České vysoké učení technické v Praze

Fakulta stavební

155ADKG: Množinové operace s polygony

Michael Kala Anna Zemánková

1 Zadání

Vstup: $množina n polygonů P = \{P_1, ..., P_n\}.$

 $\textit{V\'ystup: mno\'zina m polygon\'u P'} = \{P'_1, ..., P'_m\}.$

S využitím algoritmu pro množinové operace s polygony implementujte pro libovolné dva polygony $P_i, P_j \in P$ následující operace:

- Průnik polygonů $P_i \cap P_j$,
- Sjednocení polygonů $P_i \cup P_j$,
- Rozdíl polygonů: $P_i \cap \overline{P}_j$, resp. $P_j \cap \overline{P}_i.$

Jako vstupní data použijte existující kartografická data (např. konvertované shape fily) či syntetická data, která budou načítána z textového souboru ve Vámi zvoleném formátu.

Grafické rozhraní realizujte s využitím frameworku QT.

Při zpracování se snažte postihnout nejčastější singulární případy: společný vrchol, společná část segmentu, společný celý segment či více společných segmentů. Ošetřete situace, kdy výsledkem není 2D entita, ale 0D či 1D entita.

Pro výše uvedené účely je nutné mít řádně odladěny algoritmy z úlohy 1. Postup ošetření těchto případů diskutujte v technické zprávě, zamyslete se nad dalšími singularitami, které mohou nastat.

Hodnocení:

Krok	Hodnocení
Množinové operace: průnik, sjednocení, rozdíl	20b
Konstrukce offsetu (bufferu)	+10b
Výpočet průsečíků segmentů algoritmem Bentley & Ottman	+8b
Řešení pro polygony obsahující holes (otvory)	+6b
Max celkem:	44b

Čas zpracování: 2 týdny

2 Údaje o bonusových úlohách

V rámci této úlohy nebyly zpracovány žádné bonusy.

3 Popis a rozbor problému

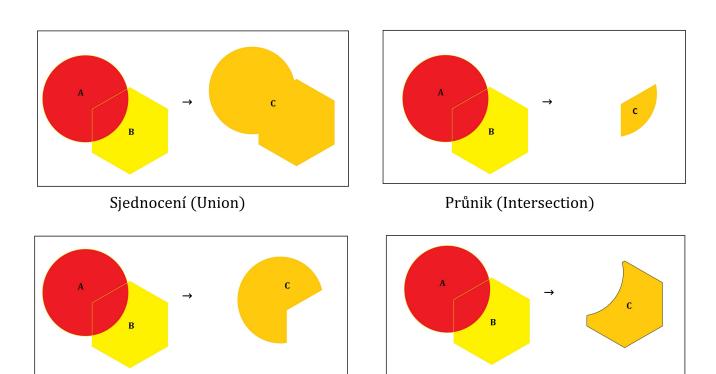
Mějme dva polygony A $\{p_i\}$ a B $\{p_j\}.$

Množinové operace:

- Sjednocení (Union): $C = A \cup B$
- Průnik (Intersection): $C = A \cap B$

Rozdíl (Difference)

• Rozdíl (Difference): $C = A \cap \bar{B}$ nebo $C = B \cap \bar{A}$



Obrázek 1: Příklady množinových operací

Rozdíl (Difference)

4 Popis algoritmů

4.1 Výpočet průsečíků

4.1.1 Implementace metody

- 1. for(i = 0; i < n, i + +)
- 2. M = map(double, QPointFB) // Vytvoření mapy
- 3. for(j = 0; j < m, j + +)
- 4. if $b_{ij} = (p_i, p_{(i+1)1\%n} \cap q_j, q_{(j+1)1\%m}) \neq 0 //$ Existuje průsečík
- 5. $M[\alpha_i] \leftarrow b_{ij} // \text{P\'ridej do M}$
- 6. Process
Intersection (b_{ij}, β, B, j) //Zpracuj první průsečík pro e_j
- 7. if (||M|| > 0) // Nějaké průsečíky jsme nalezli
- 8. $for \forall m \in M : // \text{Procházej všechny průsečíky v M}$
- 9. $b \leftarrow m.second$ // Získej 2. hodnotu z páru
- 10. ProcessIntersection (b, α, A, i) //Zpracuj první průsečík pro e_i

