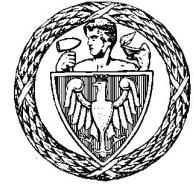


Politechnika Warszawska

WYDZIAŁ GEODEZJI I KARTOGRAFII



Instytut Automatyki i Robotyki

Praca dyplomowa magisterska

na kierunku Automatyka, Robotyka i Informatyka Przemysłowa

Nazwa pracy

inż. Ivan Kaliankovich

numer albumu 335662

promotor

prof. dr inż. Paweł Wnuk

WARSZAWA 2025

Nazwa pracy

Streszczenie

To jest streszczenie. To jest trochę za krótkie, jako że powinno zająć całą stronę.

 Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

 Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

 Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

 Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Słowa kluczowe: A, B, C

Thesis name

Abstract

This is abstract. This one is a little too short as it should occupy the whole page.

 Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. Ut purus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetur id, vulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque. Pellentesque habitant morbi tristique senectus et netus et malesuada fames ac turpis egestas. Mauris ut leo. Cras viverra metus rhoncus sem. Nulla et lectus vestibulum urna fringilla ultrices. Phasellus eu tellus sit amet tortor gravida placerat. Integer sapien est, iaculis in, pretium quis, viverra ac, nunc. Praesent eget sem vel leo ultrices bibendum. Aenean faucibus. Morbi dolor nulla, malesuada eu, pulvinar at, mollis ac, nulla. Curabitur auctor semper nulla. Donec varius orci eget risus. Duis nibh mi, congue eu, accumsan eleifend, sagittis quis, diam. Duis eget orci sit amet orci dignissim rutrum.

 Nam dui ligula, fringilla a, euismod sodales, sollicitudin vel, wisi. Morbi auctor lorem non justo. Nam lacus libero, pretium at, lobortis vitae, ultricies et, tellus. Donec aliquet, tortor sed accumsan bibendum, erat ligula aliquet magna, vitae ornare odio metus a mi. Morbi ac orci et nisl hendrerit mollis. Suspendisse ut massa. Cras nec ante. Pellentesque a nulla. Cum sociis natoque penatibus et magnis dis parturient montes, nascetur ridiculus mus. Aliquam tincidunt urna. Nulla ullamcorper vestibulum turpis. Pellentesque cursus luctus mauris.

 Nulla malesuada porttitor diam. Donec felis erat, congue non, volutpat at, tincidunt tristique, libero. Vivamus viverra fermentum felis. Donec nonummy pellentesque ante. Phasellus adipiscing semper elit. Proin fermentum massa ac quam. Sed diam turpis, molestie vitae, placerat a, molestie nec, leo. Maecenas lacinia. Nam ipsum ligula, eleifend at, accumsan nec, suscipit a, ipsum. Morbi blandit ligula feugiat magna. Nunc eleifend consequat lorem. Sed lacinia nulla vitae enim. Pellentesque tincidunt purus vel magna. Integer non enim. Praesent euismod nunc eu purus. Donec bibendum quam in tellus. Nullam cursus pulvinar lectus. Donec et mi. Nam vulputate metus eu enim. Vestibulum pellentesque felis eu massa.

 Quisque ullamcorper placerat ipsum. Cras nibh. Morbi vel justo vitae lacus tincidunt ultrices. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetur adipiscing elit. In hac habitasse platea dictumst. Integer tempus convallis augue. Etiam facilisis. Nunc elementum fermentum wisi. Aenean placerat. Ut imperdiet, enim sed gravida sollicitudin, felis odio placerat quam, ac pulvinar elit purus eget enim. Nunc vitae tortor. Proin tempus nibh sit amet nisl. Vivamus quis tortor vitae risus porta vehicula.

Keywords: X, Y, Z

Spis treści

1 Wstęp	9
2 Przegląd literatury	12
2.1 Modele prognozowania	12
2.2 Zmienne wejściowe	14
3 Dane i zmienne	15
3.1 Opis zbioru danych	15
3.2 Zmienna zależna	15
3.3 Zbiór zmiennych niezależnych	17
3.3.1 Dane pogodowe	18
3.3.2 Produkcja energii z wybranych źródeł	22
3.3.3 Handel energią z państwami sąsiednimi	24
3.3.4 Ceny paliw kopalnych i emisji CO ₂	25
3.3.5 Straty mocy w systemie elektroenergetycznym	26
3.3.6 Zapotrzebowanie na energię i wolumen handlu	27
3.3.7 Inne zmienne	28
4 Eksploracja danych	31
5 Metodologia	32
5.1 Ocena jakości prognoz	32
5.1.1 Mean Absolute Error (MAE)	32
5.1.2 Root Mean Squared Error (RMSE)	33
5.1.3 Mean Absolute Percentage Error (MAPE)	34
5.1.4 Symmetric Mean Absolute Percentage Error (sMAPE)	34
5.1.5 Współczynnik determinacji	35
5.2 Wybrane metody prognozowania cen energii elektrycznej	36
6 Analiza danych	37
7 Podsumowanie wyników i wnioski	38

Bibliografia	39
Wykaz skrótów i symboli	41
Spis rysunków	42
Spis tabel	43
Spis załączników	44

Rozdział 1

Wstęp

Rynek energii elektrycznej to jeden z filarów współczesnej gospodarki, a jego sprawne funkcjonowanie ma kluczowe znaczenie dla stabilności systemów elektroenergetycznych, przedsiębiorstw i codziennego życia konsumentów. W centrum tego rynku znajduje się Rynek Dnia Następnego (RDN), który działa jako platforma handlu energią na dzień przed jej dostarczeniem. RDN jest miejscem, gdzie producenci energii od elektrowni węglowych po farmy wiatrowe spotykają się z odbiorcami, takimi jak dostawcy energii dla domów mieszkalnych czy duże zakłady przemysłowe, aby ustalić ceny i wolumeny energii na każdą godzinę kolejnego dnia. Mechanizm działania RDN opiera się na systemie aukcyjnym: uczestnicy składają oferty kupna i sprzedaży, określając, ile energii są w stanie dostarczyć lub kupić oraz po jakiej cenie. System następnie dopasowuje te oferty, ustalając cenę równowagi, która obowiązuje dla danej godziny.

Taki model handlu pozwala na elastyczne reagowanie na zmieniające się warunki – zarówno po stronie podaży, jak i popytu. Na przykład, jeśli prognozy wskazują na silny wiatr, producenci energii wiatrowej mogą zwiększyć podaż, co może obniżyć ceny; z kolei fala upałów może zwiększyć zapotrzebowanie na energię do klimatyzacji, podnosząc ceny. RDN działa w wielu krajach, choć jego specyfika różni się w zależności od regionu. W Europie, w tym w Polsce, rynek ten jest częścią szerszego systemu integracji rynków energii, który ma na celu zapewnienie płynności i efektywności handlu. W Stanach Zjednoczonych RDN funkcjonuje w ramach regionalnych rynków, takich jak PJM Interconnection czy California ISO (CAISO), gdzie handel energią jest dodatkowo skomplikowany przez różnice regulacyjne między stanami i większą zależność od Odnawialne Źródła Energii (OZE). Niezależnie od regionu, RDN jest kluczowym narzędziem w zarządzaniu systemem elektroenergetycznym, umożliwiając szybkie dostosowanie podaży do popytu w krótkim horyzoncie czasowym.

Jednak handel na RDN to nie tylko szansa na zysk dla wszystkich biorących udział, ale i ogromne ryzyko finansowe, które wynika z nieprzewidywalności cen energii. Na rynku amerykańskim, gdzie mechanizm licytacji między kupującymi (buyers) a sprzedającymi (sellers) jest szczególnie rozwinięty, ryzyko to jest wyjątkowo widoczne. Uczestnicy rynku muszą składać oferty w czasie rzeczywistym, próbując przewidzieć, jak zachowa się cena w danej godzinie. Jeśli producent energii zaoferuje zbyt

wysoką cenę, jego energia może nie zostać kupiona, co oznacza utratę przychodów; z kolei kupujący, który zaoferuje zbyt niską cenę, może zostać zmuszony do zakupu energii po znacznie wyższej cenie rynkowej. Przykładem skali tego ryzyka jest kryzys w Teksasie [1] w lutym 2021 roku, znany jako Texas winter storm. W wyniku ekstremalnych mrozów i awarii systemu elektroenergetycznego ceny na rynku ERCOT (Electric Reliability Council of Texas) wzrosły do 9000 USD/MWh – poziomu, który dla wielu uczestników rynku oznaczał straty liczone w dziesiątkach milionów dolarów. W takich warunkach dokładna predykcja cen staje się nie tylko narzędziem do optymalizacji handlu, ale wręcz koniecznością, by uniknąć katastrofalnych strat. Na rynkach krajów rozwiniętych, gdzie OZE odgrywają coraz większą rolę, ceny mogą spaść do wartości ujemnych w godzinach nadprodukcji (np. z energii słonecznej), by kilka godzin później gwałtownie wzrosnąć, gdy zapotrzebowanie przewyższa podaż. Ta zmienność sprawia, że handel na RDN przypomina grę o wysoką stawkę, w której każdy ruch musi być dokładnie przemyślany.

Rynek bilansujący stanowi kolejny istotny element systemu elektroenergetycznego, uzupełniając funkcjonowanie RDN. Działa on w czasie rzeczywistym, umożliwiając operatorom systemu elektroenergetycznego (w Polsce jest to Polskie Sieci Elektroenergetyczne, PSE) równoważenie podaży i popytu w sytuacjach, gdy rzeczywiste zużycie energii odbiega od prognoz ustalanych na RDN. Na rynku bilansującym uczestnicy mogą zgłaszać oferty na dostawy energii w bardzo krótkim horyzoncie czasowym, nawet w ciągu kilkunastu minut, co pozwala na szybkie reagowanie na nagłe zmiany, takie jak awarie elektrowni, nieoczekiwane skoki zapotrzebowania czy zmienność produkcji z OZE. Ceny na rynku bilansującym są często bardziej zmienne niż na RDN, co dodatkowo zwiększa ryzyko finansowe dla uczestników, ale jednocześnie podkreśla znaczenie precyzyjnych prognoz cen, które mogą pomóc w lepszym zarządzaniu tymi krótkoterminowymi wahaniami.

W niniejszej pracy magisterskiej skupiam się na analizie RDN w Polsce, który choć różni się od rynku amerykańskiego pod względem skali i regulacji, również zmaga się z podobnymi wyzwaniem. W Europie, w tym w Polsce, RDN jest częścią zintegrowanego systemu handlu energią, który opiera się na współpracy między krajami i dąży do harmonizacji rynków energii w ramach Unii Europejskiej. Mechanizm ustalania cen na RDN w Polsce opiera się na zasadzie jednolitej ceny (ang. uniform pricing), gdzie cena rozliczeniowa, jest wyznaczana na podstawie równowagi popytu i podaży dla każdej godziny. Oznacza to, że wszyscy uczestnicy, których oferty zostały zaakceptowane, rozliczają się po tej samej cenie, co zapewnia przejrzystość i efektywność handlu. W Polsce RDN jest prowadzony przez Towarową Giełdę Energii (TGE), która od 2000 roku pełni rolę kluczowej platformy handlu energią. TGE organizuje aukcje na RDN, umożliwiając uczestnikom składanie ofert na każdą godzinę kolejnego dnia. W latach 2016–2024, które obejmują analizowany w pracy okres, ceny na RDN w Polsce wahały się od 200 PLN/MWh aż do ponad 3000 PLN/MWh, co odzwierciedla zarówno lokalne uwarunkowania (np. zależność od węgla, rosnąca rola OZE), jak i globalne trendy, w tym czarne łabędzie, takie jak wybuch pandemii i wprowadzenie restrykcji na pracę oraz kryzys energetyczny w 2022 roku wywołany konfliktem zbrojnym na Ukrainie. Celem pracy jest analiza i porównanie skuteczności trzech modeli uczenia maszynowego – regresji Ridge, Prophet i

sieci neuronowej MLP oraz sprawdzenia dobranych parametrów i zaproponowanej przeze mnie bazy danych.

