

České vysoké učení technické v Praze
Fakulta stavební

155ADKG: Množinové operace s polygony

Michael Kala
Anna Zemánková

1 Zadání

Vstup: množina n polygonů $P = \{P_1, \dots, P_n\}$.

Výstup: množina m polygonů $P' = \{P'_1, \dots, P'_m\}$.

S využitím algoritmu pro množinové operace s polygony implementujte pro libovolné dva polygony $P_i, P_j \in P$ následující operace:

- Průnik polygonů $P_i \cap P_j$,
- Sjednocení polygonů $P_i \cup P_j$,
- Rozdíl polygonů: $P_i \cap \overline{P_j}$, resp. $P_j \cap \overline{P_i}$.

Jako vstupní data použijte existující kartografická data (např. konvertované shape fily) či syntetická data, která budou načítána z textového souboru ve Vámi zvoleném formátu.

Grafické rozhraní realizujte s využitím frameworku QT.

Při zpracování se snažte postihnout nejčastější singulární případy: společný vrchol, společná část segmentu, společný celý segment či více společných segmentů. Ošetřete situace, kdy výsledkem není 2D entita, ale 0D či 1D entita.

Pro výše uvedené účely je nutné mít řádně odladěny algoritmy z úlohy 1. Postup ošetření těchto případů diskutujte v technické zprávě, zamyslete se nad dalšími singularitami, které mohou nastat.

Hodnocení:

Krok	Hodnocení
Množinové operace: průnik, sjednocení, rozdíl	20b
Konstrukce offsetu (bufferu)	+10b
Výpočet průsečíků segmentů algoritmem Bentley & Ottman	+8b
Řešení pro polygony obsahující holes (otvory)	+6b
Max celkem:	44b

Čas zpracování: 2 týdny

2 Údaje o bonusových úlohách

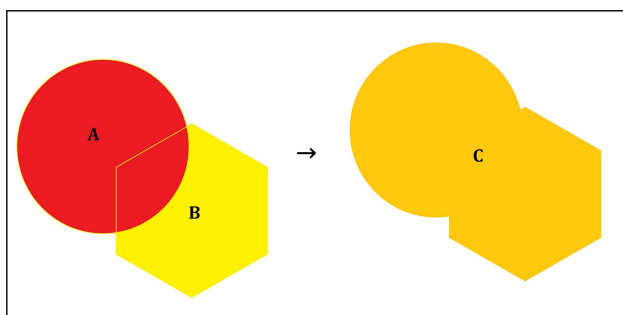
V rámci této úlohy nebyly zpracovány žádné bonusy.

3 Popis a rozbor problému

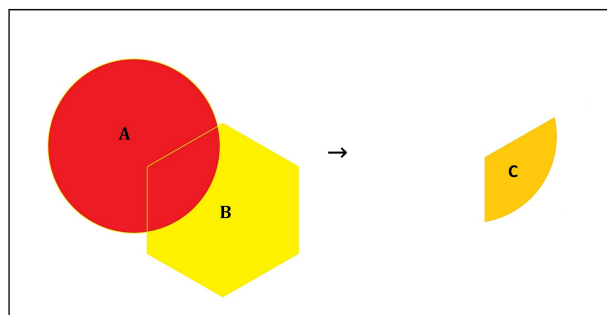
Mějme dva polygony $A \{p_i\}$ a $B \{p_j\}$.

Množinové operace:

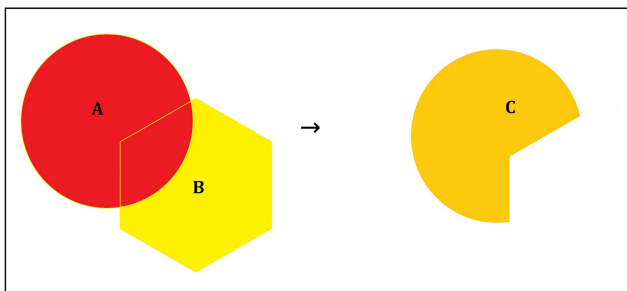
- Sjednocení (Union): $C = A \cup B$
- Průnik (Intersection): $C = A \cap B$
- Rozdíl (Difference): $C = A \cap \bar{B}$ nebo $C = B \cap \bar{A}$



