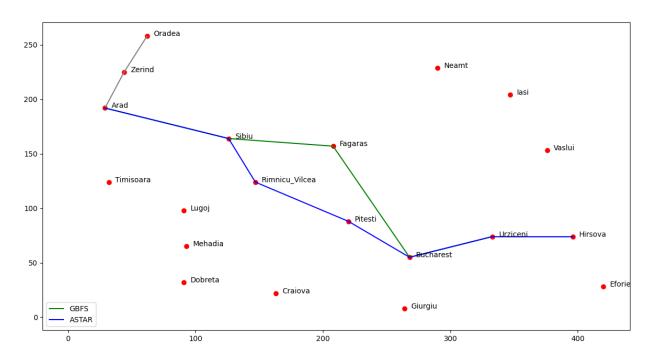
Họ tên: Đinh Xuân Khang

MSSV: 22280042

BÁO CÁO THỰC HÀNH TUẦN 3

Chương trình:

Đoạn code đã cho chạy không báo lỗi nhưng khi xuất hình thì không ra đường đi nối giữa các đỉnh như dưới.



Chỉnh sửa lại hàm drawMap:

Hàm cũ:

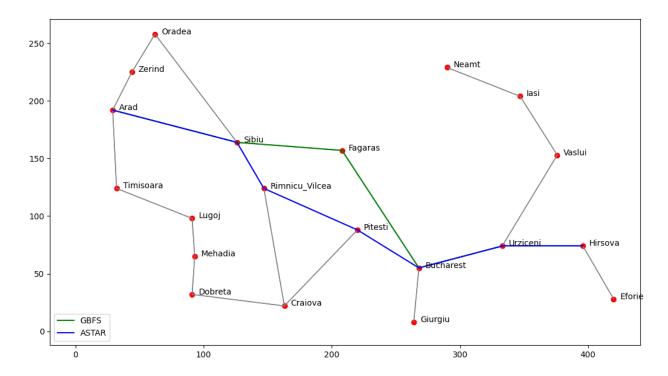
```
def drawMap(city, gbfs, astar, graph):
    # Vē các thành phố và tên
    for i, j in city.items():
        plt.plot(j[0], j[1], "ro")
        plt.annotate(i, (j[0] + 5, j[1]))

# Vẽ các cạnh nối giữa các thành phố
    for k in graph[i]:
        n = city[k[0]]
```

```
plt.plot([j[0], n[0]], [j[1], n[1]], "gray")
    for i in range(len(gbfs)):
        try:
            first = city[gbfs[i]]
            second = city[gbfs[i + 1]]
               plt.plot([first[0], second[0]], [first[1], second[1]],
"green")
        except:
            continue
    for i in range(len(astar)):
        try:
            first = city[astar[i]]
            second = city[astar[i + 1]]
           plt.plot([first[0], second[0]], [first[1], second[1]], "blue")
        except:
            continue
    plt.errorbar(1, 1, label="GBFS", color="green")
    plt.errorbar(1, 1, label="ASTAR", color="blue")
    plt.legend(loc="lower left")
    plt.show()
Hàm mới:
def drawMap(city, gbfs, astar, graph):
    # Vẽ các thành phố và tên
    for i, j in city.items():
        plt.plot(j[0], j[1], "ro")
        plt.annotate(i, (j[0] + 5, j[1]))
    # Vẽ các cạnh nối giữa các thành phố
    for city_name, connections in graph.items():
        start city coords = city[city name]
        for connected_city, _ in connections:
            end city coords = city[connected city]
            plt.plot([start city coords[0], end city coords[0]],
                     [start_city_coords[1], end_city_coords[1]],
                    color="gray", linewidth=1) # Vē đường nối giữa các
thành phố
    for i in range(len(gbfs)):
```