Rozdział 2

Przegląd literatury

Na podstawie ponadczasowej pracy prof. Rafała Werona poniższy rozdział omawia typowe podejścia w EPF, stosowane metody do predykcji cen oraz zmienne wejściowe. Badania prof. Weron związanego z Politechniką Wrocławską pasują do wszystkich rynków energii na świecie w tym rynku polskiego.

2.1 Modele prognozowania

Wśród stosowanych metod do predykcji cen energii elektrycznej wyróżnia się różne podejścia. Rafał Weron w swojej obszernej pracy z 2014 roku "Electricity price forecasting: A review of the state-of-the-art with a look into the future" [10] dokonuje przeglądu literatury z ubiegłych wtedy 15 lat, systematyzując szybko rosnącą liczbę publikacji w tej dziedzinie. Weron wyjaśnia mechanizmy kształtowania się cen na rynkach energii elektrycznej, koncentrując się na cenach dnia następnego. Klasyfikuje techniki predykcyjne pod względem horyzontu czasowego i zastosowanej metodologii. Wymienia następujące kategorie modeli:

- multi-agent
- fundamentalne,
- reduced-form,
- statystyczne,
- computational intelligence,
- hybrydowe.

Modele multi-agent symulują zachowanie uczestników rynku energii, takich jak producenci i konsumenci, w celu przewidywania cen. Weron [10] wskazuje, że modele oparte na równowadze Nasha-Cournota czy równowadze funkcji podaży, są przydatne w analizie długoterminowej, ale nie uwzględniają strategiczne obstawianie cen przez uczestników rynku. W związku z tym tego rodzaju metody pasują najbardziej do stabilnych rynków bez dużych wahań cenowych.

Modele fundamentalne opierają się na analizie czynników ekonomicznych i fizycznych, takich jak ceny paliw, emisje CO₂ czy zapotrzebowanie. Weron [10] dzieli je na parameter-rich (uwzględniające

wiele zmiennych) i parsimonious structural (uproszczone). Jednym z wyzwań takich modeli jest ich złożoność i wymóg dużej ilości danych, które często mogą być niedostępne w czasie rzeczywistym.

Modele reduced-form opisują dynamikę cen za pomocą procesów stochastycznych, takich jak jump-diffusions czy Markov regime-switching. Weron [10] wskazuje, że są one użyteczne w modelowaniu dziennej zmienności cen, ale mogą nie być dokładne w próbie dokładnego liczenia cen godzinowych, gdyż nie uwzględniają wpływu zmiennych fundamentalnych, takich jak sezonowość czy zmiany w podaży i popycie.

Modele statystyczne, takie jak ARIMA i GARCH, są szeroko stosowane w krótkoterminowym EPF. Modele autoregresywne (AR) wykorzystują liniową kombinację przeszłych wartości zmiennej do prognozowania przyszłych wartości. Modele średniej ruchomej (MA) prognozują zmienną na podstawie liniowej kombinacji przeszłych błędów prognoz. Modele ARMA łączy te dwa podejścia, a modele ARIMA dodają różnicowanie, aby uwzględnić niestacjonarność danych. W celu uwzględnienia sezonowości wykorzystuje się również model SARIMA. Zgodnie z [6] modele SARIMA wykazują dobre wyniki w prognozowaniu cen energii elektrycznej, ale ich skuteczność może być ograniczona w przypadku danych o dużej zmienności. Weron [10] wspomina również o modelach ARX i ARMAX, gdzie X odpowiada za zmienne zewnętrzne wyjaśniające. Model GARCH jest szczególnie przydatny w modelowaniu zmienności cen energii elektrycznej, ponieważ uwzględnia heteroskedastyczność i zmienność w czasie.

Modele computational intelligence, oparte na technikach uczenia maszynowego, zyskały na popularności w nowszych badaniach. Wśród popularnych metod wyróżniają się metody rozmyte, metody wektorów nośnych, LSTM oraz CNN. Mikołaj Kalisz i Adam Mantiuk z Politechniki Warszawskiej [4] używają Perceptron wielowarstwowego (MLP). W pracy Grzegorza Marcjasza [3] proponowany jest dobór hiperparametrów do głębokiej sieci neuronowej (DNN). Badanie porównuje DNN do statystycznego modelu LASSO. W tym badaniu pokazuje się, że wyniki DNN są lepsze od wybranego modelu statystycznego, co może wskazywać na przewagę uczenia maszynowego nad tradycyjnymi metodami statystycznymi.

Modele hybrydowe łączą elementy różnych kategorii, aby wykorzystać ich zalety. Jinliang Zhang jest przykładem takiego podejścia. W pracy [9] łączy transformację falkową z ARIMA i GARCH. W tej pracy argumentuje się, że połączenie WT z modelami ARIMA i GARCH pozwala na skuteczne modelowanie złożonych cech cen energii elektrycznej, takich jak niestacjonarność, nieliniowość i wysoka zmienność. W późniejszej pracy Zhang [11] łączy wspomniane transformację falkową oraz ARIMA z metodą najmniejszych kwadratów maszyn wektorów nośnych (LSSVM). Potwierdzając skuteczność takich metod, Weron [10] podaje, że popularnym podejściem hybrydowym jest łączenie modeli statystycznych z sieciami neuronowymi, co pozwala na modelowanie zarówno liniowych, jak i nieliniowych zależności.

W niniejszej pracy planuje się zastosowanie modeli Prophet i MLP do prognozowania cen energii elektrycznej na RDN. Prophet najbardziej pasuje do kategorii statystycznych, ale jego algorytm jest bardziej złożony niż tradycyjne modele ARIMA. MLP to przykład modelu computational intelligence, który wykorzystuje sieci neuronowe do prognozowania cen energii elektrycznej.

2.2 Zmienne wejściowe

Rozdział 3

Dane i zmienne

3.1 Opis zbioru danych

Dane odgrywają kluczową rolę w analizie i prognozowaniu cen energii na Rynku Dnia Następnego (RDN) w Polsce, stanowiąc fundament dla modeli uczenia maszynowego zastosowanych w niniejszej pracy. Zbiór danych wykorzystany w badaniu obejmuje okres od 1 stycznia 2016 roku do 31 grudnia 2024 roku i zawiera dane godzinowe, co powinno było dać łącznie 78 912 rekordów. Niestety niektóre dane są niekompletne i zawierają braki lub NaN wartości. Na szczęście, takich braków było stosunkowo nie dużo do kompletnych danych i postanowiłem pozbyć się rekordów o pustych parametrach. W efekcie, po usunięciu niekompletnych danych, pozostało 78 814 rekordów, co stanowi solidną podstawę do analizy i modelowania. Zbiór danych zawiera różnorodne zmienne, które można podzielić na kilka kategorii, które zostaną opisane w tym dziale. Większość danych pochodzi z Polskie Sieci Elektroenergetyczne (PSE) [7], czyli otwartej platformie, która dostarcza różnego rodzaju danych dostępnych dla analizy. Warto zauważyć, że od 14 czerwca 2024 roku PSE zmieniła sposób raportowania danych i przeszła na nową stronę [8], w związku z tym PSE posiada dwie oddzielne strony do raportów historycznych przed i po tym dniu. Wiele z danych zostało pobrane również ze strony energy.instrat.pl. Jest to strona, która pobiera dane z platformy PSE i udostępnia w sposób wygodniejszy, ponieważ dane są do pobrania jednym klikiem za dowolny okres czasu z dowolną częstotliwością. Dane dotyczące cen paliw kopalnych oraz kursów walut (np. PLN/USD) zostały pozyskane z innych źródeł, takich jak publiczne bazy danych rynkowych i platformy finansowe. Niniejszy rozdział szczegółowo opisuje zmienną zależną i zmienne niezależne, podzielone na kategorie, a także prezentuje kluczowe cechy danych za pomocą tabel i wykresów, co pozwala na lepsze zrozumienie ich specyfiki i wyzwań związanych z modelowaniem.

3.2 Zmienna zależna

Zmienna zależna w niniejszej pracy to `fixing_i_price`, czyli cena energii elektrycznej na Rynku Dnia Następnego (RDN) w Polsce, wyrażona w PLN/MWh. Dane dotyczące tej zmiennej zostały pobrane

Rozdział 3. Dane i zmienne

z wymienionej platformy energy.instrat.pl w granulacji godzinowej. Zbiór danych obejmuje okres od 1 stycznia 2016 roku do 31 grudnia 2024 roku. Statystyki opisowe zmiennej `fixing_i_price` przedstawiono w Tabeli poniżej.

Statystyka	Wartość
Średnia	344.10 PLN/MWh
Odczylenie std.	268.35 PLN/MWh
Minimum	-360.00 PLN/MWh
25% (Q1)	176.11 PLN/MWh
Median	250.00 PLN/MWh
75% (Q3)	434.84 PLN/MWh
Maksimum	3812.45 PLN/MWh

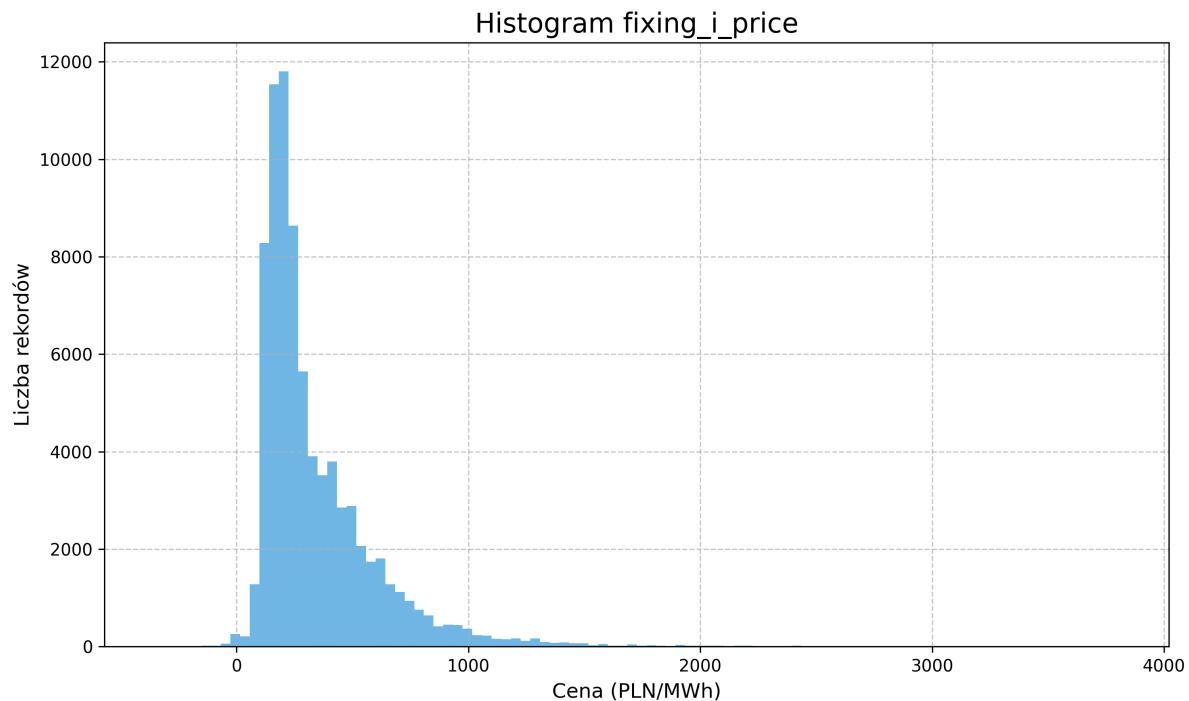
Tabela 1. Podstawowe statystyki zmiennej `fixing_i_price`

Aby lepiej zrozumieć dynamikę cen energii na RDN, przeanalizowano ich zmienność w całym okresie badania. Rysunek poniżej przedstawia zmienność cen energii w czasie zebranych danych.