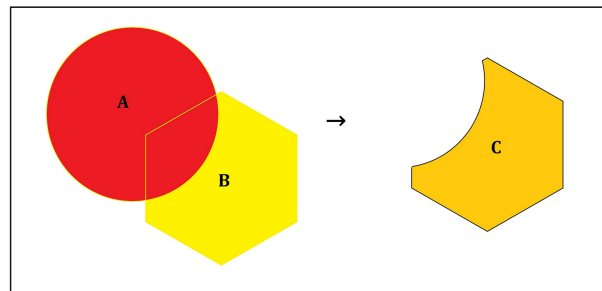
Sjednocení (Union)



Průnik (Intersection)



Rozdíl (Difference)



Rozdíl (Difference)

Obrázek 1: Příklady množinových operací

4 Popis algoritmů

4.1 Výpočet průsečíků

Nejprve bylo třeba určit průsečíky množin A a B a setřídít je. Následně byly ohodnoceny vrcholy množiny A resp. B podle pozice vůči B resp. A. Poté byly dle ohodnocení vybrány vrcholy a z nich vytvořeny fragmenty. Nakonec byl(y) z fragmentů vytvořen(y) výsledný/é polygon(y).

4.1.1 Implementace metody

1. *for*($i = 0; i < n, i++$)
2. $M = \text{map}(\text{double}, Q\text{Point}FB)$ // Vytvoření mapy
3. *for*($j = 0; j < m, j++$)
4. if $b_{ij} = (p_i, p_{(i+1)\%n} \cap q_j, q_{(j+1)\%m}) \neq 0$ // Existuje průsečík
5. $M[\alpha_i] \leftarrow b_{ij}$ //Přidej do M
6. ProcessIntersection (b_{ij}, β, B, j) //Zpracuj první průsečík pro e_j
7. if ($|M| > 0$) // Nějaké průsečíky jsme našli
8. *for* $\forall m \in M$: // Procházej všechny průsečíky v M
9. $b \leftarrow m.\text{second}$ // Získej 2. hodnotu z páru
10. ProcessIntersection (b, α, A, i) //Zpracuj první průsečík pro e_i

Process Intersection

1. *if*($|t| < \epsilon$) :
2. $P[i] \leftarrow inters$ //Startovní bod průsečíkem
3. *if*($|t - 1| < \epsilon$) :
4. $P[(i + 1)\%m] \leftarrow inters$ // Koncový bod průsečíkem
5. *else* :
6. ProcessIntersection $i \leftarrow i + 1$ //Inkrementuj pozici
7. if $P \leftarrow (b, i)$ // Přidej průsečík na pozici $i+1$

4.2 Fragmenty

4.2.1 Vytvoření fragmentů - implementace metody

1. $i \leftarrow 0$
2. *while*($g(P[i]) \neq g \vee P[i] \neq inters$) //Dokud $P[i]$ není průsečík s orientací g
3. $i \leftarrow i + 1$
4. *if*($i \equiv n$) *return*; //Žádný bod s touto orientací neexistuje
5. $i_s \leftarrow i$ //Zapamatuj startovní index prvního průsečíku
6. *do*
7. $f = \emptyset$ //Prázdný fragment
8. $if(createFragmentFromVertices(i_s, P, g, i_f))$ //Nalezen fragment
9. $if(s)f.reverse()$ //Swapuj prvky fragmentu, je-li třeba
10. $F[f[0]] \rightarrow f$ //Přidej fragment do mapy, klíč poč. bod
11. $i \leftarrow (i + 1) \% m$
12. *while*($i \neq i_s$) //Dokud nedojdeme k počátečnímu průsečíku

createFragmentFromVertices

1. *if*($g(P[i]) \neq g \vee P[i] \neq inters$) //Bod není průsečíkem s orientací g
2. *return false*
3. *for* (;)
4. $f \leftarrow P[i]$ // Přidej bod do fragmentu
5. $i \leftarrow (i + 1) \% n$
6. $if(i \equiv i_s)$ //Obešli jsme celý polygon
7. *return false*
8. $if(g(P[i]) \neq g)$ // První bod s rozdílnou orientací
9. $f \leftarrow P[i]$ //Přidej ho do seznamu
10. *return true*

4.2.2 Sestavení oblastí z fragmentů - implementace metody

1. *for* $\forall f \in F$
2. $P \leftarrow \emptyset$ //Vytvoř prázdný polygon
3. $s \leftarrow f.first$ //Najdi startovní bod fragmentu
4. *if* ($\neg f.second.first$) //Pokud fragment již nebyl zpracován
5. *if* (*createPolygonFROMFragments*(s, F, P))
6. $C \leftarrow P$ //Přidej polygon do seznamu