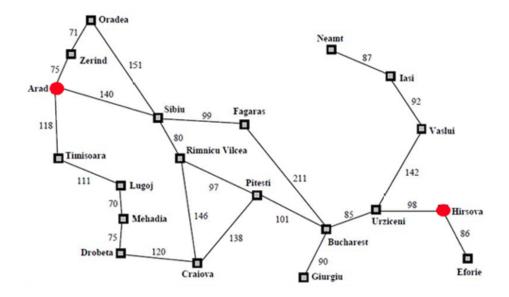
```
try:
            first = city[gbfs[i]]
            second = city[gbfs[i + 1]]
               plt.plot([first[0], second[0]], [first[1], second[1]],
"green")
        except:
            continue
   for i in range(len(astar)):
        try:
            first = city[astar[i]]
            second = city[astar[i + 1]]
          plt.plot([first[0], second[0]], [first[1], second[1]], "blue")
        except:
            continue
   plt.errorbar(1, 1, label="GBFS", color="green")
   plt.errorbar(1, 1, label="ASTAR", color="blue")
   plt.legend(loc="lower left")
   plt.show()
```

Kết quả:



Chạy tay thuật toán Greedy – Best – Fisrt Search để tìm đường đi từ Arad tới Hirsova:

h(Arad) = 366	h(Hirsova) = 0	h(Rimnicu Vilcea) = 193
h(Bucharest) = 20	h(Iasi) = 226	h(Sibiu) = 253
h(Craiova)= 160	h(Lugoj) = 244	h(Timisoara)=329
h(Drobeta) = 242	h(Mehadia)=241	h(Urziceni) = 10
h(Eforie) = 161	h(Neamt) = 234	h(Vaslui) = 199
h(Fagaras) = 176	h(Oradea) = 380	h(Zerind) = 374
h(Giurgiu) = 77	h(Pitesti) = 100	



1.
$$PQ = \{(366, Arad)\}$$

Từ Arad mở rộng ra 3 đỉnh Zerind, Sibiu, Timisoara.

2. Node = Arad,
$$PQ = \{(374, Zerind), (253, Sibiu), (329, Timisoara)\}.$$

Chọn Sibiu vì h(Sibiu) nhỏ nhất. Từ Sibiu mở rộng ra Fagaras, Rimnicu Vilcea, Oradea.

3. Node = Sibiu,
$$PQ = \{(176, Fagaras), (193, Rimicu Vilcea), (380, Oradea)\}.$$

Chọn Fagaras vì h(Fagaras) nhỏ nhất. Từ Fagaras mở rộng ra Bucharest.

Chọn Bucharest là h(Bucharest) nhỏ nhất. Từ Bucharest mở rộng ra Giurgiu, Urziceni.

- 5. Node = Bucharest, PQ = {(77, Giurgiu), (10, Urziceni)}. Visited = [Bucharest] Chon Urziceni vì h(Urziceni) nhỏ nhất. Từ Urziceni mở rộng ra Vaslui, Hirsova.
 - 6. Node = Urziceni, PQ = {(199, Vaslui), (0, Hirsova)}. Visited = [Urziceni]

Chọn Hirsova vì h(Hirsova) nhỏ nhất và cũng là điểm đích của bài toán.

Vậy đường đi từ Arad tới Hirsova theo thuật toán **Greedy-Best-First Search** là Arad → Sibiu → Fagaras → Bucharest → Urziceni → Hirsova.

Tiếp tục phần chạy tay thuật toán A* Search để tìm đường từ Arad tới Hirsova:

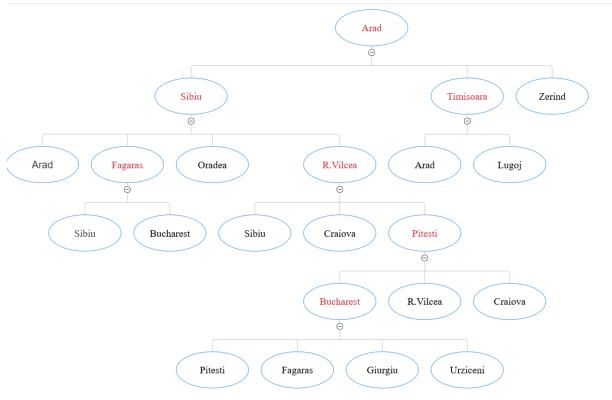
1. T_{max} = Timisoara

Đưa Timisoara từ OPEN vào CLOSE.

Từ Timisoara mở rộng ra Arad, Lugoj.

