## MATEMATYKA DYSKRETNA - PROJEKT 2023/2024

Termin oddania: 21.01.2024

# Projekt II Zastosowania przeszukiwania grafów.

Algorytm przeszukiwania grafu w głąb Niech G = (V, E) będzie danym grafem spójnym, a  $v \in V$  wierzchołkiem początkowym.

- 1. Odwiedzamy wierzchołek v (zaznaczamy go jako odwiedzony) i wkładamy go na STOS.
- 2. Dopóki STOS nie jest pusty, powtarzamy:
  - Jeżeli v jest wierzchołkiem na wierzchu STOSU, to sprawdzamy, czy istnieje wierzchołek sąsiedni z v, który nie był jeszcze odwiedzony.
  - (a) Jeżeli u jest takim wierzchołkiem, to odwiedzamy u (zaznaczamy jako odwiedzony) i wkładamy go na STOS.
  - (b) Jeżeli takiego u nie ma, to zdejmujemy v ze STOSU.

### Uwagi

- Jeśli jest kilka wierzchołków do wyboru, to wybieramy zgodnie z ustalonym porządkiem.
- Wierzchołki na STOSIE w dowolnym kroku tworzą ścieżkę od korzenia do wierzchołka aktualnie odwiedzanego.
- Jeśli w powyższej procedurze w kroku 2.1, w którym odwiedzamy wierzchołek u, do początkowo pustego zbioru E' krawędzi dodawać będziemy krawędź  $\{v,u\}$ , to otrzymamy drzewo spinające DFS (ang. depth-first search).

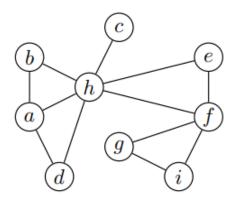
Algorytm przeszukiwania grafu wszerz Niech G=(V,E) będzie danym grafem spójnym, a  $v\in V$  wierzchołkiem początkowym.

- 1. Odwiedzamy wierzchołek v (zaznaczamy go jako odwiedzony) i wstawiamy go do KOLEJKI.
- 2. Dopóki KOLEJKA nie jest pusta, powtarzamy:
  - (a) Bierzemy wierzchołek v z początku KOLEJKI.
  - (b) Odwiedzamy wszystkie do tej pory jeszcze nie odwiedzone wierzchołki sąsiednie z v (zaznaczamy je jako odwiedzone) i wstawiamy je na koniec KOLEJKI.

#### Uwagi

- Wierzchołki wstawiamy do KOLEJKI np. w kolejności uporządkowania etykiet.
- Wierzchołki przeszukiwane są w kolejności leżących najbliżej korzenia.
- Jeśli w powyższej procedurze w kroku 2.2, w którym odwiedzamy wszystkie nieodwiedzone jeszcze wierzchołki sąsiednie do v, do początkowo pustego zbioru E' krawędzi dodawać będziemy odpowiednie krawędzie  $\{v,u\}$ , to otrzymamy drzewo spinające BFS (ang. breath-first search).

**Zad. 1.** (4 pkt) Zaimplementuj algorytm przeszukiwania w głąb i wszerz do poniższego grafu i skonstruuj odpowiednie drzewa DFS i BFS; jako wierzchołek początkowy przyjmij wierzchołek o etykiecie a (zamienić oznaczenia a, b, ... na liczby naturalne). Zapisać w tabelce dla kolejnych kroków STOS i zbiór krawędzi DFS oraz KOLEJKĘ i zbiór krawędzi BFS. Narysować odpowiednie grafy.



#### Założenia:

- funkcja wykonująca przeszukanie drzewa w głąb algorytmem DFS function dfs(G,v) oraz wypisująca odwiedzone wierzchołki, krawędzie drzewa spinającego DFS, gdzie
  - G graf wejściowy
  - v wierzchołek początkowy
- funkcja wykonująca przeszukanie drzewa wszerz algorytmem BFS function bfs(G,v) oraz wypisująca odwiedzone wierzchołki, krawędzie drzewa spinającego BFS, gdzie
  - G graf wejściowy
  - v wierzchołek poczatkowy

Zad. 2. (8 pkt) Wybrać jeden z poniższych algorytmów:

- 1. Algorytm Dijkstry
- 2. Algorytm Kruskala
- 3. Algorytm Prima
- 4. Algorytm Forda-Fulkersona

i omówić jego działanie na wybranym przykładzie.

Algorytmy te, zwłaszcza algorytm Dijkstry, są w praktyce wykorzystywane w routingu sieciowym (wyznaczanie trasy i wysłanie nią pakietu danych w sieci komputerowej), rożnego rodzaju urządzeniach nawigacyjnych (jak GPS), aplikacjach związanych z mapami (jak Google Maps), planowaniu lotów, sieciach telefonicznych, i innych, bardziej specjalistycznych zagadnieniach.

Sprawozdanie powinno zawierać wszystkie poniższe cztery składowe:

- 1. Wprowadzenie teoretyczne:
  - przede wszystkim precyzyjne zdefiniowanie problemu (co jest dane, co jest celem),
  - zacytowanie najważniejszych faktów matematycznych niezbędnych do zrozumienia problemu i jego algorytmicznego rozwiązania,
  - dodatki: szerszy kontekst naukowy, motywacje, zastosowania, trudności, ...
- 2. Omówienie algorytmu.
- 3. Przykład zastosowania:
  - prezentacja wykonania (implementacja) na przykładowych danych.
- 4. Omówienie otrzymanych wyników.

### Projekt II składa się z 3 etapów:

- Rozdanie i omówienie wymagań odnośnie projektu: 18.12.2023
- Implementacja algorytmu przeszukiwania grafu: 15.01.2024
- Praktyczne zastosowanie wybranego algorytmu przeszukiwania grafu: 21.01.2024
- Prezentacja wyników i ocena punktowa: 22.01.2024

Pliki z rozwiązaniami (sprawozdanie w .pdf) oraz kodami (kod również należy umieścić w sprawozdaniu) należy przesłać jako niespakowane załączniki jednym listem elektronicznym o temacie **PROJEKT2 MD23Z** najpóźniej do **21.01.2024**. na adres:

#### zofia.grudziak@pw.edu.pl

W treści listu należy podać imiona i nazwiska osób wykonujących projekt.