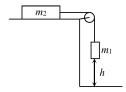
ROZWIAZANIE WYGENEROWANE PRZEZ CHAT GPT

3. Dwa ciała o masach $m_1 = 1$ kg i $m_2 = 2$ kg są połączone jak na rysunku 1. Korzystając z zasady zachowania energii, oblicz prędkość tych ciał w chwili gdy masa m_1 opuści się z wysokości h = 2 m na ziemię. Rozważyć dwa przypadki: 1) ciało m_2 porusza się bez tarcia, 2) ciało m_2 porusza się z tarciem, przy czym współczynnik tarcia wynosi μ = 0.1.



"latex article amsmath

Dane wejściowe

$$\begin{split} m_1 &= 1\,\mathrm{kg},\\ m_2 &= 2\,\mathrm{kg},\\ h &= 2\,\mathrm{m},\\ g &= 9.81\,\mathrm{m/s}^2,\\ \mu &= 0.1\,\mathrm{(w~przypadku~gdy~jest~tarcie)}. \end{split}$$

Przypadek 1: Bez tarcia

Ogólny wzór

Zasada zachowania energii:

$$m_1 g h = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) v^2$$

Przekształcenie wzoru

$$v^2 = \frac{2m_1gh}{m_1 + m_2}$$

Podstawienie danych

$$v^2 = \frac{2 \cdot 1 \cdot 9.81 \cdot 2}{1 + 2}$$

Przeliczenie krok po kroku

$$v^{2} = \frac{39.24}{3}$$
 $v^{2} = 13.08$
 $v = \sqrt{13.08}$
 $v \approx 3.62 \,\mathrm{m/s}$

$$v \approx 3.62 \,\mathrm{m/s}$$

Przypadek 2: Z tarciem

Ogólny wzór

Energia tracona na tarcie:

 $f=\mu m_2 g,$ a praca tracona na tarcie dla przesuniecia h to $W_f=f\cdot h$

Zasada zachowania energii z uwzglednieniem pracy tarcia:

$$m_1gh - W_f = \frac{1}{2}(m_1 + m_2)v^2$$

Przekształcenie wzoru

$$v^2 = \frac{2(m_1gh - \mu m_2gh)}{m_1 + m_2}$$

Podstawienie danych

$$v^2 = \frac{2(1 \cdot 9.81 \cdot 2 - 0.1 \cdot 2 \cdot 9.81 \cdot 2)}{1 + 2}$$

Przeliczenie krok po kroku

$$\begin{split} W_f &= 0.1 \cdot 2 \cdot 9.81 \cdot 2 = 3.924 \\ v^2 &= \frac{2(19.62 - 3.924)}{3} \\ v^2 &= \frac{2 \cdot 15.696}{3} \\ v^2 &= \frac{31.392}{3} \\ v^2 &= 10.464 \\ v &= \sqrt{10.464} \\ v &\approx 3.24 \, \mathrm{m/s} \end{split}$$

Wynik końcowy

$$v \approx 3.24 \,\mathrm{m/s}$$