4.2.3 Vytvoření polygonu z fragmentů - implementace metody

1. $QPointn \leftarrow s$ //Inicializuj následující bod
2. *for* (;) //Projdi všechyn fragmenty tvořící polygon
3. $f \leftarrow F.find(n)$ //Najdi navazující fragment
4. *if* ($f \equiv F.end$) // Fragment s takovým poč. bodem neexistuje
5. *return false*
6. $f.second.first \leftarrow true$ //Fragment označen za zpracovaný
7. $n \leftarrow f.second.second.back()$ // Najdi následující bod
8. $P \leftarrow f.second.second - \{f.second.second[0]\}()$ // Přidej bez poč. bodu
9. *if* ($n \equiv s$) // Obešli jsme polygon, jsme na startu
10. *return true*

4.3 Množinové operace

4.3.1 Implementace metody

1. if ($o(A) \neq CCW$)
2. $A.switchOr()$ // Změň orientaci na CCW
3. if ($o(B) \neq CCW$)
4. $B.switchOr()$ // Změň orientaci na CCW
5. $ComputeIntersections(A, B)$ // urči průsečíky A,B
6. $SetPositions(A, B)$ //Urči polohu vrcholů vůči oblastem
7. $map < QPointFB, pair < bool, vector < QPointFB >>> F$
8. $pos1 = (oper \equiv intersection \vee oper \equiv DifAB?Inner : Outer)$
9. $pos2 = (oper \equiv intersection \vee oper \equiv DifAB?Inner : Outer)$
10. $swap1 = (oper \equiv DifAB? : true : false)$
11. $swap2 = (oper \equiv DifAB? : true : false)$
12. $CreateFragments(A, pos1, swap1, F)$
13. $CreateFragments(B, pos2, swap2, F)$
14. $MergeFragments(A, B, C)$

5 Problematické situace

Problematické jsou polygony obsahující otvory - bylo by třeba speciální ošetření pro tyto případy. Jinak by mohlo dojít k tomu, že například při operaci Union bude do výsledku zahrnuta celá oblast včetně otvorů jakoby tam nebyly.

6 Vstupní data

Dva polygony mohou být "nakresleny" klikáním do kanvasu pokud je zakšrnutá možnost *Draw polygons*, pomocí tlačítka *Polygon A/B* lze přepínat mezi polygony.

Dále mohou být polygony nahrány pomocí tlačítka *Load polygon*, v tom případě jsou data nahrána ze vstupního souboru *.txt, kde jsou souřadnice lomových bodů polygonů v tomto pořadí:

1. počet bodů v prvním polygonu
2. souřadnice X a Y (s desetinnou tečkou, pokud se nejedná o celé číslo) bodů prvního polygonu
3. počet bodů v druhém polygonu
4. souřadnice X a Y bodů druhého polygonu atd.

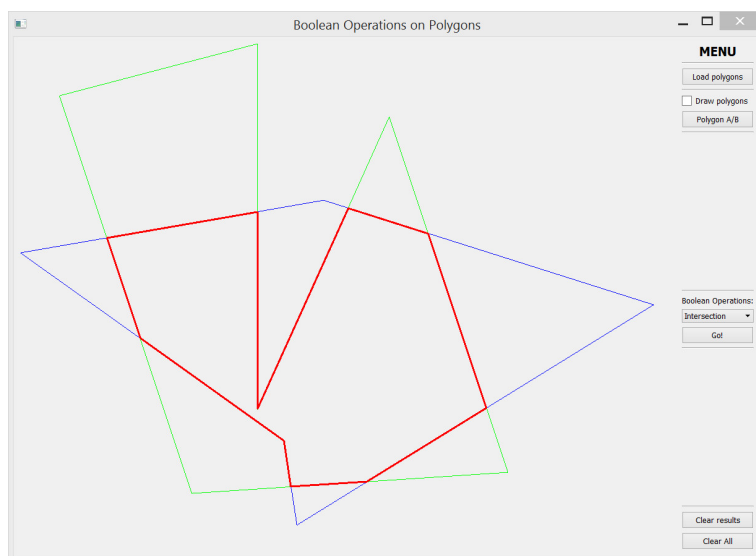
Př.: Vstupní soubor se 2 polygony, kde první polygon obsahuje 6 bodů a druhý polygon 5 bodů bude vypadat následovně:

```
6 5 10 20 5 20 40 30 12 39 46 15 48
5 2 25 25 20 50 30 23 51 22 43
```

Vše může být zapsáno do jednoho řádku, odděleno mezerami nebo jako v příkladu výše může každý útvar začínat na novém řádku.