Rysunek 1. Zmienność cen energii elektrycznej na RDN w latach 2016–2024

Widać wyraźne różnice w poziomie cen w różnych okresach: od 2016 do Q4 roku 2020 ceny były stosunkowo stabilne, oscylując w przedziale 100–300 PLN/MWh. Sytuacja zmieniła się w 2020 roku, gdy zaczęły pojawiać się pierwsze skoki cenowe z powodu poważnych obostrzeń z powodu pandemii, a w 2022 roku, w wyniku kryzysu energetycznego wywołanego wojną na Ukrainie i ograniczeniami w dostawach paliw kopalnych, ceny osiągnęły rekordowe poziomy. Pierwszy okres zostanie określony jako okres stabilności cenowej, a drugi jako okres skoków cenowych. Te dwa okresy pokazują, jak



Rysunek 2. Histogram rozkładu zmiennej `fixing_i_price`

niekorzystne sytuacje gospodarcze mogą wpływać na dynamikę cen energii, co ma istotne implikacje dla modelowania i prognozowania.

Rysunek 2 przedstawia histogram rozkładu zmiennej `fixing_i_price`. Rozkład jest wyraźnie asymetryczny, z długim prawym ogonem, co odzwierciedla występowanie skoków cenowych, takich jak te w 2022 roku. Ujemne ceny, choć rzadkie (ok. 0,4% rekordów), są widoczne w lewej części histogramu, co potwierdza specyficzne cechy danych i potrzebę stosowania odpowiednich metod modelowania.

3.3 Zbiór zmiennych niezależnych

Dobór zmiennych niezależnych jest bardzo ważny dla osiągnięcia dobrych wyników badania. W niniejszej pracy wykorzystano różnorodne zmienne niezależne, które można podzielić na kilka kategorii. Obejmują one dane pogodowe, zapotrzebowanie, straty sieciowe, bilanse wymiany transgranicznej, dane o produkcji energii przez poszczególne typy generatorów, ceny paliw kopalnych, emisji CO₂ i inne. Wybór tych zmiennych oparty jest na ich potencjalnym wpływie na ceny energii elektrycznej. Poniżej przedstawiono szczegółowy opis każdej z kategorii zmiennych niezależnych, które zostały uwzględnione w analizie.

3.3.1 Dane pogodowe

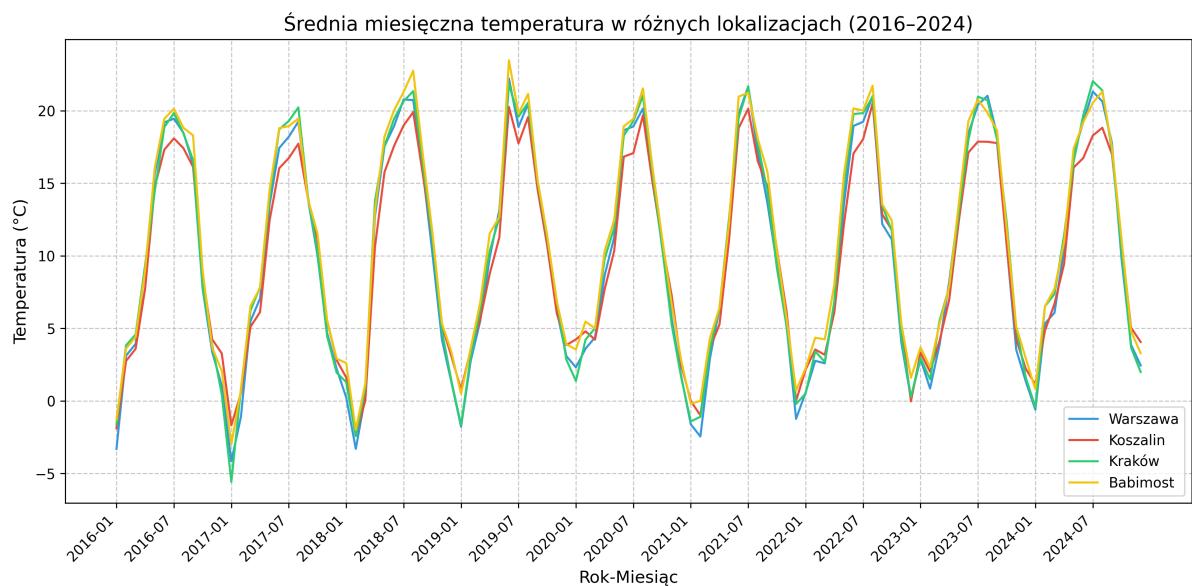
Pierwotnie zbiór danych miał być zestawiony z danych dostępnych za pomocą oficjalnej strony Instytutu Meteorologii i Gospodarki Wodnej, natomiast dane historyczne z lat 2016-2024 mają ograniczoną rozdzielcość. Zbierane są przez wiele stacji meteorologicznych, które są rozproszone po całym kraju, ale tylko w godzinach 6:00, 12:00 oraz 18:00. Aproxymować dane pogodowe w godzinach nocnych jest zadaniem nie do wykonania, szczególnie w przypadku sezonów zimowych, gdzie temperatura w nocy może drastycznie spadać w ciągu godziny. Z tego powodu jako źródło danych pogodowych wykorzystano stronę open-meteo.com [5]. Jest to strona, która zbiera dane z różnych stacji meteorologicznych i udostępnia je w formie API. Dzięki temu można pobrać dane pogodowe dla dowolnego okresu czasu i lokalizacji.

Dane pogodowe zostały pobrane dla czterech lokalizacji w Polsce: Warszawy (WAW), Koszalina (KSZ), Krakowa (KRK) i Babimost (BAB), a następnie dopasowane do godzinowego formatu danych RDN, co pozwoliło na ich integrację z pozostałymi zmiennymi. Wybór miast został podyktowany ich zróżnicowaniem geograficznym i klimatycznym, co pozwala uwzględnić regionalne różnice w warunkach pogodowych wpływających na produkcję i zapotrzebowanie na energię. Warszawa, jako stolica i największe miasto Polski, reprezentuje centralny region kraju o wysokim zapotrzebowaniu na energię, szczególnie w okresach zimowych i letnich. Koszalin, położony na Pomorzu, jest kluczowy ze względu na bliskość farm wiatrowych na Morzu Bałtyckim, co czyni go istotnym punktem dla analizy produkcji energii wiatrowej. Kraków, znajdujący się w południowej Polsce, charakteryzuje się większym udziałem energii słonecznej w miksie energetycznym, a także wysokim zapotrzebowaniem na energię w sezonie grzewczym z powodu zanieczyszczenia powietrza i częstego stosowania ogrzewania elektrycznego. Babimost, zlokalizowany w zachodniej Polsce, jest istotny ze względu na swoje położenie w pobliżu granicy z Niemcami.

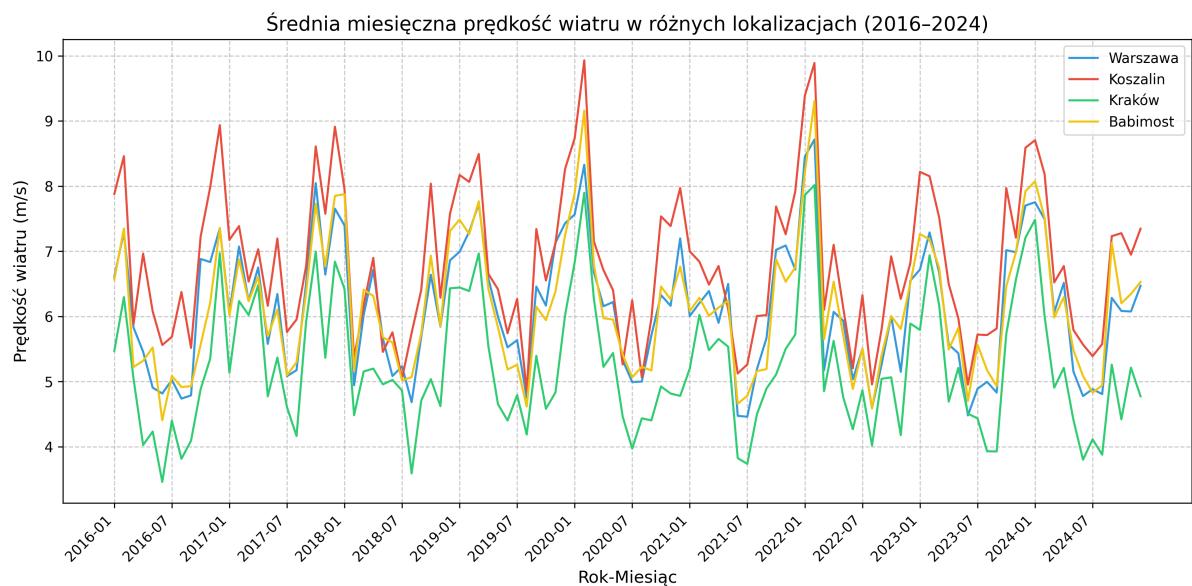
Parametry pogodowe zostały wybrane z uwzględnieniem ich bezpośredniego wpływu na rynek energii. Temperatura jest kluczowym czynnikiem, ponieważ wpływa na zapotrzebowanie na energię – niskie temperatury zwiększą zużycie energii na ogrzewanie, natomiast wysokie temperatury latem podnoszą zapotrzebowanie na klimatyzację. Prędkość wiatru mierzona na wysokości 100 metrów nad powierzchnią ziemi została wybrana, ponieważ jest to przeciętna wysokość dla turbin wiatrowych w Polsce, co pozwala dokładniej oszacować potencjalną produkcję energii z farm wiatrowych. Promieniowanie słoneczne jest istotne dla produkcji energii z paneli fotowoltaicznych. Zachmurzenie zostało uwzględnione, ponieważ wysoki poziom zachmurzenia zmniejsza efektywność paneli słonecznych, co może zwiększać ceny energii poprzez ograniczenie podaży z OZE. Wybór tych parametrów pozwala na kompleksową analizę wpływu pogody na ceny energii na RDN.

Poniżej przedstawię wykresy dla każdego z parametrów pogodowych, które zostały uwzględnione w analizie. Wykresy przedstawiają zmienność danych pogodowych w czasie. Zachmurzenie jest wyrażone w oktantach (0-8), gdzie 0 oznacza brak zachmurzenia, a 8 oznacza całkowite zachmurzenie.