Process Intersection

- 1. $if(|t| < \epsilon)$:
- 2. $P[i] \leftarrow inters / Startovní bod průsečíkem$
- 3. $if(|t-1| < \epsilon)$:
- 4. $P[(i+1)\%m] \leftarrow inters // Koncový bod průsečíkem$
- $5. \ else:$
- 6. Process Intersection $i \leftarrow i+1$ //Inkrementuj pozici
- 7. if $P \longleftarrow (b,i)$ // Přidej průsečík na pozici i+1

4.2 Fragmenty

4.2.1 Vytvoření fragmentů - implementace metody

- 1. $i \leftarrow 0$
- 2. $while(g(P[i]) \neq g \vee P[i] \neq inters)$ //Dokud P[i] není průsečík s orientací g
- $3. \qquad i \longleftarrow i+1$
- 4. $if(i\equiv n)$ return; //Žádný bod s touto orientací neexistuje
- 5. $i_s \longleftarrow i$ //Zapamatuj startovní index prvního průsečíku
- 6. *do*
- 7. $f = \emptyset //\text{Prázdný fragment}$
- 8. $if(createFragmentFromVertices(i_s, P, g, if))$ //Nalezen fragment
- 9. if(s)f.reverse() //Swapuj prvky fragmentu, je-li třeba
- 10. $F[f[0]] \longrightarrow f$ //Přidej fragment do mapy, klíč poč. bod
- 11. $i \leftarrow (i+1)\%m$
- 12. $while(i \neq i_s)$ //Dokud nedojdeme k počátečnímu průsečíku

createFragmentFromVertices

- 1. $if(g(P[i]) \neq g \vee P[i] \neq inters)$ //Bod není průsečíkem s orientací g
- 2. return false
- 3. for (;;)
- 4. $f \leftarrow P[i] // P$ řidej bod do fragmentu
- 5. $i \leftarrow (i+1)\%n$
- 6. $if(i \equiv i_s)$ //Obešli jsme celý polygon
- 7. return false
- 8. $if(g(P[i]) \neq g)$ // První bod s rozdílou orientací
- 9. $f \longleftarrow P[i] \; // \text{P\'ridej ho do seznamu}$
- 10. return true

4.2.2 Sestavení oblastí z fragmentů - implementace metody

- 1. $for \forall f \in F$
- 2. $P \leftarrow \emptyset // \text{Vytvoř prázdný polygon}$
- 3. $s \leftarrow f.first$ //Najdi startovní bod fragmentu
- 4. if(!f.second.first) //Pokud fragment již nebyl zpracován
- 5. if(createPolygonFROMFragments(s, F, P))
- 6. $C \leftarrow P //P$ řidej polygon do seznamu

4.2.3 Vytvoření polygonu z fragmentů - implementace metody

- 1. $QPointn \leftarrow s$ //Inicializuj následující bod
- 2. for (;;) //Projdi všechyn fragmenty tvořící polygon
- 3. $f \leftarrow F.find(n)$ //Najdi navazující fragment
- 4. $if(f \equiv F.end)$ // Fragment s takovým poč. bodem neexistuje
- 5. return false
- 6. $f.second.first \leftarrow true$ //Fragment označen za zpracovaný
- 7. $n \leftarrow f.second.second.back()$ // Najdi následující bod
- 8. $P \leftarrow f.second.second \{f.second.second[0]\}() // Přidej bez poč. bodu$
- 9. $if(n \equiv s)$ // Obešli jsme polygon, jsme na startu
- 10. return true