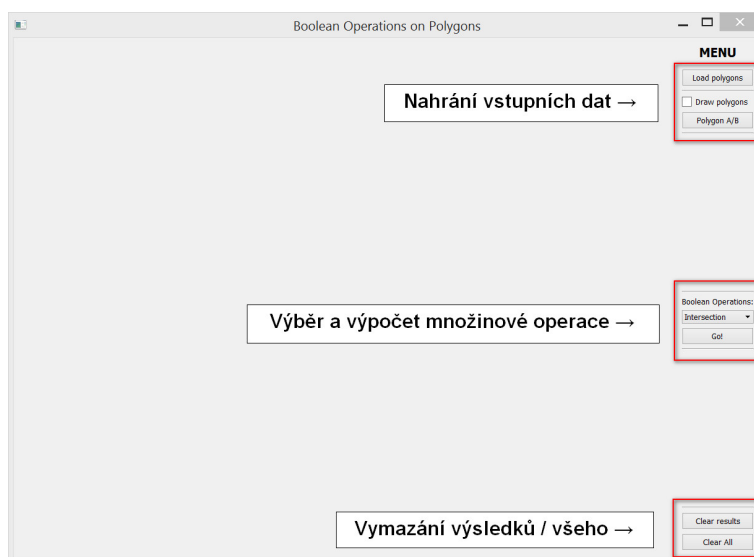
7 Výstupní data

Výsledek aplikace je zobrazen graficky na kanvasu (červenou barvou).