- h(Arad) = 366
 g(Arad) = g(Timisoara) + cost(Timisoara, Arad) = 118 + 118 = 336
 f(Arad) = h(Arad) + g(Arad) = 366 + 336 = 702
- h(Lugoj) = 244
 g(Lugoj) = g(Timisoara) + cost(Timisoara, Lugoj) = 118 + 111 = 229
 f(Lugoj) = h(Lugoj) + g(Lugoj) = 244 + 229 = 473

Arad đã có trong CLOSE và g(Arad) mới lớn hơn g(Arad) cũ nên không cập nhật giá trị g và f của Arad. Lugoj không có trong OPEN lẫn CLOSE nên thêm Lugoj vào OPEN.



OPEN =
$$\{(Zerind, g = 75, h = 374, f = 449, Cha = Arad),$$

(Oradea,
$$g = 291$$
, $h = 380$, $f = 617$, Cha = Sibiu),

(Craiova,
$$g = 366$$
, $h = 160$, $f = 526$, Cha = R. Vilcea),

(Giurgiu,
$$g = 508$$
, $h = 77$, $f = 585$, Cha = Bucharest),

(Urziceni,
$$g = 503$$
, $h = 10$, $f = 513$, Cha = Bucharest),

(Lugoj,
$$h = 229$$
, $h = 244$, $f = 473$, Cha = Arad)}

CLOSE =
$$\{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0),$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R. Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R.Vilcea),

(Bucharest,
$$g = 418$$
, $h = 20$, $f = 438$, Cha = Pitesti),

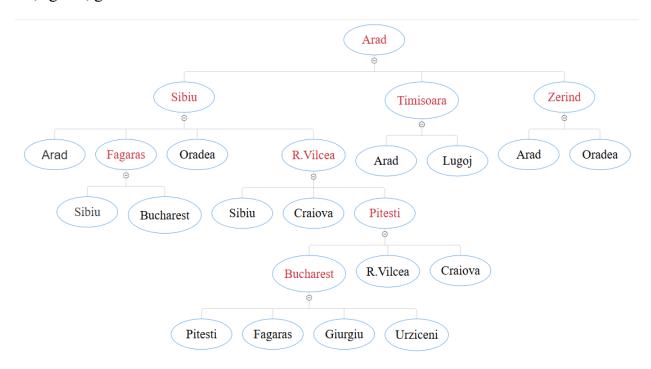
(Timisoara,
$$g = 118$$
, $g = 329$, $f = 447$, Cha = Arad)}

2.
$$T_{max} = Zerind$$

Đưa Zerind từ OPEN vào CLOSE.

Từ Zerind mở rộng ra Arad, Oradea.

Arad đã có trong CLOSE và g(Arad) mới lớn hơn g(Arad) cũ nên không cập nhật giá trị g và f của Arad. Oradea đã có trong OPEN và g(Oradea) mới nhỏ hơn g(Oradea) cũ nên cập nhật giá trị g và f của nó.



OPEN = $\{(\text{Oradea}, g = 146, h = 380, f = 526, \text{Cha} = \text{Sibiu}), \}$

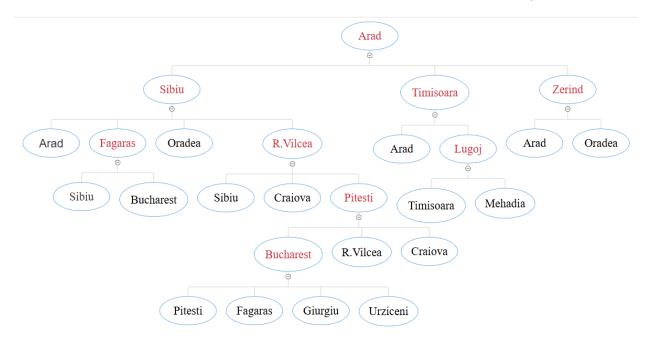
Đưa Lugoj từ OPEN vào CLOSE.

3. $T_{max} = Lugoj$

Từ Lugoj mở rộng ra Timisoara, Mehadia

- h(Timisoara) = 329
 g(Timisoara) = g(Lugoj) + cost(Lugoj, Timisoara) = 229 + 111 = 340
 f(Timisoara) = h(Timisoara) + g(Timisoara) = 329 + 340 = 669
- h(Mehadia) = 241
 g(Mehadia) = g(Lugoj) + cost(Lugoj, Mehadia) = 229 + 70 = 299
 f(Mehadia) = h(Mehadia) + g(Mehadia) = 241 + 299 = 540

Timisoara đã có trong CLOSE và g(Timisoara) mới lớn hơn g(Timisoara) cũ nên không cập nhật giá trị g và f của Timisoara. Mehadia không có trong cả OPEN lẫn CLOSE nên thêm vào OPEN.