4.3 Množinové operace

4.3.1 Implementace metody

- 1. if (o(A)! = CCW)
- 2. A.switchOr() // Změň orientaci na CCW
- 3. if (o(B)! = CCW)
- 4. B.switchOr() // Změň orientaci na CCW
- 5. ComputeIntersections(A, B) // urči průsečíky A,B
- 6. SetPositions(A,B) //Urči polohu vrcholů vůči oblastem
- 7. map < QPointFB, pair < bool, vector < QPointFB >>> F
- 8. $pos1 = (oper \equiv intersection \lor oper \equiv DifAB?Inner : Outer)$
- 9. $pos2 = (oper \equiv intersection \lor oper \equiv DifAB?Inner : Outer)$
- 10. $swap1 = (oper \equiv DifAB? : true : false)$
- 11. $swap2 = (oper \equiv DifAB? : true : false)$
- 12. CreateFragments(A, pos1, swap1, F)
- 13. CreateFragments(B, pos2, swap2, F)
- 14. MergeFragments(A, B, C)

5 Problematické situace

6 Vstupní data

Dva polygony mohou být "nakresleny" klikáním do kanvasu, pomocí tlačítka $Polygon\ A/B$ lze přepínat mezi polygony.

Dále mohou být polygony nahrány pomocí tlačítka *Load polygon*, v tom případě jsou data nahrána ze vstupního souboru *.txt, kde jsou souřadnice lomových bodů polygonů v tomto pořadí:

- 1. počet bodů v prvním polygonu
- 2. souřadnice X a Y (s desetinnou tečkou, pokud se nejedná o celé číslo) bodů prvního polygonu
- 3. počet bodů v druhém polygonu
- 4. souřadnice X a Y bodů druhého polygonu atd.

Př.: Vstupní soubor se 2 polygony, kde první polygon obsahuje 6 bodů a druhý polygon 5 bodů bude vypadat následovně:

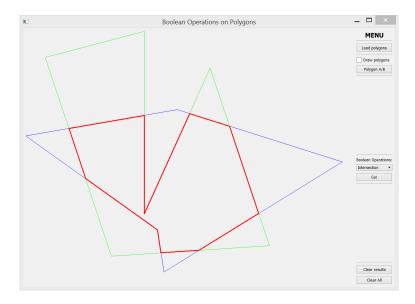
 $6\ 5\ 10\ 20\ 5\ 20\ 40\ 30\ 12\ 39\ 46\ 15\ 48$

 $5\ 2\ 25\ 25\ 20\ 50\ 30\ 23\ 51\ 22\ 43$

Vše může být zapsáno do jednoho řádku, odděleno mezerami nebo jako v příkladu výše může každý útvar začínat na novém řádku.

7 Výstupní data

Výsledek aplikace je zobrazen graficky na kanvasu (červenou barvou).