3.3. Zbiór zmiennych niezależnych

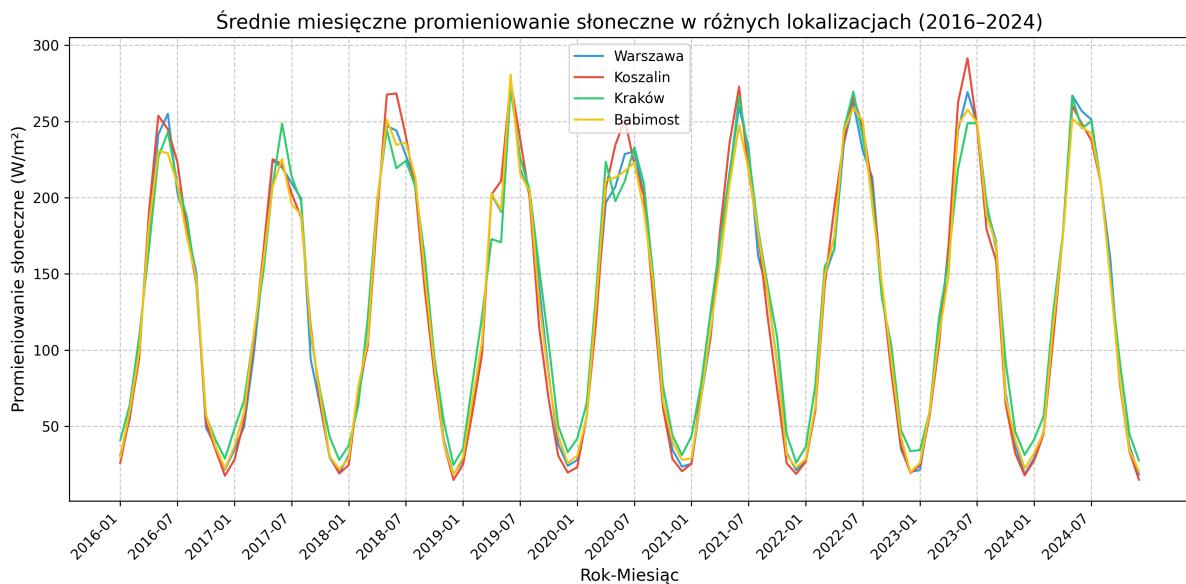


Rysunek 3. Zmienność temperatury w czasie (2016–2024)

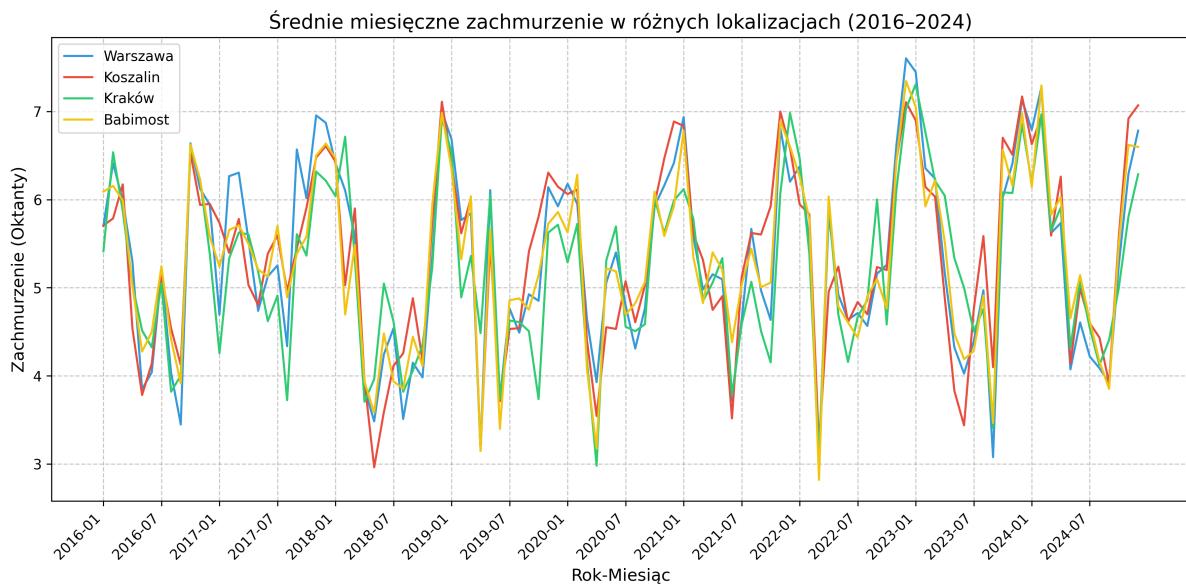


Rysunek 4. Zmienność prędkości wiatru w czasie (2016–2024)

Rozdział 3. Dane i zmienne



Rysunek 5. Zmienna promieniowania słonecznego w czasie (2016–2024)

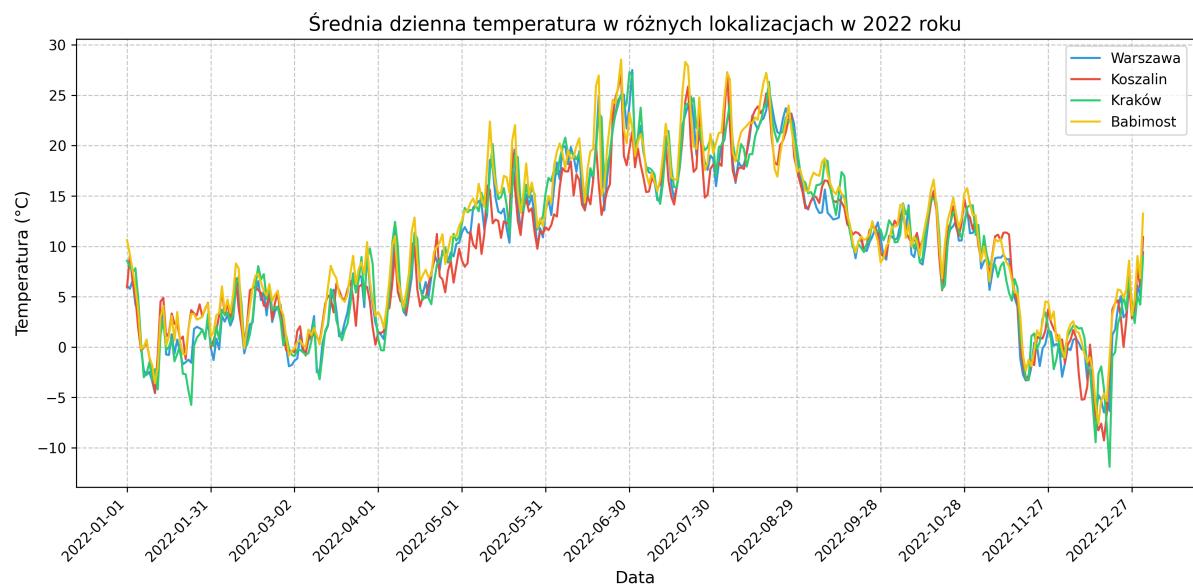


Rysunek 6. Zmienna zachmurzenia w czasie (2016–2024)

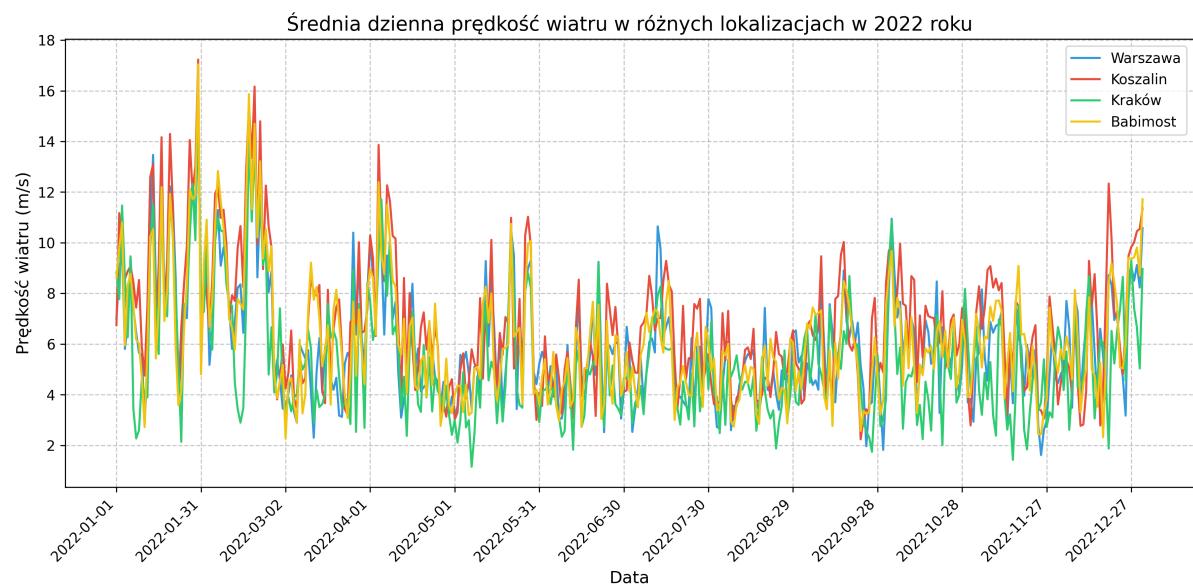
Każdy z wykresów przedstawia zmiennosć danego parametru pogodowego w wybranych lokalizacjach w przeciągu okresu badawczego. Wyraźnie widać sezonowe wahania parametrów pogodowych, co jest typowe dla klimatu Polski. Temperatura i promieniowanie słoneczne mają wyraźnie większe wartości w sezonach letnich, prędkość wiatru w sezonach zimowych, a zachmurzenie ma bardziej zróżnicowany charakter.

Chciałbym również przybliżyć wykresy i potwierdzić efekt sezonowości na przykładzie 2022 roku.

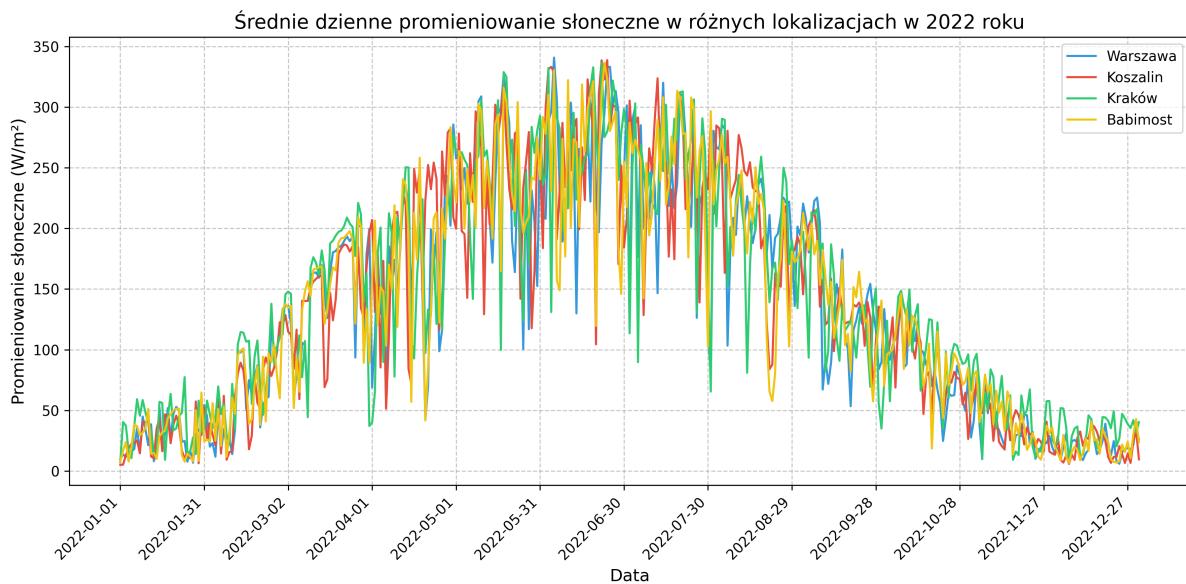
3.3. Zbiór zmiennych niezależnych



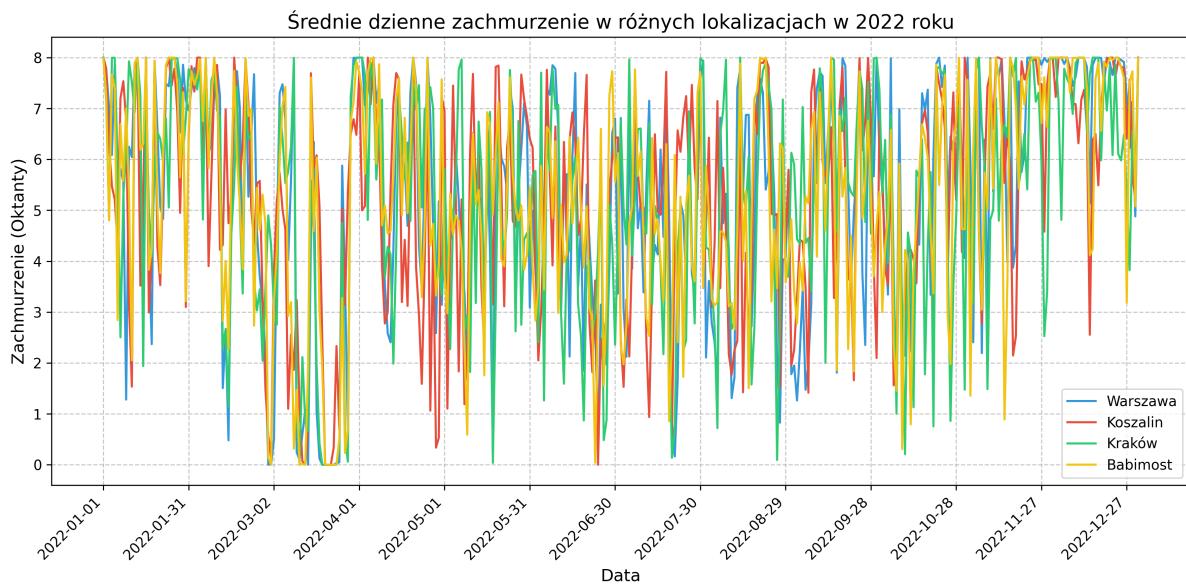
Rysunek 7. Zmiennaść temperatury w czasie (2022)