OPEN =
$$\{(\text{Oradea, g} = 146, h = 380, f = 526, \text{Cha} = \text{Sibiu}), \}$$

(Craiova,
$$g = 366$$
, $h = 160$, $f = 526$, Cha = R. Vilcea),

(Giurgiu,
$$g = 508$$
, $h = 77$, $f = 585$, Cha = Bucharest),

(Urziceni,
$$g = 503$$
, $h = 10$, $f = 513$, Cha = Bucharest),

(Mehadia,
$$g = 299$$
, $h = 241$, $f = 540$, Cha = Lugoj)}

CLOSE =
$$\{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0),$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R. Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R. Vilcea),

(Bucharest,
$$g = 418$$
, $h = 20$, $f = 438$, Cha = Pitesti),

(Timisoara,
$$g = 118$$
, $g = 329$, $f = 447$, Cha = Arad),

(Zerind,
$$g = 75$$
, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad),

(Lugoj,
$$g = 229$$
, $h = 244$, $f = 473$, Cha = Timisoara)}

4. T_{max} = Urziceni

Đưa Urziceni từ OPEN vào CLOSE.

Từ Urziceni mở rộng ra Bucharest, Vaslui, Hirsova.

- h(Bucharest) = 20
 g(Bucharest) = g(Urziceni) + cost(Urziceni, Bucharest) = 503 + 85 = 588
 f(Bucharest) = h(Bucharest) + g(Bucharest) = 20 + 588 = 608
- h(Vaslui) = 199
 g(Vaslui) = g(Urziceni) + cost(Urziceni, Vaslui) = 503 + 142 = 645
 f(Vaslui) = h(Vaslui) + g(Vaslui) = 199 + 645 = 844
- h(Hirsova) = 0
 g(Hirsova) = g(Urziceni) + cost(Urziceni, Hirsova) = 503 + 98 = 601
 f(Hirsova) = h(Hirsova) + g(Hirsova) = 601

Do Bucharest đã có trong CLOSE và g(Bucharest) mới lớn hơn g(Bucharest) cũ nên không cập nhật. Vaslui và Hirsova không có trong OPEN lẫn CLOSE nên thêm vào OPEN.

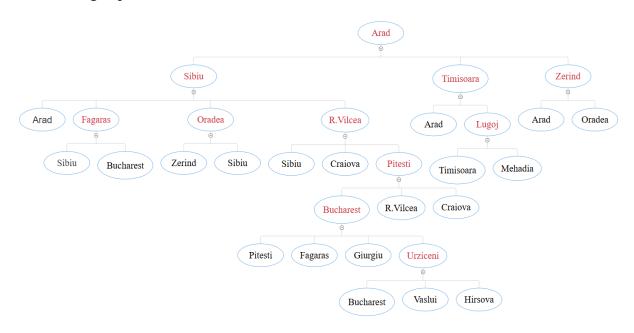


Đưa Oradea từ OPEN vào CLOSE.

5. T_{max} = Oradea

Từ Oradea mở rộng ra Zerind, Sibiu.

Do Zerind, Sibiu đã có trong CLOSE và g(Zerind), g(Sibiu) mới lớn hơn g(Zerind), g(Sibiu) cũ nên không cập nhật.



OPEN =
$$\{(Craiova, g = 366, h = 160, f = 526, Cha = R.Vilcea), \}$$

(Giurgiu,
$$g = 508$$
, $h = 77$, $f = 585$, Cha = Bucharest),

(Mehadia,
$$g = 299$$
, $h = 241$, $f = 540$, Cha = Lugoj),

(Vaslui,
$$g = 645$$
, $h = 199$, $f = 844$, Cha = Urziceni),

(Hirsova,
$$g = 601$$
, $h = 0$, $f = 601$, Cha = Urziceni)}

CLOSE =
$$\{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0),$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R.Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R.Vilcea),