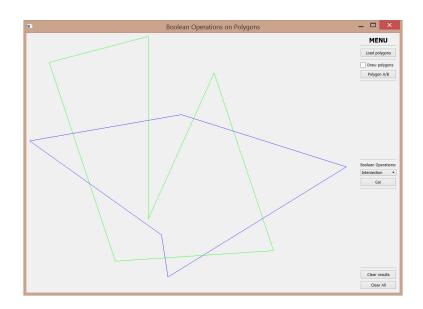


Obrázek 2: Intersection

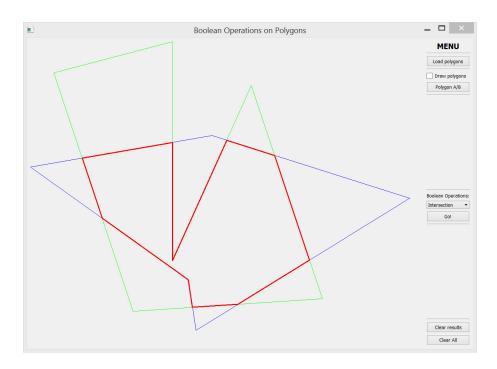
8 Ukázka vytvořené aplikace



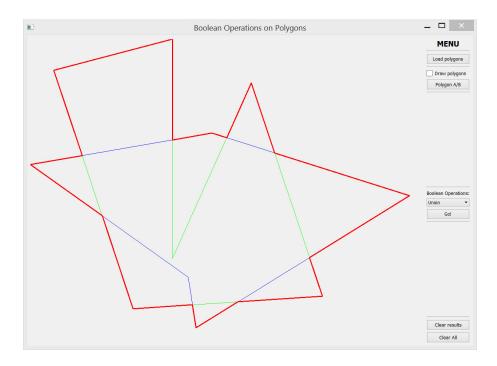
Obrázek 3: Aplikace



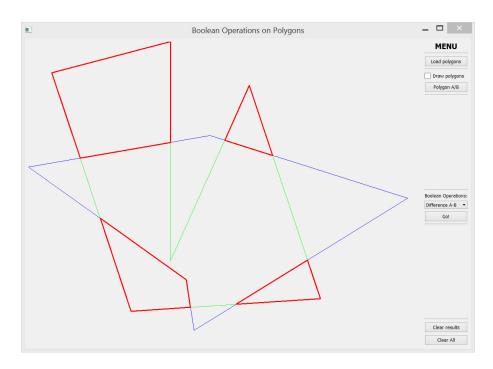
Obrázek 4: Nahrání vstupních dat



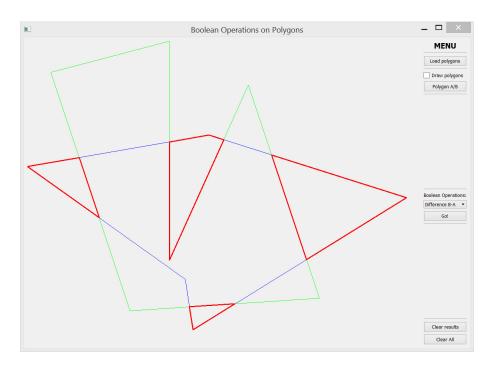
Obrázek 5: Intersection



Obrázek 6: Union



Obrázek 7: Difference A-B



Obrázek 8: Difference B-A

9 Dokumentace

9.1 Algorithms

V třídě Algorithms jsou staticky implementovány algoritmy počítající kovexní obálku a minimální ohraničující obdélník (včetně vodící linie).

• Výčtový typ **TPosition**

- Typ využitý jako návratová hodnota členské metody getPointLinePosition.
- LEFT = 0
- RIGHT = 1
- ON = 2

• Metoda getPointLinePosition

- Tato metoda slouží k určení polohy bodu vůči přímce. Návratovou hodnotou je výčtový typ TPosition.
- Vstup
 - * QPointF &q určovaný bod
 - * **QPointF &a, &b** body přímky
- Výstup
 - * LEFT bod vlevo od přímky
 - * RIGHT bod vpravo od přímky
 - * ON bod na přímce

• Metoda **getTwoVectorsAngle**

- Tato metoda slouží k určení úhlu mezi 2 přímkami. Její návratovou hodnotu je double.
- Vstup
 - * QPointF &p1, &p2 body první přímky
 - * QPointF &p3, &p4 body druhé přímky
- Výstup
 - * Úhel mezi 2 přímkami

• Metoda getPointLineDistance

- Tato metoda slouží k výpočtu vzdálenosti bodu od přímky. Její návratovou hodnotou je double
- Vstup
 - * QPointF &q určovaný bod
 - * QPointF &a, &b body přímky
- Výstup

* Vzdálenost bodu od přímky

• Přetížená metoda rotateByAngle

- Tato metoda slouží k rotaci dané množiny o úhel. Jejím návratovým typem je void.
- Vstup
 - * Přetížení 1
 - · std::vector<QPointF> &points vektor bodů, jež má být orotován
 - · double angle úhel, o který má rotace být provedena
 - * Přetížení 2
 - · QPolygonF &points polygon, jež má být orotován
 - · double angle úhel, o který má rotace být provedena
 - * Přetížení 3
 - · QLineF &points úsečka, jež má být orotována
 - · double angle úhel, o který má rotace být provedena

• Metoda **getDistance**

- Tato metoda slouží k výpočtu vzdálenosti dvou bodů. Jejím výstupním typem je double.
- Vstup
 - * **QPointF &a, &b** body, mezi kterými je vzdálenost počítána
- Výstup
 - * Vypočtená vzdálenost

• Metoda jarvisScanCH

- Tato metoda slouží k výpočtu konvexní obálky pomocí algoritmu Jarvis Scan. Během výpočtu je ošetřována singularita existence kolineárních bodů v datasetu. Jejím výstupním typem je QPolygonF.
- Vstup
 - * **std::vector** < **QPointF**> **points** vektor bodů, kolem nichž má být vytvořená konvexní obálka.
- Výstup
 - * Polygon obsahující kovexní obálku.