Rysunek 8. Zmiennaść prędkości wiatru w czasie (2022)



Rysunek 9. Zmienność promieniowania słonecznego w czasie (2022)



Rysunek 10. Zmienność zachmurzenia w czasie (2022)

W ramach analizy w późniejszej części pracy spróbuję uprościć model i uśrednić wartości parametrów pogodowych dla całego kraju i sprawdzić czy wynik się poprawi.

3.3.2 Produkcja energii z wybranych źródeł

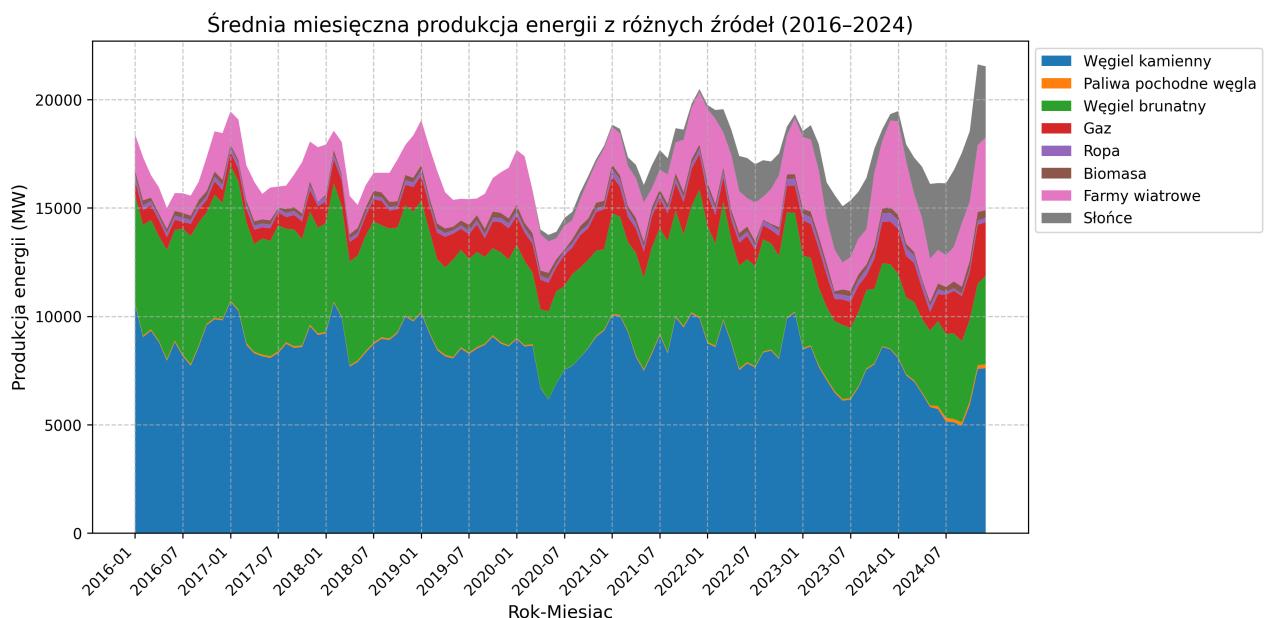
Zmienne dotyczące produkcji energii z różnych źródeł odgrywają kluczową rolę w analizie cen energii na Rynku Dnia Następnego (RDN), ponieważ odzwierciedlają strukturę podaży energii w Polsce,

3.3. Zbiór zmiennych niezależnych

która ma bezpośredni wpływ na dynamikę cen. W niniejszej pracy uwzględniono osiem zmiennych opisujących produkcję energii:

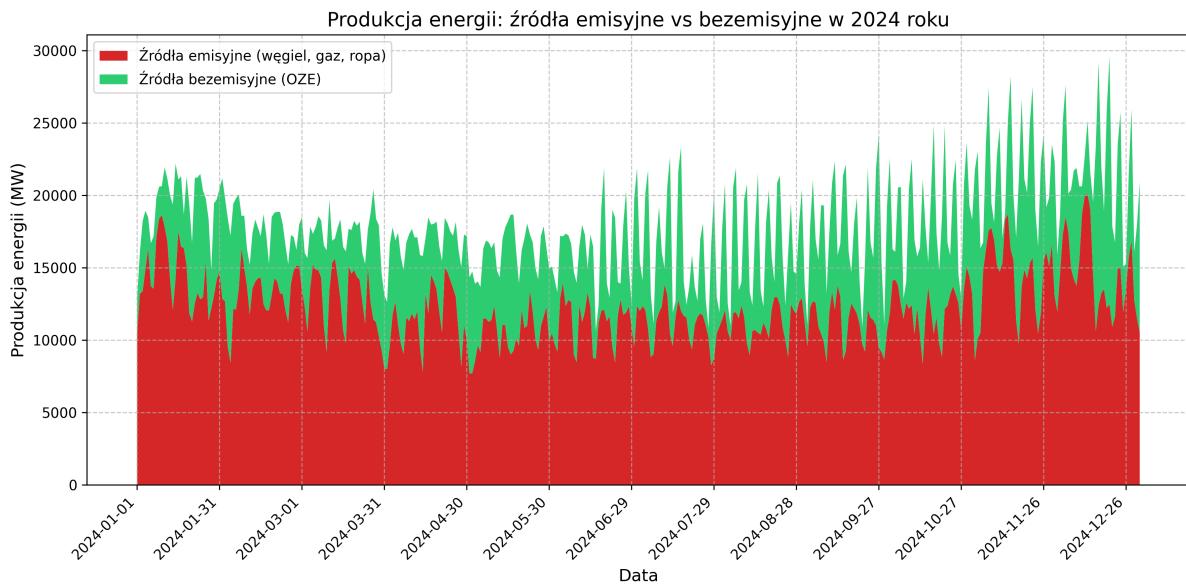
- **hard_coal** - produkcja z węgla kamiennego (MW),
- **coal_derived** - produkcja z paliw pochodnych węgla (MW),
- **lignite** - produkcja z węgla brunatnego (MW),
- **gas** - produkcja z gazu ziemnego (MW),
- **oil** - produkcja z ropy naftowej lub jej pochodnych (MW),
- **biomass** - produkcja z biomasy (MW),
- **wind** - produkcja z elektrowni wiatrowych lądowych (MW),
- **solar** - produkcja z paneli fotowoltaicznych (MW).

Dane te pochodzą z Polskich Sieci Elektroenergetycznych (PSE) i zostały dopasowane do godzinowego formatu danych RDN, co pozwoliło na ich integrację z pozostałymi zmiennymi.



Rysunek 11. Zmienność produkcji energii z różnych źródeł w czasie (2016–2024)

Wykres powyżej przedstawia średnią miesięczną produkcję energii z różnych źródeł w Polsce w latach 2016–2024, co jest istotne w kontekście prognozowania cen energii (EPF) na Rynku Dnia Następnego (RDN). Wykres obszarowy ukazuje dominację węgla kamiennego i brunatnego, której do tej pory odpowiadają za większość produkcji energii elektrycznej. Biomasa oraz paliwa pochodne węgla stanowią znikomą część podaży i mogą być pominięte dla redukcji ilości zmiennych. Produkcja za pomocą gazu i ropy stale posiada niewielką, ale istotną część produkcji energii. Warto zauważyć, że produkcja z OZE, szczególnie ze słońca znacząco rośnie w ostatnich latach, co może mieć istotny wpływ na ceny energii i umiejętności jej prognozowania.



Rysunek 12. Porównanie produkcji energii z emisyjnych i bezemisyjnych źródeł w 2024 roku

W najbardziej korzystne dla gospodarki momenty część produkcji z OZE może przekraczać zapewnienie energii z węgla, co może prowadzić do spadku cen energii. Warto również zauważać, że produkcja z węgla kamiennego i brunatnego jest bardziej stabilna i przewidywalna niż produkcja z OZE, co może wpływać na dokładność prognoz. W związku z tym, zmienne dotyczące produkcji energii z różnych źródeł są istotnym elementem analizy i modelowania cen energii na RDN.

3.3.3 Handel energią z państwami sąsiednimi

Zmienne dotyczące wymiany energii z innymi krajami są istotnym elementem analizy cen energii na Rynku Dnia Następnego (RDN), ponieważ pozwalają na uwzględnienie wpływu handlu międzynarodowego na ceny energii w Polsce. W niniejszej pracy uwzględnione zostały bilanse handlu energią z Państwami sąsiednimi, z którymi Polska ma połączenia transgraniczne. Są to Państwa takie jak:

- Niemcy (DE),
- Czechy (CZ),
- Słowacja (SK),
- Litwa (LT),
- Szwecja (SE),
- Ukraina (UA).

Dane dotyczące wymiany energii z tymi krajami pochodzą z Polskich Sieci Elektroenergetycznych (PSE) i są dostępne w granulacji godzinowej. Warto zauważyć, że Polska jest jednym z kluczowych graczy na rynku energii w Europie Środkowo-Wschodniej, a wymiana energii z innymi krajami może mieć istotny wpływ na ceny energii w Polsce. W szczególności, w okresach wysokiego zapotrzebowania na energię lub w sytuacjach poważnych awarii, Polska może importować energię

3.3. Zbiór zmiennych niezależnych

z innych krajów, co prowadzi do wzrostu cen. Z drugiej strony, w okresach niskiego zapotrzebowania, Polska może eksportować, czyli sprzedawać nadwyżki energii, co może prowadzić do spadku cen. Poniżej przedstawiam wykresy dotyczące wymiany energii z sąsiadami w latach 2016-2024.

Rok	Niemcy (MW)	Czechy (MW)	Litwa (MW)	Słowacja (MW)	Szwecja (MW)	Ukraina (MW)
2016	994.26	-761.81	68.21	-475.47	294.36	108.99
2017	836.24	-612.73	119.92	-499.21	340.96	102.45
2018	803.00	-373.78	102.53	-366.14	310.83	160.96
2019	1149.22	-312.31	216.38	-367.32	329.80	157.17
2020	1275.75	-264.90	201.93	-348.95	428.81	167.98
2021	957.79	-901.92	110.04	-519.59	364.69	93.55
2022	918.62	-1000.89	86.53	-684.25	429.17	126.95
2023	851.27	-526.46	58.40	-382.18	431.60	5.76
2024	1005.26	-544.15	-112.90	-389.65	296.29	-68.03

Tabela 2. Średni bilans wymiany energii z sąsiadami w latach 2016–2024

Wartości te są średniodogodzinowymi bilansami wymiany energii z sąsiadami w latach 2016–2024. Wartości dodatnie oznaczają eksport energii, a wartości ujemne import energii. Polska ma dodatni bilans wymiany energii z Niemcami, co oznacza, że Polska regularnie eksportuje energię do Niemiec. Największe ujemne bilanse Polska posiada z Czechami, prawdopodobnie spowodowane jest to funkcjonującymi w Czechami elektrowniami atomowymi. Te przepływy wpływają na ceny na RDN: eksport do Niemiec i Szwecji może podnosić ceny w Polsce, a import z Czech i Słowacji stabilizuje system, ale zwiększa zależność od zewnętrznych dostawców.