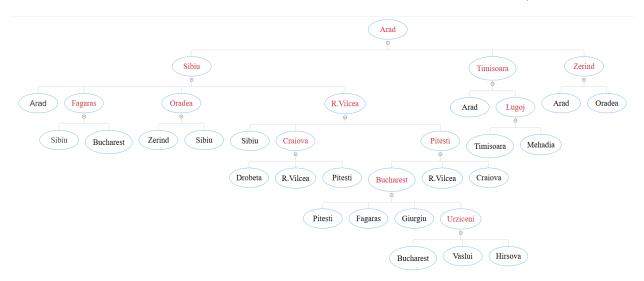
(Bucharest, g = 418, h = 20, f = 438, Cha = Pitesti),
(Timisoara, g = 118, g = 329, f = 447, Cha = Arad),
(Zerind, g = 75, h = 374, f = 449, Cha = Arad),
(Lugoj, g = 229, h = 244, f = 473, Cha = Timisoara),
(Urziceni, g = 503, h = 10, f = 513, Cha = Bucharest),
(Oradea, g = 146, h = 380, f = 526, Cha = Sibiu)}
6.
$$T_{max}$$
 = Craiova

Đưa Craiova từ OPEN vào CLOSE.

Từ Craiova mở rộng ra Drobeta, R. Vilcea, Pitesti.

- h(Drobeta) = 242
 g(Drobeta) = g(Craiova) + cost(Craiova, Drobeta) = 366 + 120 = 486
 f(Drobeta) = h(Drobeta) + g(Drobeta) = 242 + 486 = 728
- h(R.Vilcea) = 193
 g(R.Vilcea) = g(Craiova) + cost(Craiova, R.Vilcea) = 366 + 146 = 512
 f(R.Vilcea) = h(R.Vilcea) + g(R.Vilcea) = 193 + 512 = 705
- h(Pitesti) = 100
 g(Pitesti) = g(Craiova) + cost(Craiova, Pitesti) = 366 + 138 = 504
 f(Pitesti) = h(Pitesti) + g(Pitesti) = 100 + 504 = 604

Drobeta không có trong cả OPEN lẫn CLOSE nên thêm vào OPEN. R.Vilcea, Pitesti đã có trong CLOSE và cả hai có giá trị g mới lớn hơn giá trị g cũ nên không cập nhật.



OPEN =
$$\{(Giurgiu, g = 508, h = 77, f = 585, Cha = Bucharest), \}$$

(Mehadia,
$$g = 299$$
, $h = 241$, $f = 540$, Cha = Lugoj),

(Vaslui,
$$g = 645$$
, $h = 199$, $f = 844$, Cha = Urziceni),

(Hirsova,
$$g = 601$$
, $h = 0$, $f = 601$, Cha = Urziceni),

(Drobeta,
$$g = 486$$
, $h = 242$, $f = 728$, Cha = Craiova)}

CLOSE =
$$\{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0),$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R. Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R.Vilcea),

(Bucharest,
$$g = 418$$
, $h = 20$, $f = 438$, Cha = Pitesti),

(Timisoara,
$$g = 118$$
, $g = 329$, $f = 447$, Cha = Arad),

(Zerind,
$$g = 75$$
, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad),

(Lugoj,
$$g = 229$$
, $h = 244$, $f = 473$, Cha = Timisoara),

(Urziceni,
$$g = 503$$
, $h = 10$, $f = 513$, Cha = Bucharest),

(Oradea,
$$g = 146$$
, $h = 380$, $f = 526$, Cha = Sibiu),

$$(Craiova, g = 366, h = 160, f = 526, Cha = R.Vilcea)$$

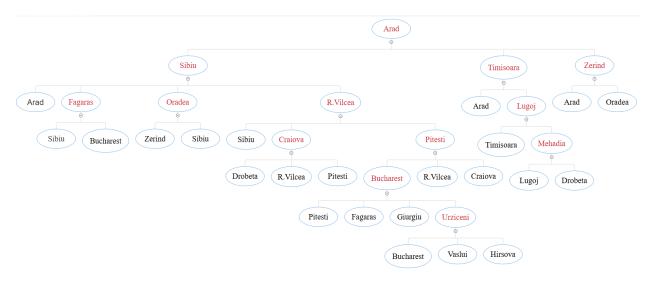
7.
$$T_{max}$$
 = Mehadia

Đưa Mehadia từ OPEN vào CLOSE.