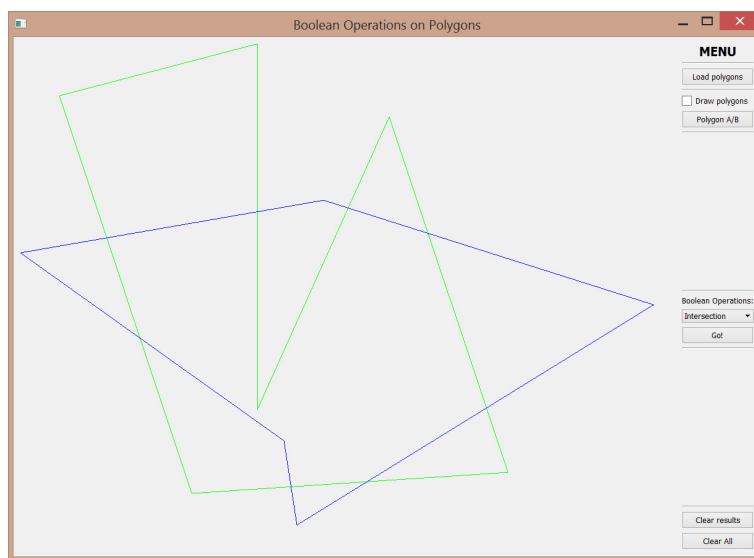


Obrázek 2: Intersection

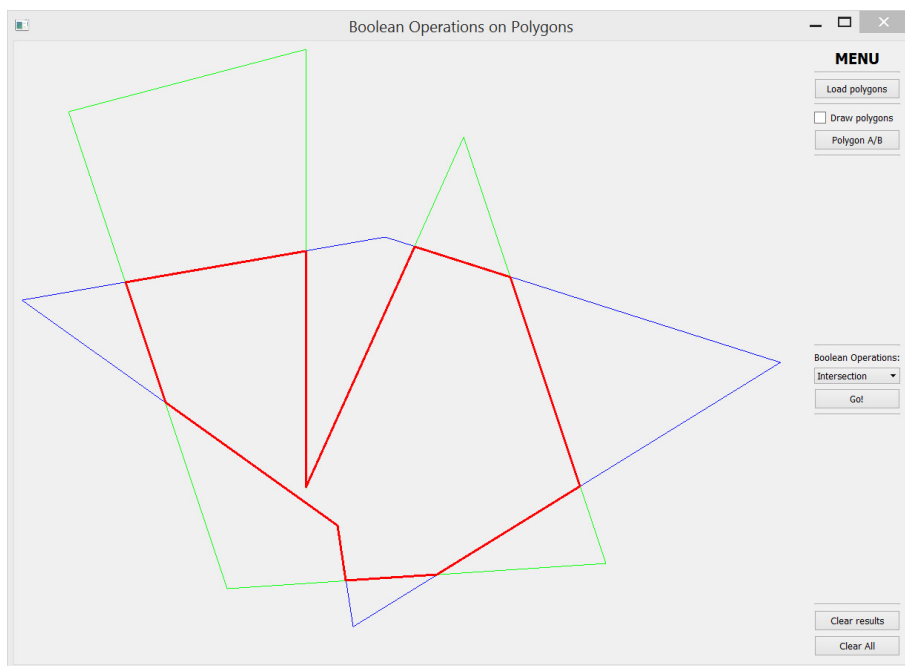
8 Ukázka vytvořené aplikace



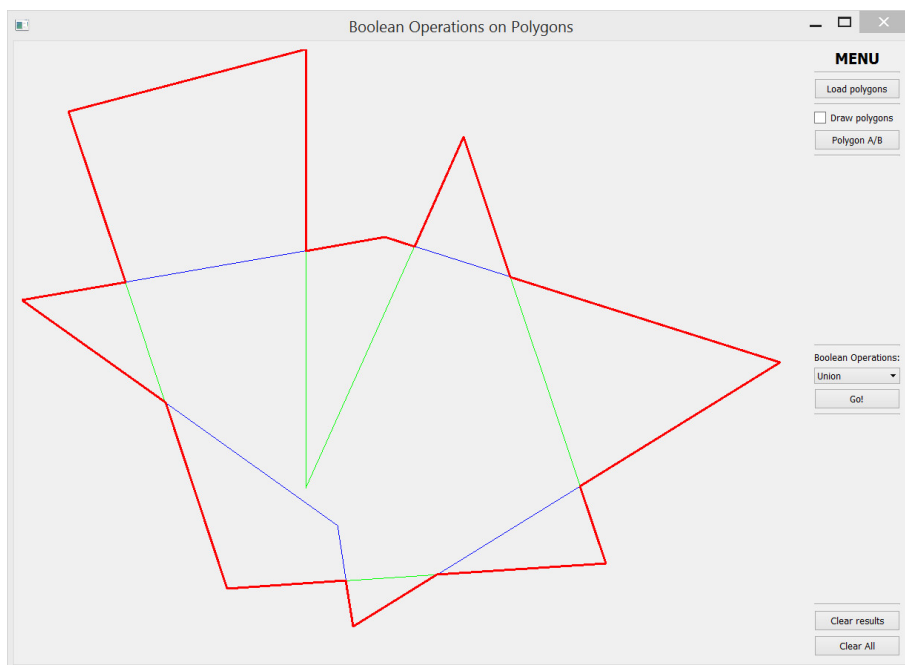
Obrázek 3: Aplikace



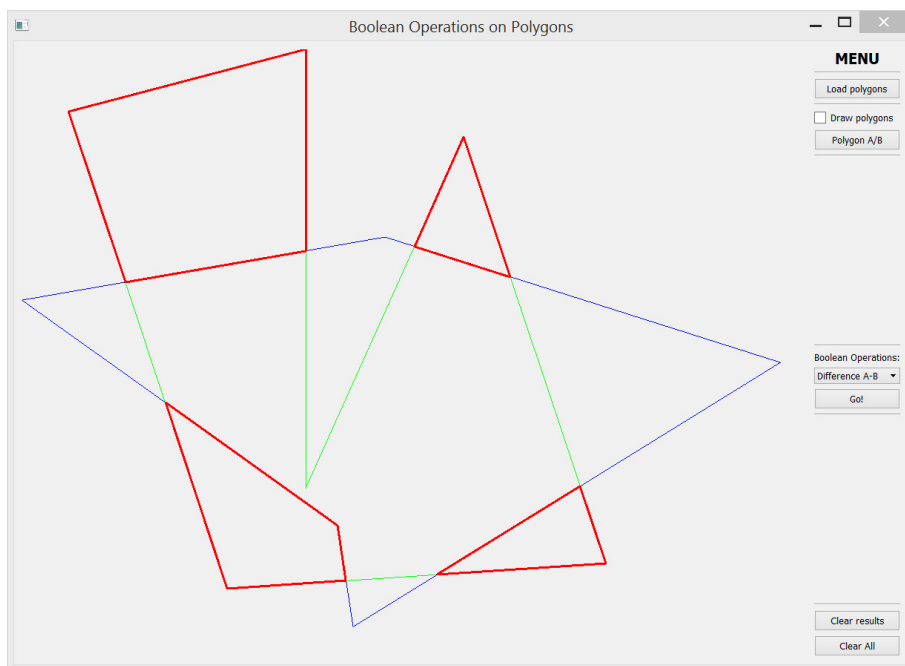
Obrázek 4: Nahrání vstupních dat



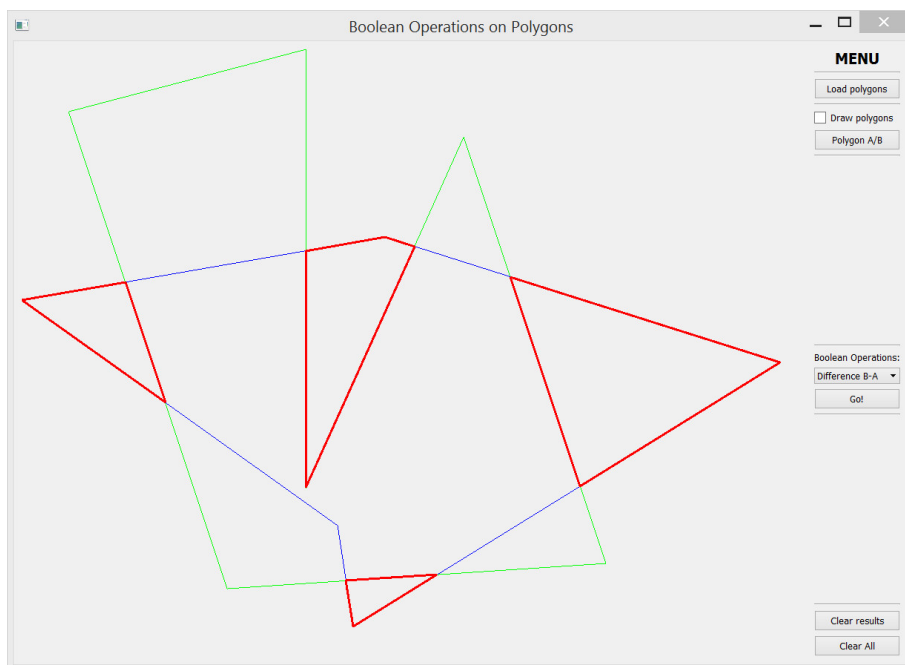
Obrázek 5: Intersection



Obrázek 6: Union



Obrázek 7: Difference A-B



Obrázek 8: Difference B-A

9 Dokumentace

9.1 Types

Tato třída je využita k definici výčtových typů použitých jako návratové hodnoty v algoritmech použitých v aplikaci.

- Výčtový typ **TPointPolygon**.
 - *INSIDE, OUTSIDE, ON*
- Výčtový typ **TBooleanOperation**.
 - *INTERSECTION, UNION, DIFFAB, DIFFBA*
- Výčtový typ **T2LinesPosition**.
 - *PARALLEL, COLINEAR, INTERSECTIONG, NONINTERSECTING*
- Výčtový typ **TPointLinePosition**.
 - *LEFT, RIGHT, COL*

9.2 QPointFB

Definice nového datového typu **QPointFB**, který dědí od třídy **QPointF**.

- Členské proměnné **alfa**, **beta** - parametry popisující polohu bodu vůči dvěma přímkám (implicitně nastavené na 0), jejich typem je **double**
- Členská proměnná **inters** - **boolovská** proměnná indikující, zda jde o průsečík, implicitně nastavené na *false*
- Členská proměnná **pos** - indikuje polohu bodu vůči polygonu, jejím typem je **TPointPolygon**, implicitně nastavené na *ON*
- Public metody - getery
 - **getAlfa**, **getBeta**, **getInters**, **getPosition** - získání členských proměnných
- Public metody - setery
 - **setAlfa**, **setBeta**, **setInters**, **setPosition** - nastavení hodnot členských proměnných

9.3 Algorithms

V této třídě jsou staticky implementovány metody pro výpočet množinových operací.

- Metoda **getPositionWinding**
 - Tato metoda slouží k určení polohy bodu vůči polygonu pomocí Winding algoritmu. Jejím návratovým typem je **TPointPolygon**. Vstupem je bod **QPointFB q** a polygon **std::vector<QPointFB> pol**, jejichž vzájemná poloha je určována.