3.3.4 Ceny paliw kopalnych i emisji CO₂

Zmienne dotyczące cen paliw kopalnych oraz emisji CO₂ odgrywają kluczową rolę w analizie cen energii na Rynku Dnia Następnego (RDN), ponieważ koszty paliw i emisji mają bezpośredni wpływ na ceny energii elektrycznej w Polsce, gdzie dominującym źródłem energii jest węgiel. W niniejszej pracy uwzględniono cztery zmienne, które zostały opisane w Tabeli 3.

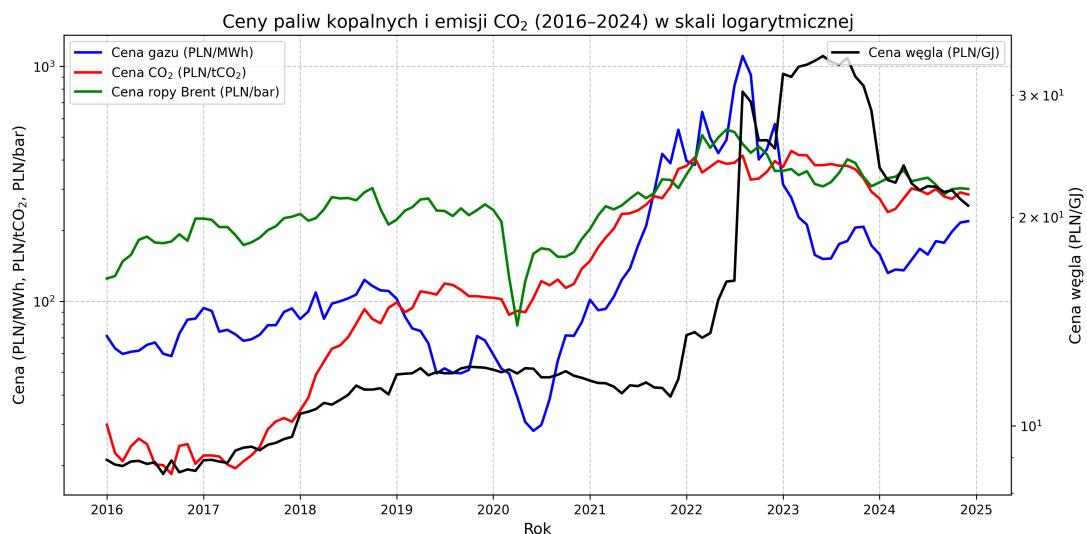
Nazwa zmiennej	Opis	Źródło danych	Granulacja
gas_price	Cena gazu ziemnego (PLN/MWh)	energy.instrat.pl	Dzienna
coal_price	Cena węgla kamiennego (PLN/GJ)	energy.instrat.pl	Dzienna
co2_price	Cena uprawnień do emisji CO ₂ (PLN/tCO ₂)	energy.instrat.pl	Dzienna
brent_price	Cena ropy Brent Europe (PLN/bar)	www.eia.gov	Dzienna

Tabela 3. Opis zmiennych dotyczących cen paliw kopalnych i emisji CO₂.

Dane te zostały dopasowane do godzinowego formatu danych RDN, w taki sposób, że w dniach pracy giełdy i znanych cen paliw, cena stale jest przypisana do godzin, a w dniach wolnych od pracy lub bez znanych cen, wartości są interpolowane.

Ceny paliw kopalnych i emisji CO₂ są istotne w kontekście prognozowania cen energii, ponieważ wpływają na koszty produkcji energii w elektrowniach konwencjonalnych, które dominują w polskim miksie energetycznym. Na przykład, wzrost ceny węgla (coal_price) lub uprawnień do emisji CO₂ (co2_price) zwiększa koszty produkcji energii w elektrowniach węglowych. Cena gazu (gas_price) jest kluczowa dla elektrowni gazowych, które pełnią rolę bilansującą w systemie. Cena ropy Brent (brent_price) ma mniejszy bezpośredni wpływ na produkcję energii w Polsce, ale jest istotna w kontekście globalnych trendów cen paliw, które mogą wpływać na inne zmienne, takie jak cena gazu.

Aby zilustrować dynamikę tych zmiennych, na rysunku poniżej przedstawiono zmiany cen paliw kopalnych i emisji CO₂ w latach 2016–2024 w ujęciu miesięcznym. Dla lepszego przedstawienia danych użyłem skali logarytmicznej.



Rysunek 13. Ceny paliw kopalnych i emisji CO₂ w latach 2016–2024 (w ujęciu miesięcznym). Źródło: Opracowanie własne na podstawie danych rynkowych.

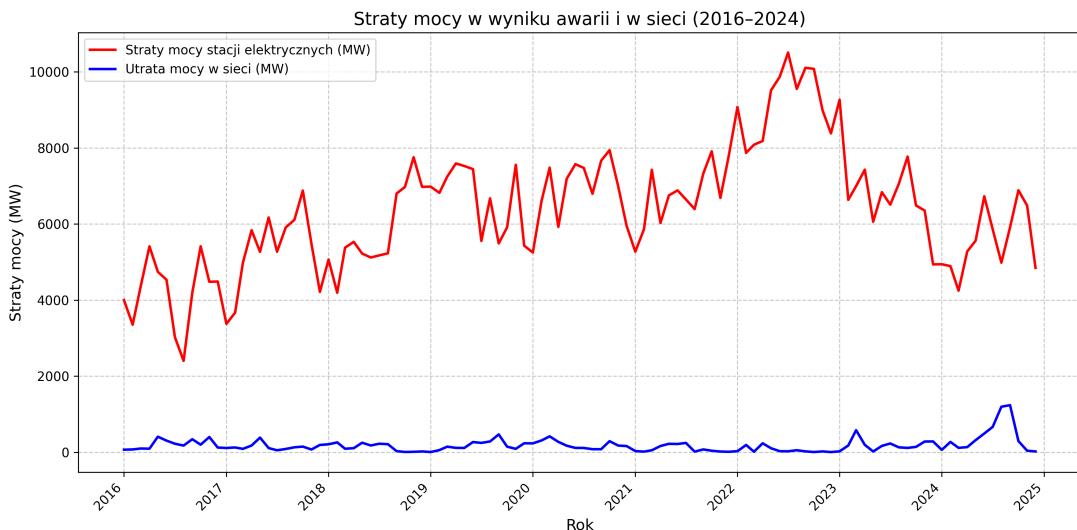
Ceny paliw kopalnych w okresie wysokiej zmienności szybko rosną, co prawdopodobnie jest przyczyną rosnących cen energii. Największy wzrost ma cena gazu, która od rozpoczęcia konfliktu zbrojnego wzrosła ponad 10-krotnie w ciągu roku.

3.3.5 Straty mocy w systemie elektroenergetycznym

Zmienne dotyczące strat mocy w systemie elektroenergetycznym odgrywają istotną rolę w analizie cen energii na Rynku Dnia Następnego (RDN), ponieważ wpływają na dostępność energii w systemie oraz koszty jej przesyłu i dystrybucji. W niniejszej pracy uwzględniono następujące dane zbierane przez systemy PSE: power_loss (utrata mocy w wyniku awarii w MW) oraz network_loss (utrata mocy w sieci w MW). Udostępnione dane mają granulację godzinową.

Straty mocy w systemie elektroenergetycznym są kluczowe w kontekście prognozowania cen energii, ponieważ zmniejszają ilość energii dostępnej dla odbiorców, co może prowadzić do wzrostu cen na RDN oraz Rynek Bilansujący (RB). Utrata mocy w wyniku awarii

Aby zilustrować dynamikę tych zmiennych, na rysunku 14 przedstawiono zmiany strat mocy w wyniku awarii (`power_loss`) oraz strat mocy w sieci (`network_loss`) w latach 2016–2024 w ujęciu miesięcznym.



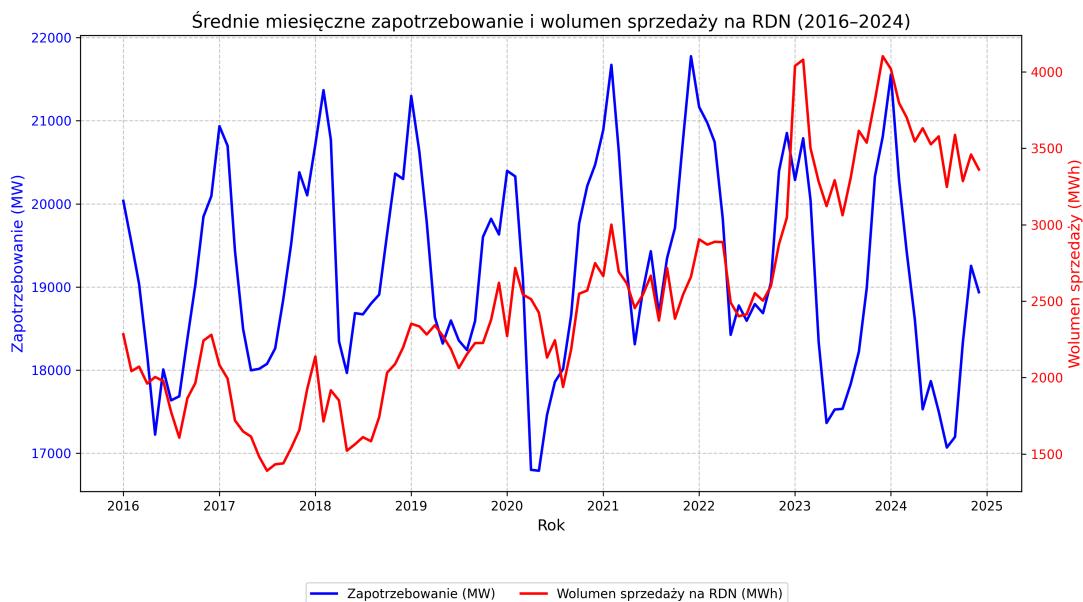
Rysunek 14. Straty mocy w wyniku awarii i w sieci w latach 2016–2024 (w ujęciu miesięcznym). Źródło: Opracowanie własne na podstawie danych z PSE.

Straty sieciowe na wykresie po 06.2024 są większe od poprzednich. Wynika to ze zmiany metodyki obliczania strat sieciowych przez PSE. Niemniej jednak straty mocy są znaczące, ale wynikają prawdopodobnie z tego, że nie wszystkie jednostki tworzące pracują w danym momencie lub z ograniczonej ich eksploatacji.

3.3.6 Zapotrzebowanie na energię i wolumen handlu

Zmienne dotyczące zapotrzebowania na energię i wolumenu handlu są kluczowe w analizie cen energii na Rynku Dnia Następnego (RDN), ponieważ mają bezpośredni wpływ na równowagę między podażą a popytem, co jest podstawowym czynnikiem kształtującym ceny energii. W niniejszej pracy uwzględniono następujące zmienne: `load` (zapotrzebowanie na energię w MWh) oraz `trade_volume` (wolumen handlu w MWh). Obie zmienne pochodzą z Polskich Sieci Elektroenergetycznych (PSE) i są dostępne w granulacji godzinowej.