• Metoda grahamScanCH

- Tato metoda slouží k výpočtu konvexní obálky pomocí algoritmu Graham Scan.
 Jejím výstupním typem je QPolygonF.
- Vstup
 - * **std::vector** < **QPointF**> **points** vektor bodů, kolem nichž má být vytvořená konvexní obálka.

- Výstup
 - * Polygon obsahující kovexní obálku.

• Metoda quickHullCH

- Tato metoda slouží k výpočtu konvexní obálky pomocí algoritmu Quick Hull.
 Jejím výstupním typem je QPolygonF.
- Vstup
 - * **std::vector** < **QPointF**> **points** vektor bodů, kolem nichž má být vytvořená konvexní obálka.
- Výstup
 - * Polygon obsahující kovexní obálku.

• Metoda quickHullLocal

- Pomocná metoda k výpočtu konvexní obálky metodou Quick Hull. Jejím výstupním typem je void.
- Vstup
 - * int s, e index počátečního a koncového bodu dělící přímky
 - * **std::vector** <**QPointF**> &**points** vektor bodů, kolem nichž má být vytvořená konvexní obálka.
 - * QPolygonF &poly_ch polygon obsahující body konvexní obálky
- Výstup
 - * Polygon obsahující kovexní obálku.

• Metoda sweepLineCH

- Tato metoda slouží k výpočtu konvexní obálky pomocí algoritmu Sweep Line.
 Jejím výstupním typem je QPolygonF.
- Vstup
 - * **std::vector** < **QPointF**> **points** vektor bodů, kolem nichž má být vytvořená konvexní obálka.
- Výstup
 - * Polygon obsahující kovexní obálku.

• Metoda generatePoints

- Metoda pro generování zadaného počtu a tvaru bodů. Jejím výstupním typem je std::vector <QPointF> points.
- Vstup
 - * QSizeF &canvas_size rozměry kreslícího plátna, ze kterých se determinuje rozsah generovaných bodů
 - * int point_count počet bodů, který se má generovat

- * **std::string shape** tvar vytvářené množiny bodů (random, grid, na kružnici, na elipse, na čtverci)
- Výstup
 - * Vektor nagenerovaných bodů.

$\bullet \ {\rm Metoda} \ {\bf minimalRectangle}$

- Metoda pro výpočet minimálního ohraničujícího obdélníku a hlavní linie. Jejím výstupním typem je void.
- Vstup
 - * QPolygonF &poly_ch polygon obsahující konvexní obálku
 - * **QPolygonF &minimal_rectangle** polygon, do kterého jsou počítány body minimálního ohraničujícího obdélníku
 - * **QLineF &direction** hlavní linie minimálního ohraničujícího obdelníku (resp. do této proměnné je počítaná)
 - * bool compute_dir_line ukazatel určující zda-li má být počítána hlavní linie minimálního ohraničujícího obdélníku

9.2 Draw

Třída draw slouží k vykreslení vygenerovaných (nebo naklikaných) bodů, vypočteného minimálního ohraničujícího obdélníku a hlavní linie minimálního ohraničujícího obdélníku. V této třídě jsou zároveň nagenerované body zbavené duplicit a vypočtené konvexní obálky se zde omezují na striktní konvexní obálky (vše v metodě **setCH**. Třída dědí od třídy **QWidget**.