Từ Mehadia mở rộng ra Lugoj, Drobeta.

- h(Lugoj) = 244
 g(Lugoj) = g(Mehadia) + cost(Mehadia, Lugoj) = 299 + 70 = 369
 f(Lugoj) = h(Lugoj) + g(Lugoj) = 244 + 369 = 613
- h(Drobeta) = 242
 g(Drobeta) = g(Mehadia) + cost(Mehadia, Drobeta) = 299 + 75 = 374
 f(Drobeta) = h(Drobeta) + g(Drobeta) = 242 + 374 = 616

Do Lugoj đã có trong CLOSE và g(Lugoj) mới lớn hơn g(Lugoj) cũ nên không cập nhật. Tương tự với Drobeta trong OPEN.



OPEN =
$$\{(Giurgiu, g = 508, h = 77, f = 585, Cha = Bucharest),\}$$

(Vaslui,
$$g = 645$$
, $h = 199$, $f = 844$, Cha = Urziceni),

(Hirsova,
$$g = 601$$
, $h = 0$, $f = 601$, Cha = Urziceni),

(Drobeta,
$$g = 486$$
, $h = 242$, $f = 728$, Cha = Craiova)}

CLOSE =
$$\{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0),$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R. Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R.Vilcea),

(Bucharest,
$$g = 418$$
, $h = 20$, $f = 438$, Cha = Pitesti),

(Timisoara,
$$g = 118$$
, $g = 329$, $f = 447$, Cha = Arad),

(Zerind,
$$g = 75$$
, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad),

(Lugoj,
$$g = 229$$
, $h = 244$, $f = 473$, Cha = Timisoara),

(Urziceni,
$$g = 503$$
, $h = 10$, $f = 513$, Cha = Bucharest),

(Oradea,
$$g = 146$$
, $h = 380$, $f = 526$, Cha = Sibiu),

(Craiova,
$$g = 366$$
, $h = 160$, $f = 526$, Cha = R. Vilcea),

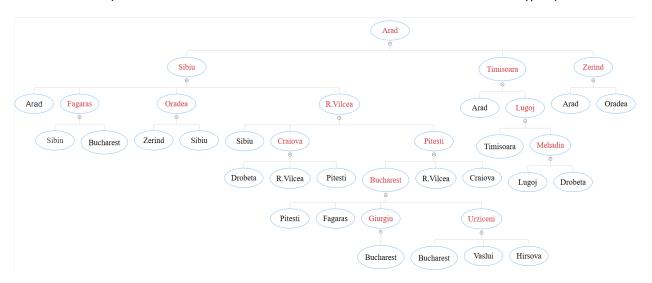
(Mehadia,
$$g = 299$$
, $h = 241$, $f = 540$, Cha = Lugoj)}

8.
$$T_{max} = Giurgiu$$

Đưa Giurgiu từ OPEN vào CLOSE.

Từ Giurgiu mở rộng ra Bucharest.

Do Bucharest đã có trong CLOSE và g(Bucharest) mới lớn hơn g(Bucharest) cũ nên không cập nhật.



OPEN = {
$$(Vaslui, g = 645, h = 199, f = 844, Cha = Urziceni),$$

(Hirsova,
$$g = 601$$
, $h = 0$, $f = 601$, Cha = Urziceni),

(Drobeta,
$$g = 486$$
, $h = 242$, $f = 728$, Cha = Craiova)}

CLOSE =
$$\{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0),$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R.Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R.Vilcea),