- Metoda **getPointLinePosition**
 - Tato metoda slouží k určení polohy bodu vůči linii. Jejím návratovým typem je **TPointLinePosition**. Vstupem jsou body **QPointFB** **q**, **a**, **b**.
- Metoda **get2LinesAngle**
 - Metoda sloužící k výpočtu úhlu mezi 2 liniemi. Jejím návratovým typem je **double**. Vstupem jsou body určující linie: **QPointFB** **p1**, **p2**, **p3**, **p4**.
- Metoda **get2LinesPosition**
 - Tato metoda slouží k určení vzájemné polohy dvou linií. Jejím návratovým typem je **T2LinesPosition**. Na vstupu jsou body **QPointFB** **p1**, **p2**, **p3**, **p4** a bod **QPointFB** **intersection** obsahující případně vypočtený průsečík (předává se referencí).
- Metoda **computePolygonIntersections**
 - Metoda sloužící k výpočtu průsečíků dvou polygonů. Jejím návratovým typem je **void**. Na vstupu jsou 2 polygony **std::vector<QPointFB>** **p1**, **p2**.
- Metoda **processIntersection**
 - Metoda pro processing vypočtených průsečíků z metody **computePolygonIntersections**. Slouží pro správné zařazení průsečíků do seznamu. Jejím návratovým typem je **void**. Na vstupu je vypočtený průsečík **QPointFB** **b**, hodnota jeho parametru **alfa/beta**, oblast zpracování **std::vector<QPointFB>** **poly** a index počátečního bodu hrany **int** **i**.
- Metoda **setPositions**
 - Metoda sloužící k určení polohy středních bodů jednotlivých hran vstupních polygonů vzhledem k druhému z polygonů. Návratovým typem je **void**. Na vstupu jsou oba vstupní polygony **std::vector<QPointFB>** **pol1**, **pol2**.
- Metoda **createFragments**
 - Metoda sloužící k vytvoření fragmentů ze sousedních bodů o stejném ohodnocení. Fragmenty ukládá do mapy. Jejím návratovým typem je **void**. Na vstupu je polygon bodů **std::vector<QPointFB>** **pol**, **TPointPolygon** **pol** - ohodnocení bodů, **bool** **swap** - orientace fragmentu, **std::map<QPointFB, std::pair<bool, std::vector<QPointFB>>>** **fragments** - mapa fragmentů.
- Metoda **createFragmentsFromVertices**
 - Pomocná metoda metody **createFragments** pro výpočet fragmentů. Výstupním typem je **bool** detekující, zda-li se fragment vypočetl. Na vstupu je index počátečního bodu fragmentu **int** **i_start**, body polygonu **std::vector<QPointFB>** **pol**, ohodnocení bodů **TPointPolygon** **pos**, index daného bodu **int** **i** a seznam bodů fragmentu (měněn referencí) **std::vector<QPointFB>** **fr**.

- Metoda **mergeFragments**

- Metoda slouží ke spojení fragmentů do výsledného polygonu a uložení do seznamu polygonů. Návratovým typem je **void**. Na vstupu je mapa fragmentů **std::map<QPointFB, std::pair<bool, std::vector<QPointFB>>> FR** a vektor vektorů bodů výsledných polygonů **std::vector<std::vector<QPointFB>> res**

- Metoda **createPolygonFromFragments**

- Metoda slouží k vytvoření polygonu z fragmentů. Výstupním teypem je **bool** indikující, zda byl polygon vytvořen. Na vstupu je startovní bod fragmentu **QPointFB start**, mapa fragmentů **std::map<QPointFB, std::pair<bool, std::vector<QPointFB>>> FR**, vektor bodů vytvářeného polygonu **std::vector<QPointFB> pol**.

- Metoda **getPolygonOrientation**

- Tato metoda slouží k výpočtu výměry polygonu pomocí LLH vzorce a tedy k určení orientace bodů polygonu. Typem výstupu je **double** určující výměru a znaménkem orientaci polygonu. Na vstupu je polygon **std::vector<QPointFB> pol**.

- Metoda **BooleanOper**

- Zastřešující metoda pro výpočet množinových operací. Na výstupu je vektor zjištěných polygonů typu **std::vector<std::vector<QPointFB>>**. Na vstupu jsou dva polygony, nad nimiž jsou operace počítány: **std::vector<QPointFB> A, B** a zvolený typ operace **TBooleanOperation oper**.

