ROZWIAZANIE WYGENEROWANE PRZEZ CHAT GPT

- 7. Ciało o masie m = 2 kg porusza się wzdłuż prostej z prędkością v zależną od czasu t w następujący sposób: v(t) = 2t + 1. Oblicz:
 - a) Położenie ciała jako funkcję czasu zakładając, że w chwili t = 0 ciało było na początku układu odniesienia,
 - b) Siłę wypadkową działającą na ciało,
 - c) Pracę jaką wykonała ta siła od chwili $t_1 = 1$ s do chwili $t_2 = 3$ s.

Dane wejściowe:

$$m = 2 \text{ kg},$$
$$v(t) = 2t + 1.$$

a) Położenie ciała jako funkcja czasu:

Aby znaleźć położenie s(t), całkujemy predkość v(t):

$$s(t) = \int v(t) dt = \int (2t+1) dt.$$

Przekształcenie wzoru:

$$s(t) = \int (2t+1) dt = \int 2t dt + \int 1 dt = t^2 + t + C.$$

Zakładajac, że w chwili t = 0, s(0) = 0, łatwo znajdujemy stała C:

$$s(0) = 0^2 + 0 + C = 0 \implies C = 0.$$

$$s(t) = t^2 + t.$$

b) Siła wypadkowa działajaca na ciało:

Siła F(t) jest pochodna pedu. Ped to $p(t) = m \cdot v(t)$, a siła to pochodna pedu po czasie:

$$F(t) = \frac{d}{dt}(m \cdot v(t)).$$

Przekształcenie wzoru:

$$F(t) = \frac{d}{dt}(2 \cdot (2t+1)) = \frac{d}{dt}(4t+2) = 4.$$

c) Praca wykonana przez te siłe od $t_1 = 1$ s do $t_2 = 3$ s:

Prace W można obliczyć jako:

$$W = \int_{t_1}^{t_2} F(t) \cdot v(t) \, dt.$$

Podstawienie danych i przeliczenie krok po kroku:

$$W = \int_{1}^{3} 4 \cdot (2t+1) dt = \int_{1}^{3} (8t+4) dt.$$

$$W = \left[4t^2 + 4t\right]_{1}^{3}$$
.

$$W = (4 \cdot 3^2 + 4 \cdot 3) - (4 \cdot 1^2 + 4 \cdot 1).$$

$$W = (36 + 12) - (4 + 4) = 48 - 8 = 40 \text{ J}.$$

Wynik końcowy:

- a) $s(t) = t^2 + t$
- b) $F(t) = 4 \,\text{N}$
- c) $\mathbf{W} = \mathbf{40}\,\mathrm{J}$