

Zestaw 10

1. Wskaż $a \in \mathbb{Z}$ takie, że

$$[(a)]a \equiv 4 \pmod{6}, \quad a \equiv 5 \pmod{35}, \quad 4a \equiv 1 \pmod{31}, \quad 2a \equiv 6 \pmod{13}.$$

2. Wykorzystując algorytm Euklidesa, znajdź element odwrotny do k w \mathbb{Z}_n , gdzie:

$$[(a)]n = 42, k = 8, \quad n = 43, k = 8, \quad n = 73, k = 14, \quad n = 83, k = 11.$$

3. Oblicz wartość funkcji Eulera dla następujących liczb:
17, 49, 210, 2^8 , $73 \cdot 79$, $47 \cdot 5$.

4. Wykonaj podane potęgowania w \mathbb{Z}_n :

$$[(a)]5^{16}, \quad n = 17, \quad 4^{120}, \quad n = 11 \cdot 13, \quad 2^{10}, \quad n = 5, \quad 12^7, \quad n = 7.$$

5. Znajdź rozwiązania równań:

$$[(a)]x^2 \equiv 2 \pmod{7}, \quad x^2 \equiv 6 \pmod{19}.$$

6. Stosując metodę RSA dla podanych p i q , zaszyfruj l i odszyfruj m .

$$\begin{aligned} &[(a)]p = 5, q = 3, e = 7, l_1 = 10, l_2 = 7 \text{ (odp.: } m_1 = 10, m_2 = 13), \\ &p = 17, q = 5, e = 13, l_1 = 27, l_2 = 14, l_3 = 32 \text{ (odp.: } m_1 = 62, \\ &m_2 = 39, m_3 = 2), p = 11, q = 23, e = 17, l_1 = 16, l_2 = 8, l_3 = 32 \\ &\text{(odp.: } m_1 = 234, m_2 = 13, m_3 = 164), p = 11, q = 23, e = 31, \\ &l_1 = 234, l_2 = 13, l_3 = 164 \text{ (odp.: } m_1 = 36, m_2 = 233, m_3 = 87). \end{aligned}$$