- Metoda **resetIntersections**

- Metoda, která slouží pro zresetování atributu průsečíku u bodů polygonu (tj. nastavení na *false*). Výstupním typem je **void**. Na vstupu je polygon **std::vector<QPointFB> A**.

9.4 Draw

Třída Draw slouží k vykreslení načtených polygonů a polygonů vypočtených množinovými operacemi. Třída dědí od třídy **QWidget**.

- Členské proměnné **std::vector<QPointFB> polA, polB** - vstupní polygony
- Členská proměnná **std::vector<std::vector<QPointFB>> res** - výsledné polygony.
- Členská proměnná **bool ab** - flag značící, který ze vstupních polygonů je právě "naklikáván".
- Členská proměnná **bool draw_pol** - flag značící, zda-li je zvolena možnost vstupu bodů polygonů pomocí klikání do kanvasu.

- Metoda **paintEvent**
 - Tato metoda slouží k vykreslení načtených (nebo naklikaných) polygonů a výsledných polygonů. Metoda se volá pomocí metody **repaint()**. Návrátovým typem je **void**. Na vstupu je **QPaintEvent *e**.
- Metoda **drawPol**
 - Pomocná metoda pro vykreslení polygonu. Výstupním typem je **void**. Na vstupu je vykreslovaný polygon **std::vector<QPointFB> pol** a objekt handlející vykreslování **QPainter painter**.
- Metoda **mousePressEvent**
 - Metoda zajišťující uložení naklikaných bodů do příslušných polygonů. Výstupním typem je **void**, na vstupu je **QMouseEvent *e**.
- Metoda **setAB**
 - Metoda, kterou je zaměňován polygon, do něhož se ukládají naklikané body.
- Metody **clearAll** resp. **clearResults**
 - Vyčištění proměnných obsahujících vstupní a výsledné polygony resp. výsledné polygony. Výstupními typy jsou **void**.
- Členské metody - setery
 - Metody **setRes** resp. **setA** resp. **setB** sloužící pro uložení polygonů do příslušných členských proměnných **res** resp. **polA** resp. **polB**.
- Členské metody - getery
 - Metody **getA** resp. **getB** vracející dané polygony **polA** resp. **polB**.
- Metoda **setDrawPol**
 - Metoda sloužící ke změně flagu **draw_pol**
- Metoda **loadPoints**
 - Metoda sloužící k načtení polygonů ze souboru. Výstupním typem je **void**. Na vstupu je **std::string points_path** - cesta k souboru a **QSizeF canvas_size** - velikost kanvasu.

9.5 Widget

Tato třída slouží ke komunikaci s GUI. Třída dědí od třídy **QWidget**. Všechny její metody slouží jako sloty k signálům z GUI, nemají žádné vstupní hodnoty a jejich návratovým typem je **void**.

- Metoda **on_pushButton_clicked**

- Změna polygonu, do něhož se ukládají naklikané body.
- Metoda **on_pushButton_2_clicked**
 - Provedení zvolené množinové operace.
- Metoda **on_pushButton_3_clicked**
 - Vyčištění kanvasu od výsledku množinových operací.
- Metoda **on_pushButton_4_clicked**
 - Vyčištění kanvasu od vstupních a výsledných polygonů.
- Metoda **on_draw_poly_check_clicked**
 - Nastavení, zda-li jde body vkládat klikáním.
- Metoda **on_load_button_clicked**
 - Otevření file dialogu, načtení souboru se vstupními polygony.

10 Přílohy

- Příloha č.1: Vstupní data - *body.txt*

11 Závěr

Tato úloha byla z celého semestru nejobtížnější a (i vzhledem k volnu přes Vánoce) hůře jsme se v kódu orientovali. Také proto jsme nebyli schopní přijít na to, jak vše odladit, i když jsme si nad tím lámali hlavu.

11.1 Návrhy na vylepšení

Jako první se nabízí nedokončený offset, dále pak bonusová úloha pro polygony s otvory a již zvýšené odladění - např. ošetření situací, kdy je výsledkem bod či úsečka.

- bla bla

12 Zdroje

1. BAYER, Tomáš. Konvexní obálky [online][cit. 3.1.2019].
Dostupné z: <https://web.natur.cuni.cz/~bayertom/images/courses/Adk/adk9.pdf>
2. BAYER, Tomáš. Konvexní obálky [online][cit. 3.1.2019].
Dostupné z: <https://web.natur.cuni.cz/~bayertom/images/courses/Adk/adkcv4.pdf>