Poniżej na wspólnym wykresie przedstawię różnice pomiędzy zapotrzebowaniem a wolumenem handlu.



Rysunek 15. Zapotrzebowanie na energię i wolumen handlu w latach 2016–2024 (w ujęciu miesięcznym). Źródło: Opracowanie własne na podstawie danych z PSE.

Rozbieżność między zapotrzebowaniem a wolumenem sprzedaży na RDN ma swój powód. Wolumen sprzedaży na RDN zwykle nie przekracza 5000 MWh w porównaniu do zapotrzebowania na poziomie ponad 15 000 MWh wskazuje, że RDN pokrywa jedynie część % całkowitego zapotrzebowania. Pozostała część jest zaspokajana przez: (1) kontrakty bilateralne (OTC), (2) rynek bilansujący, na którym PSE kupuje energię w czasie rzeczywistym, (3) import energii z sąsiednich krajów, jak pokazano w podrozdziale 3.3.3 oraz innego rodzaju transakcje.

Wyraźnie widoczne są duże szczyty zapotrzebowania zapotrzebowania w okresie zimowym. Wynika to z zwiększonego zapotrzebowania na energię elektryczną w okresie grzewczym, co jest typowe dla klimatu Polski.

3.3.7 Inne zmienne

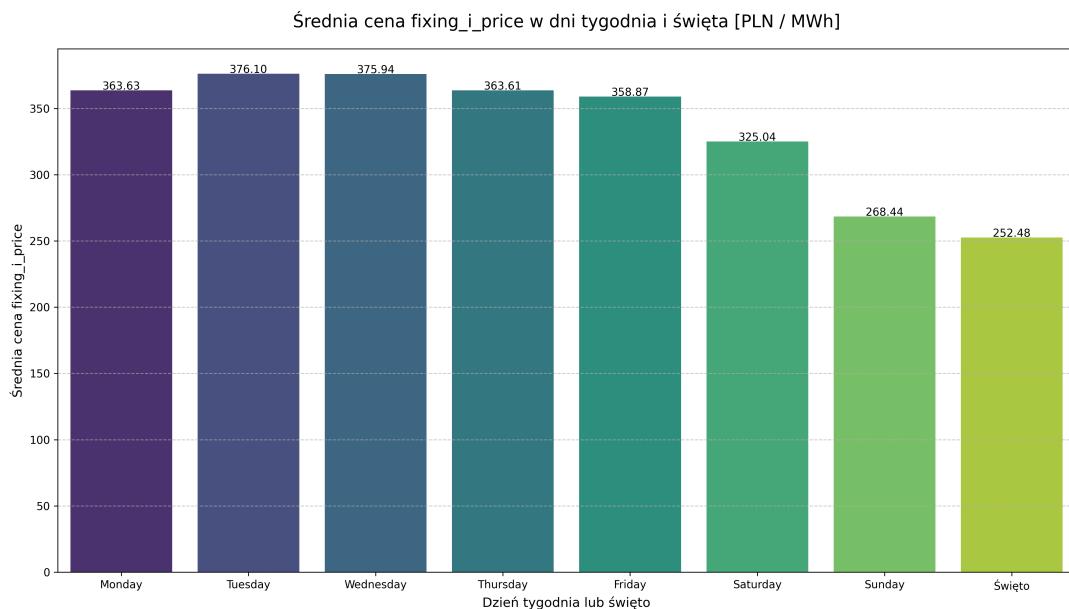
W swoim zbiorze danych uwzględnione zostały inne zmienne, które mogą mieć wpływ na ceny energii na RDN.

Zmienne sezonowe

Zmienne sezonowe, takie jak `day_of_week`, `month` i `is_holiday`, zostały wprowadzone do zbioru danych w celu uchwycenia cykliczności i wzorców sezonowych w cenach energii na Rynku Dnia Następnego. Zmienne te zostały wygenerowane na podstawie kolumny `timestamp`, co pozwoliło na ich integrację z pozostałymi danymi w formacie godzinowym.

Zmienna `month` reprezentuje miesiąc roku (1–12, gdzie 1 to styczeń, a 12 to grudzień). Na temat cykliczności miesięcznej wspomniałem wcześniej w podrozdziałach 3.3.4 i 3.3.6. Niemniej jednak,

wprowadzenie zmiennych `day_of_week` i `month` do modelu pozwala lepiej uchwycić cykliczność i sezonowość w cenach energii, na poszczególne godziny dnia o czym świadczy poniższy wykres korelacji.



Rysunek 16. Korelacja dni tygodnia z cenami energii na RDN.

Zmienna `day_of_week` reprezentuje dzień tygodnia (0–6, gdzie 0 to poniedziałek, a 6 to niedziela) i pozwala modelowi uwzględnić cykliczność tygodniową w cenach energii. Z wykresu wynika, że zapotrzebowanie na energię jest zazwyczaj wyższe w dni robocze, gdy działa przemysł i biura, a niższe w weekendy i święta, gdy aktywność gospodarcza jest mniejsza. Ta cykliczność przekłada się na ceny energii na RDN: w dni robocze ceny są zazwyczaj wyższe, szczególnie w godzinach szczytu. Wprowadzone zmienne sezonowe pozwalają modelowi lepiej uchwycić te wzorce, co jest istotne w zadaniu modelowania.

Ceny historyczne

Do wykresu Zmienne historyczne `fixing_i_price_lag24` i `fixing_i_price_lag168`, zostały wprowadzone do zbioru danych w celu uchwycenia autokorelacji w cenach energii na RDN. Zmienne te zostały wygenerowane na podstawie kolumny `fixing_i_price`, która reprezentuje cenę energii na RDN w danej godzinie (w PLN/MWh), poprzez przesunięcie wartości o odpowiednio dobę i tydzień.

Dla pierwszych rekordów w danych (pierwsze 24 godziny dla `fixing_i_price_lag24` i pierwsze 168 godzin dla `fixing_i_price_lag168`) brakujące wartości zostały skopiowane z ceny z tego dnia, z tego powodu pierwszy tydzień nie będzie analizowany jako zbiór testowy.

Wprowadzenie zmiennych historycznych do modelu pozwala lepiej uchwycić autokorelację i cykliczność w cenach energii, co jest kluczowe dla poprawy dokładności prognoz. Ceny historyczne są

Rozdział 3. Dane i zmienne

często jednymi z najważniejszych predyktorów w modelach prognozowania cen energii, szczególnie w modelach autoregresyjnych i modelach uczenia maszynowego.

Kurs wymiany PLN/USD

Zmienna pln_usd reprezentuje kurs wymiany złotego polskiego względem dolara amerykańskiego (USD/PLN) w danej godzinie. Dane te zostały pozyskane z oficjalnej strony Narodowego Banku Polskiego (NBP) w granulacji dziennej. W celu dopasowania danych do godzinowego formatu RDN, wartości kursu zostały przypisane do wszystkich godzin w danym dniu. W przypadku dni wolnych od pracy lub braku dostępnych danych, wartości kursu zostały interpolowane.

Rok	Średni kurs PLN/USD
2016	3.94
2017	3.78
2018	3.61
2019	3.84
2020	3.90
2021	3.86
2022	4.46
2023	4.20
2024	3.98

Tabela 4. Średni kurs wymiany PLN/USD w latach 2016–2024. Źródło: Opracowanie własne na podstawie danych NBP.

Kurs wymiany PLN/USD jest istotnym czynnikiem w kontekście prognozowania cen energii na RDN, ponieważ Polska importuje znaczną część paliw kopalnych, takich jak gaz ziemny i ropa naftowa, które są wyceniane w dolarach amerykańskich. Wzrost kursu PLN/USD (czyli osłabienie złotego względem dolara) zwiększa koszty importu tych paliw. Kurs polskiego złotego odzwierciedla też zmiany w gospodarce krajowej i globalnej. Próbując stabilizować kurs złotego, NBP zmienia politykę monetarną kraju, co może wpływać na ceny energii.

Rozdział 4

Eksploracja danych

Rozdział 5

Metodologia

W rozdziale tym przedstawiono metodologię przeprowadzonych badań. Rozdział składa się z dwóch sekcji. W pierwszej przedstawiono metodykę oceny jakości prognoz, a w drugiej omówiono metodykę prognozowania cen energii elektrycznej.

5.1 Ocena jakości prognoz

Ocena jakości modeli prognozowania cen energii elektrycznej jest kluczowym etapem analizy, ponieważ pozwala na porównanie skuteczności różnych podejść. W niniejszej pracy zastosowano następujące popularne metryki oceny: Mean Absolute Error (MAE), Root Mean Squared Error (RMSE), Mean Absolute Percentage Error (MAPE), Symmetric Mean Absolute Percentage Error (sMAPE) oraz R^2 . Wszystkie z tych metryk są omawiane w literaturze porównania skuteczności modeli [2]. W pracy prof. Werona [10] podano, że nie ma standardu obliczenia metryk EPF i wspomina o innych metrykach stosowanych przez innych autorów artykułów, między innymi wymieniono – Ważony Średni Błąd Bezwzględny (WMAE), średni błąd dzienny (MDE) i tygodniowy (MWE). Niemniej jednak, w tej pracy skupiono się na tych najszerzej stosowanych metrykach. Każda z tych metryk ma swoje zalety i ograniczenia, których omówienie jest przedstawione poniżej, wraz z ich matematycznymi definicjami i przykładami zastosowania w EPF.

5.1.1 Mean Absolute Error (MAE)

Mean Absolute Error jest jedną z najprostszych i najczęściej stosowanych metryk w prognozowaniu szeregów czasowych, w tym w EPF. MAE mierzy średnią wartość bezwzględnych błędów prognoz, co pozwala na ocenę dokładności modelu bez uwzględniania kierunku błędu (nad-lub niedoszacowania).

Matematyczna definicja MAE jest następująca:

$$\text{MAE} = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n |y_t - \hat{y}_t|$$

gdzie:

- y_t to rzeczywista cena energii w godzinie t ,
- \hat{y}_t to przewidywana cena energii w godzinie t ,
- n to liczba obserwacji w zbiorze testowym.

MAE jest wyrażane w tej samej jednostce co prognozowane wartości (w omawianym przypadku jest to PLN/MWh), co czyni je łatwym do interpretacji. Na przykład, jeśli MAE wynosi 10 PLN/MWh, oznacza to, że średni błąd prognozy wynosi 10 PLN na każdą megawatogodzinę.

Zalety MAE:

- Prosta interpretacja i obliczenia.
- Równomierne traktowanie wszystkich błędów, niezależnie od ich kierunku.

Ograniczenia MAE:

- Nie uwzględnia kwadratu błędów, przez co nie penalizuje większych odchyleń w sposób szczególny, co może być problematyczne w EPF, gdzie duże skoki cen (np. w godzinach szczytu) są istotne.

5.1.2 Root Mean Squared Error (RMSE)

Root Mean Squared Error (RMSE) jest kolejną popularną metryką w EPF, która uwzględnia kwadrat błędów, co powoduje większe uwzględnienie większych odchyleń między wartościami rzeczywistymi a przewidywanymi. RMSE jest szczególnie użyteczne w sytuacjach, gdzie duże błędy prognoz mogą mieć poważne konsekwencje ekonomiczne.

Definicja RMSE jest następująca:

$$\text{RMSE} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{t=1}^n (y_t - \hat{y}_t)^2}$$

gdzie:

- y_t , \hat{y}_t i n mają takie same znaczenie jak w MAE.

RMSE jest również wyrażane w jednostkach oryginalnych danych, co ułatwia interpretację. Na przykład, RMSE równe 15 PLN/MWh oznacza, że typowy błąd prognozy (w sensie średniego kwadratu) wynosi 15 PLN na megawatogodzinę.

Zalety RMSE:

- Większa wrażliwość na duże błędy, co jest istotne w EPF, gdzie skoki cen mogą być kosztowne.

