.1: Vstupní data - body.txt

# 11 Závěr

## 11.1 Návrhy na vylepšení

Rádi bychom do

• bla bla

# 12 Zdroje

- 1. BAYER, Tomáš. Konvexní obálky [online][cit. 3.1.2019]. Dostupné z: https://web.natur.cuni.cz/ bayertom/images/courses/Adk/adk9.pdf
- 2. BAYER, Tomáš. Konvexní obálky [online][cit. 3.1.2019]. Dostupné z: https://web.natur.cuni.cz/ bayertom/images/courses/Adk/adkcv4.pdf