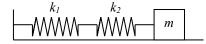
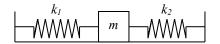
1. Do nitki o długości 1 m umocowano masę 20 g. Tak przygotowane wahadło matematyczne odchylono z położenia równowagi o 10 cm i puszczono swobodnie. W ciągu 10 sekund wahadło znalazło się w punkcie "startu" jeszcze 5 razy.

- a) Jaka jest częstotliwość ruchu tego wahadła?
- b) Oblicz prędkość średnią wahadła w czasie jednego okresu.
- c) W którym miejscu będzie znajdowało się wahadło po 5 sekundach?
- d) Jak zmieni się okres drgań po zamianie obciążenia na masę 40 g?
- 2. Ciało o masie m = 1,5 kg porusza się ruchem harmonicznym o okresie T = 2 s i amplitudzie A = 4 cm. Obliczyć:
  - a) prędkość ciała w połowie drogi między położeniem równowagi a maksymalnym wychyleniem,
  - b) maksymalną wartość siły sprężystości,
  - c) całkowitą energię mechaniczną ruchu.
  - d) czas po którym energia potencjalna ciała będzie równa energii kinetycznej przy warunkach początkowych: X(t=0) = A.
- 3. Masa m jest przyczepiona do dwóch sprężyn o stałych sprężystości  $k_1$  i  $k_2$  (patrz rysunki). W obu przypadkach zostaje ona wychylona z położenia równowagi i puszczona; porusza się bez tarcia. Pokazać,

że wykonuje ona ruch harmoniczny prosty o okresach odpowiednio  $T_A = 2\pi \sqrt{\frac{m(k_1 + k_2)}{k_1 k_2}}$  i  $T_B = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k_1 + k_2}}$ .





**4.** Ciało o masie m zawieszone na sprężynie wykonuje drgania harmoniczne nietłumione. W chwili t = 0 wychylenie wynosi  $x_1$ . Maksymalna prędkość ciała w czasie ruchu wynosi  $v_m$ , maksymalne przyspieszenie  $a_m$ .

Obliczyć:

- a) okres drgań
- b) amplitude drgań
- c) współczynnik sprężystości sprężyny.
- **5.** W kabinie windy wisi wahadło. Gdy kabina porusza się ze stałym przyspieszeniem skierowanym do Ziemi, okres drgań wynosi T<sub>1</sub> = 1s, gdy porusza się ze stałą prędkością to okres T<sub>2</sub> = 0,3 s. Określić przyspieszenie kabiny.
- **6.** Na szalce wagi sprężynowej zatrzymuje się spadający z wysokości h ciężarek o masie m wskutek czego szalka wraz z ciężarkiem zaczyna drgać ruchem harmonicznym. Dany jest współczynnik sprężystości k, masę sprężyny i szalki pominąć. Obliczyć amplitudę drgań.
- 7. Cienki pręt o masie m i długości L może się swobodnie obracać wokół osi prostopadłej do pręta, znajdującej się w odległości L/4 od jego końca. Pręt wychylono o niewielki kąt  $\theta_0$  z położenia równowagi i puszczono swobodnie.
  - a) Wyprowadź różniczkowe równanie ruchu tego wahadła fizycznego oraz jego rozwiązanie.
  - b) Oblicz okres drgań tego wahadła.