Ograniczenia RMSE:

- Wrażliwość na wartości odstające – pojedyncze duże błędy mogą znaczco zawyżyć wartość RMSE.
- Mniej intuicyjne w interpretacji niż MAE, ponieważ kwadrat błędów zmienia skalę.

5.1.3 Mean Absolute Percentage Error (MAPE)

Mean Absolute Percentage Error (MAPE) jest metryką wyrażającą błąd prognozy jako procent rzeczywistej wartości, co czyni ją szczególnie użyteczną w porównaniach między różnymi zbiorami danych lub rynkami o różnych poziomach cen.

Definicja MAPE jest następująca:

$$\text{MAPE} = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n \left| \frac{y_t - \hat{y}_t}{y_t} \right| \times 100$$

gdzie:

- y_t , \hat{y}_t i n mają takie same znaczenie jak wcześniej.

MAPE jest wyrażane w procentach, co ułatwia interpretację. Na przykład, MAPE równe 5% oznacza, że średni błąd prognozy wynosi 5% rzeczywistej ceny. W kontekście RDN, jeśli cena energii wynosi 200 PLN/MWh, a MAPE wynosi 5%, średni błąd wynosi 10 PLN/MWh.

Zalety MAPE:

- Intuicyjna interpretacja w procentach, nie trzeba zastanawiać się nad jednostkami bądź kursami walutowymi.

Ograniczenia MAPE:

- Problemy z wartościami bliskimi zera – jeśli y_t jest bardzo małe, co jest możliwe w godzinach nocnych, dzielenie przez y_t prowadzi do bardzo dużych wartości procentowych, a nawet do błędu matematycznego (dzielenie przez zero).
- Asymetria – MAPE bardziej penalizuje niedoszacowania niż przeszacowania, co może prowadzić do nieobiektywnej oceny.

5.1.4 Symmetric Mean Absolute Percentage Error (sMAPE)

Symmetric Mean Absolute Percentage Error (sMAPE) jest zmodyfikowaną wersją MAPE, która rozwiązuje problem asymetrii i dzielenia przez zero. sMAPE uwzględnia zarówno rzeczywiste, jak i przewidywane wartości w mianowniku, co czyni ją bardziej stabilną w sytuacjach, gdy ceny energii są niskie.

Definicja sMAPE jest następująca:

$$\text{sMAPE} = \frac{1}{n} \sum_{t=1}^n \frac{|y_t - \hat{y}_t|}{(|y_t| + |\hat{y}_t|)/2} \times 100$$

gdzie:

- y_t , \hat{y}_t i n mają takie same znaczenie jak wcześniej.

Podobnie jak MAPE, sMAPE jest wyrażane w procentach. Na przykład, sMAPE równe 4% oznacza, że średni błąd symetryczny wynosi 4% średniej wartości rzeczywistej i przewidywanej ceny.

Zalety sMAPE:

- Rozwiązuje problem dzielenia przez zero, co jest istotne w EPF, gdzie ceny mogą być bliskie zera.
- Symetria – traktuje nad-i niedoszacowania w bardziej zrównoważony sposób niż MAPE.

Ograniczenia sMAPE:

- Nadal może być wrażliwe na skrajne wartości, choć w mniejszym stopniu niż MAPE.
- Interpretacja jest mniej intuicyjna niż w przypadku MAE czy RMSE, ponieważ uwzględnia zarówno y_t , jak i \hat{y}_t w mianowniku.

5.1.5 Współczynnik determinacji

Współczynnik determinacji, oznaczany jako R^2 , jest metryką powszechnie stosowaną w analizie regresji i prognozowaniu. R^2 mierzy, jak dobrze model wyjaśnia zmienność danych rzeczywistych, czyli jaki procent wariancji zmiennej zależnej jest wyjaśniony przez model progностyczny. Jest to metryka szczególnie użyteczna w ocenie modeli liniowych, ale znajduje zastosowanie również w bardziej złożonych modelach, w celu ogólnej oceny ich dopasowania do danych.

Definicja R^2 jest następująca:

$$R^2 = 1 - \frac{\sum_{t=1}^n (y_t - \hat{y}_t)^2}{\sum_{t=1}^n (y_t - \bar{y})^2}$$

gdzie:

- y_t , \hat{y}_t i n mają takie same znaczenie jak wcześniej,
- n to liczba obserwacji w zbiorze testowym.

Licznik w wyrażeniu $\sum_{t=1}^n (y_t - \hat{y}_t)^2$ to suma kwadratów reszt, czyli całkowity błąd modelu, natomiast mianownik $\sum_{t=1}^n (y_t - \bar{y})^2$ to całkowita suma kwadratów, czyli całkowita wariancja danych względem ich średniej. R^2 przyjmuje wartości w przedziale od 0 do 1, gdzie:

- $R^2 = 1$ oznacza, że model idealnie przewiduje wszystkie wartości (błąd wynosi 0),
- $R^2 = 0$ oznacza, że model nie wyjaśnia żadnej zmienności danych i jest równoważny prostemu modelowi średniej ($\hat{y}_t = \bar{y}$).

W kontekście EPF, na przykład na RDN, R^2 równe 0,85 oznaczałoby, że model wyjaśnia 85% zmienności cen energii.

Zalety R^2 :

- Intuicyjna interpretacja – R^2 jasno wskazuje, jaki procent zmienności danych jest wyjaśniony przez model.
- Bez jednostek – umożliwia porównanie modeli na różnych zbiorach danych, niezależnie od skali cen (np. PLN/MWh na RDN vs. EUR/MWh na EEX).

Ograniczenia R^2 :

- Wrażliwość na przeuczenie – R^2 może być zawyżone w modelach o dużej liczbie parametrów, szczególnie w przypadku małych zbiorów danych, co może prowadzić do mylnego wniosku o dobrym dopasowaniu modelu.

- Brak informacji o kierunku błędów – R^2 nie rozróżnia, czy model nad- czy niedoszacowuje wartości, co w EPF może być istotne z ekonomicznego punktu widzenia.

W niniejszej pracy R^2 zostanie wykorzystane jako dodatkowa metryka oceny, aby uzupełnić analizę opartą na MAE, RMSE, MAPE, sMAPE.

5.2 Wybrane metody prognozowania cen energii elektrycznej

Rozdział 6

Analiza danych

Rozdział 7

Podsumowanie wyników i wnioski

Bibliografia

- [1] Busby, J. W. i in., „Cascading risks: Understanding the 2021 winter blackout in Texas”, *Energy Research & Social Science*, s. 102106, 2021, ISSN: 2214-6296. DOI: <https://doi.org/10.1016/j.erss.2021.102106>. adr.: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S2214629621001997>.
- [2] Laitkos, V., Vontzos, G., Paraschoudis, P., Tsampasis, E., Bargiotas, D. i Tsoukalas, L. H., „The State of the Art Electricity Load and Price Forecasting for the Modern Wholesale Electricity Market”, *Energies*, t. 17, nr. 22, 2024, ISSN: 1996-1073. DOI: [10.3390/en17225797](https://doi.org/10.3390/en17225797). adr.: <https://www.mdpi.com/1996-1073/17/22/5797>.
- [3] Marcjasz, G., „Forecasting Electricity Prices Using Deep Neural Networks: A Robust Hyper-Parameter Selection Scheme”, *Energies*, t. 13, nr. 18, 2020, ISSN: 1996-1073. DOI: [10.3390/en13184605](https://doi.org/10.3390/en13184605). adr.: <https://www.mdpi.com/1996-1073/13/18/4605>.
- [4] Mikołaj Kalisz, A. M., „Uczenie ciągłe w modelowaniu cen energii elektrycznej”, prac. mag., Politechnika Warszawska, Mechatroniki, 2025.
- [5] Openmeteo, *Prognozy pogody*, <https://open-meteo.com>, Accessed: 2025-04-09, 2025.
- [6] Poggi, A., Di Persio, L. i Ehrhardt, M., „Electricity Price Forecasting via Statistical and Deep Learning Approaches: The German Case”, *AppliedMath*, t. 3, nr. 2, s. 316–342, 2023, ISSN: 2673-9909. DOI: [10.3390/appliedmath3020018](https://doi.org/10.3390/appliedmath3020018). adr.: <https://www.mdpi.com/2673-9909/3/2/18>.
- [7] PSE, *Dane systemowe*, <https://www.pse.pl/dane-systemowe>, Accessed: 2025-04-09, 2024.
- [8] PSE, *Raporty historyczne*, <https://raporty.pse.pl>, Accessed: 2025-04-09, 2025.
- [9] Tan, Z., Zhang, J., Wang, J. i Xu, J., „Day-ahead electricity price forecasting using wavelet transform combined with ARIMA and GARCH models”, *Applied Energy*, t. 87, nr. 11, s. 3606–3610, 2010, ISSN: 0306-2619. DOI: <https://doi.org/10.1016/j.apenergy.2010.05.012>. adr.: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0306261910001807>.
- [10] Weron, R., „Electricity price forecasting: A review of the state-of-the-art with a look into the future”, *International Journal of Forecasting*, t. 30, nr. 4, s. 1030–1081, 2014, ISSN: 0169-2070. DOI: <https://doi.org/10.1016/j.ijforecast.2014.08.008>. adr.: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0169207014001083>.

Bibliografia

- [11] Zhang, J., Tan, Z. i Yang, S., „Day-ahead electricity price forecasting by a new hybrid method”, *Computers & Industrial Engineering*, t. 63, nr. 3, s. 695–701, 2012, Energy Management and Economics, ISSN: 0360-8352. DOI: <https://doi.org/10.1016/j.cie.2012.03.016>. adr.: <https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S036083521200085X>.

Wykaz skrótów i symboli

OZE Odnawialne Źródła Energii 9

PSE Polskie Sieci Elektroenergetyczne 15

RB Rynek Bilansujący 27

RDN Rynek Dnia Następnego 9

Spis rysunków

1	Zmienna cen energii elektrycznej na RDN w latach 2016–2024	16
2	Histogram rozkładu zmiennej fixing_i_price	17
3	Zmienna temperatury w czasie (2016–2024)	19
4	Zmienna prędkości wiatru w czasie (2016–2024)	19
5	Zmienna promieniowania słonecznego w czasie (2016–2024)	20
6	Zmienna zachmurzenia w czasie (2016–2024)	20
7	Zmienna temperatury w czasie (2022)	21
8	Zmienna prędkości wiatru w czasie (2022)	21
9	Zmienna promieniowania słonecznego w czasie (2022)	22
10	Zmienna zachmurzenia w czasie (2022)	22
11	Zmienna produkcji energii z różnych źródeł w czasie (2016–2024)	23
12	Porównanie produkcji energii z emisyjnych i bezemisyjnych źródeł w 2024 roku	24
13	Ceny paliw kopalnych i emisji CO ₂ w latach 2016–2024 (w ujęciu miesięcznym). Źródło: Opracowanie własne na podstawie danych rynkowych.	26
14	Straty mocy w wyniku awarii i w sieci w latach 2016–2024 (w ujęciu miesięcznym). Źródło: Opracowanie własne na podstawie danych z PSE.	27
15	Zapotrzebowanie na energię i wolumen handlu w latach 2016–2024 (w ujęciu miesięcznym). Źródło: Opracowanie własne na podstawie danych z PSE.	28
16	Korelacja dni tygodnia z cenami energii na RDN.	29

Spis tabel

1	Podstawowe statystyki zmiennej fixing_i_price	16
2	Średni bilans wymiany energii z sąsiadami w latach 2016–2024	25
3	Opis zmiennych dotyczących cen paliw kopalnych i emisji CO ₂	25
4	Średni kurs wymiany PLN/USD w latach 2016–2024. Źródło: Opracowanie własne na podstawie danych NBP.	30

Spis załączników