(Bucharest,
$$g = 418$$
, $h = 20$, $f = 438$, Cha = Pitesti),

(Timisoara,
$$g = 118$$
, $g = 329$, $f = 447$, Cha = Arad),

(Zerind,
$$g = 75$$
, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad),

(Lugoj,
$$g = 229$$
, $h = 244$, $f = 473$, Cha = Timisoara),

(Urziceni,
$$g = 503$$
, $h = 10$, $f = 513$, Cha = Bucharest),

(Oradea,
$$g = 146$$
, $h = 380$, $f = 526$, Cha = Sibiu),

(Craiova,
$$g = 366$$
, $h = 160$, $f = 526$, Cha = R.Vilcea),

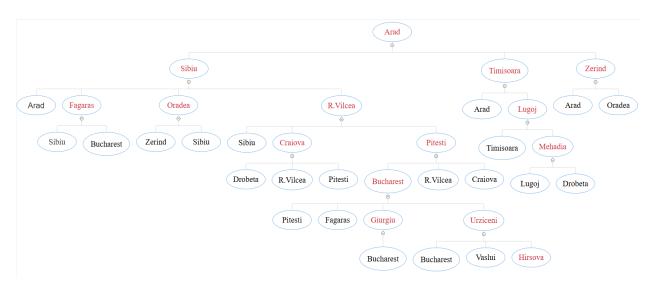
(Mehadia,
$$g = 299$$
, $h = 241$, $f = 540$, Cha = Lugoj),

(Giurgiu, g = 508, h = 77, f = 585, Cha = Bucharest)

9. T_{max} = Hirsova

Đưa Hirsova từ OPEN vào CLOSE.

Hirsova là nút đích nên thuật toán kết thúc.



OPEN =
$$\{(Vaslui, g = 645, h = 199, f = 844, Cha = Urziceni), \}$$

(Drobeta,
$$g = 486$$
, $h = 242$, $f = 728$, Cha = Craiova)}

CLOSE =
$$\{(Arad, g = 0, h = 0, f = 0),$$

(Sibiu,
$$g = 140$$
, $h = 253$, $f = 393$, Cha = Arad),

(R. Vilcea,
$$g = 220$$
, $h = 193$, $f = 413$, Cha = Sibiu),

(Fagaras,
$$g = 239$$
, $h = 176$, $f = 415$, Cha = Sibiu),

(Pitesti,
$$g = 317$$
, $h = 100$, $f = 417$, Cha = R.Vilcea),

(Bucharest,
$$g = 418$$
, $h = 20$, $f = 438$, Cha = Pitesti),

(Timisoara,
$$g = 118$$
, $g = 329$, $f = 447$, Cha = Arad),

(Zerind,
$$g = 75$$
, $h = 374$, $f = 449$, Cha = Arad),

(Lugoj,
$$g = 229$$
, $h = 244$, $f = 473$, Cha = Timisoara),

```
(Urziceni, g = 503, h = 10, f = 513, Cha = Bucharest),

(Oradea, g = 146, h = 380, f = 526, Cha = Sibiu),

(Craiova, g = 366, h = 160, f = 526, Cha = R.Vilcea),

(Mehadia, g = 299, h = 241, f = 540, Cha = Lugoj),

(Giurgiu, g = 508, h = 77, f = 585, Cha = Bucharest),

(Hirsova, g = 601, h = 0, f = 601, Cha = Urziceni)}
```

Vậy đường đi từ Arad tới Hirsova theo thuật toán **A* Search** là Arad → Sibiu → R.Vilcea → Pitesti → Bucharest → Urziceni → Hirsova.

So sánh kết quả chạy tay với code cho sẵn:

- Kết quả chạy tay:
 - o GBFS: Arad → Sibiu → Fagaras → Bucharest → Urziceni → Hirsova.
 - A* Search: Arad → Sibiu → R.Vilcea → Pitesti → Bucharest → Urziceni
 → Hirsova.
- Kết quả từ code:

```
1 Arad
2 Bucharest
3 Craiova
4 Dobreta
5 Eforie
6 Fagaras
7 Giurgiu
8 Hirsova
9 Iasi
10 Lugoj
11 Mehadia
12 Neamt
13 Oradea
14 Pitesti
15 Rimnicu_Vilcea
16 Sibiu
17 Timisoara
18 Urziceni
19 Vaslui
20 Zerind
Nhập đỉnh bắt đầu: 1
Nhập đỉnh kết thúc: 8
GBFS => ['Arad', 'Sibiu', 'Fagaras', 'Bucharest', 'Urziceni', 'Hirsova']
'ASTAR => ['Arad', 'Sibiu', 'Rimnicu_Vilcea', 'Pitesti', 'Bucharest', 'Urziceni', 'Hirsova']
```

Cả hai kết quả đều cho giống nhau, cho thấy được tính đúng đắn của cả hai.