• Členské proměnné

- std::vector <QPointF> points vektor obsahující nagenerované nebo naklikané body
- QPOlygonF ch polygon obsahující body konvexní obálky
- **QPolygonF** rect polygon obsahující body minimálního ohraničujícího obdélníku
- QLineF direction hlavní linie minimálního ohraničujícího obdélníka

• Metoda paintEvent

- Tato metoda slouží k vykreslení nagenerovaných (nebo naklikaných) bodů, konvexní obýlky, minimálního ohraničujícího obdélníka a hlavní linie minimálního ohraničujícího obdélníka. Metoda se volá pomocí metody repaint(). Návratovým typem je void.
- Vstup
 - * QPaintEvent *e

• Metoda mousePressEvent

- Metoda sloužící k uložení bodu do členské proměnné points určeného kliknutím myší nad kreslícím plátnem. Jejím návratovým typem je void.
- Vstup
 - * QMouseEvent *e

• Metoda setCH

- Tato metoda slouží pro kontrolu duplicity generovaných bodů, pro kontrolu alespoň 3 bodů, k zavolání příslušného algoritmu pro vypočtení konvexní obálky a k omezení konvexní obálky na striktně konvexní obálku. Metoda počítá dobu trvání výpočetních algoritmů. Jejím návratovým typem je double.
- Vstup
 - * **std::string &selected_algorithm** uživatelsky vybraný algoritmus pro počítání konvexní obálky
- Výstup
 - * Čas trvání výpočtu.

• Metoda setRect

- Tato metoda slouží pro zavolání algoritmu pro výpočte minimálního ohraničujícího obdélníku a jeho hlavní linie. Jejím návratovým typem je void.
- Vstup
 - * **bool draw_dir_line** uživatelsky nastavený indikátor, zda-li se má vypočítat hlavní linie minimálního ohraničujícího obdélníku

• Metoda setPoints

- Metoda volající algoritmus pro generování bodů daného počtu a tvaru. Jejím návratovým typem je void.
- Vstup
 - * QSizeF &canvas_size rozměr kreslícího plátna pro pozdější určení rozsahu generování bodů
 - * int count počet bodů, jež se má generovat
 - * std::string &shape tvar, do kterého se body mají generovat

• Metoda clearCanvas

Metoda, která maže obsah kreslícího okna. Jejím návratovým typem je void.
 Do metody nevstupují žádné parametry.

9.3 SortByXAsc, SortByYAsc, SortByAngleAsc

Třídy sloužící jako sortovací kritérium - podle rostoucí souřadnice x resp. souřadnice y (při stejných souřadnicích x resp. y je druhým kritériem druhá souřadnice) a podle rostoucího úhlu mezi body (při stejném úhlu je druhým kritériem vzdálenosti mezi body).

9.4 Widget

Tato třída slouží ke komunikaci s GUI. Třída dědí od třídy QWidget. Všechny její metody slouží jako sloty k signálům z GUI, nemají žádné vstupní hodnoty a jejich návratovým typem je void.

- Metoda on_createCHButton_clicked reaguje na zmáčknutí tlačítka pro vypočtení konvexní obálky, volá metodu setCH z třídy Draw, zapisuje čas výpočtu do GUI.
- Metoda **on_generateButton_clicked** reaguje na zmáčknutí tlačítka pro generování bodů, volá metodu **setPoints** z třídy **Draw**.
- Metoda **on_clearButton_clicked** reaguje na zmáčknutí tlačítka pro vymazání obsahu kreslícího plátna, volá metodu **clearCanvas** z třídy **Draw**.
- Metoda **on_createRectButton_clicked** reaguje na zmáčknutí tlačítka pro vypočtení minimálního ohraničujícího obdélníka, volá metodu **setRect** z třídy **Draw**.
- Metoda **on_helpButton_clicked** reaguje na zmáčknutí tlačítka pro volání nápovědy, volá okno s nápovědou **help_dialog** z třídy **HelpDialog**.

10 Přílohy

 $\bullet\,$ Příloha č.1: Vstupní data - body.txt

11 Závěr

11.1 Návrhy na vylepšení

• bla bla

12 Zdroje

- 1. BAYER, Tomáš. Konvexní obálky [online][cit. 3.1.2019]. Dostupné z: https://web.natur.cuni.cz/ bayertom/images/courses/Adk/adk9.pdf
- 2. BAYER, Tomáš. Konvexní obálky [online][cit. 3.1.2019]. Dostupné z: https://web.natur.cuni.cz/ bayertom/images/courses/Adk/adkcv4.pdf