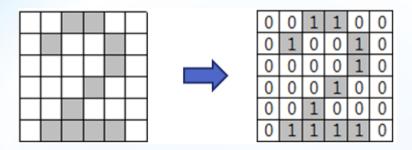
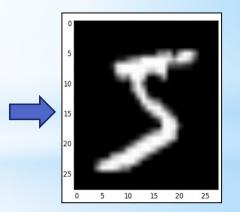
## 머신러닝/딥러닝을 위한

# 파이썬(Python)

- numpy • matplotlib -

## 행렬(matrix) 필요성





#### 라이브러리 - overview

파이썬 코드에서 라이브러리 사용법

```
import numpy
A = numpy.array([1,2])
print("A ==", A, ", type ==", type(A))
A == [1 2] , type == <class 'numpy.ndarray'>
import numpy as np
A = np.array([1,2])
print("A ==", A, ", type ==", type(A))
A == [1 2] . type == <class 'numpy.ndarray'>
from numpy import exp
result = exp(1)
print("result ==", result, ", type ==", type(result))
result == 2.718281828459045 , type == <class 'numpy.float64'>
from numpy import *
result = exp(1) + log(1.7) + sqrt(2)
print("result ==", result, ", type ==", type(result))
result == 4.663123641894311 . type == <class 'numpy.float64'>
```

## > numpy

- vector / matrix 생성
- 행렬 곱 (dot product)
- broadcast
- index / slice / iterator
- useful function (loadtxt(), rand(), argmax(), …)

### 라이브러리 - numpy

#### numpy

=> numpy는 머신러닝 코드 개발 할 경우 자주 사용되는 벡터, 행렬 등을 표현하고 연산할 때 반드시 필요한 라이브러리

#### numpy vs list

=> 머신러닝에서 숫자, 사람, 동물 등의 인식을 하기 위해서는 이미지 (image)데이터를 행렬(matrix)로 변환하는 것이 중요함

=> 행렬(matrix)을 나타내기 위해서는 리스트(list)를 사용할 수도 있지만, 행 렬 연산이 직관적이지 않고 오류 가능 성이 높기 때문에, 행렬 연산을 위해서 는 numpy 사용이 필수임

#### 행렬 연산

$$\mathsf{A} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \quad \mathsf{B} = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \quad \mathsf{A} + \mathsf{B} = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$$

#### import numpy as np

#### # 리스트로 행렬 표현

A = [[1, 0], [0, 1]]B = [[1, 1], [1, 1]]

A + B # 행렬 연산이 아닌 리스트 연산

[[1, 0], [0, 1], [1, 1], [1, 1]]

#### # numpy matrix, 직관적임

A = np.array([[1, 0], [0, 1]])B = np.array([[1, 1], [1, 1]])

A + B # 행렬 연산

array([[2, 1], [1, 2]])

#### 라이브러리 - numpy vector (1차원 배열)

- 벡터(vector) 생성
  - => vector는 np.array([…])를 사용하여 생성함 (import numpy as np)
  - => 머신러닝 코드 구현 시, 연산을 위해서 vector, matrix 등의 형상(shape), 차원(dimension)을 확인하는 것이 필요함

- 벡터(vector) 산술연산
  - => vector 간 산술연산( +, -, X, / )은 벡터의 각각의 원소에 대해서 행해짐

```
A = np.array([1, 2, 3])
B = np.array([4, 5, 6])

# vector A, B 臺灣
print("A ==", A, ", B == ", B)

# vector A, B 蔥母 臺灣 => shape
print("A.shape ==", A.shape, ", B.shape ==", B.shape)

# vector A, B 苏母 臺灣 => ndim
print("A.ndim ==", A.ndim, ", B.ndim ==", B.ndim)

A == [1 2 3] , B == [4 5 6]
A.shape == (3,) , B.shape == (3,)
A.ndim == 1 , B.ndim == 1
```

```
# vector A = 24 A | Print("A + B ==", A+B) print("A - B ==", A+B) print("A + B ==", A+B) print("A / B ==", A+B)

A + B == [5 7 9] A - B == [-3 -3 -3] A + B == [4 10 18] A / B == [5 7 9]
```

#### 라이브러리 - numpy matrix (행렬)

• 행렬(matrix) 생성

=> matrix는 vector와 마찬가지로 np.array([[…],[…], …])를 사용하여 생성함 (import numpy as np)

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix}$$

$$B = \begin{pmatrix} -1 & -2 & -3 \\ -4 & -5 & -6 \end{pmatrix}$$

shape 2 X 3

shape 2 X 3

#### 형 변환 (reshape)

=> vector를 matrix로 변경하거나 matrix 를 다른 형상의 matrix로 변경하기 위해서 는 reshape() 사용하여 행렬의 shape 을 변경하여야 함

$$D = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \qquad D.reshape(3,2) = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix}$$

shape 2 X 3

shape 3 X 2

```
A = np.array([ [1, 2,3], [4, 5, 6] ])
B = np.array([ [-1, -2, -3], [-4, -5, -6] ])

# matrix A, B 曾母 書學 > shape
print("A.shape ==", A.shape, ", B.shape ==", B.shape)

# matrix A, B 对母 書學 => ndim
print("A.ndim ==", A.ndim, ", B.ndim ==", B.ndim)

A.shape == (2, 3) , B.shape == (2, 3)
A.ndim == 2 , B.ndim == 2
```

```
# vector 생성

C = np.array([1, 2, 3])

# vector C험상 출력 => shape
print("C.shape ==", C.shape)

# vector를 (1,3) 행렬로 형 변환
C = C.reshape(1, 3)

print("C.shape ==", C.shape)

C.shape == (3,)
C.shape == (1, 3)
```

#### 라이브러리 - numpy matrix (행렬)

- 형 변환 reshape
  - => 파이썬 넘파이에서는 numpy.reshape(-1, …) 형식을 이용하여 … 으로 주어지는 열(column) 을 가지는 행렬로 형 변환을 시킬 수 있음

```
B = A.reshape(-1, 3)
import numby as no
                                                     print(B.shape)
                                                     print(B)
A = np.array([ [ 1, 2, 3, 4 ],
                                                                    3]
                                                     \Gamma
           [ 10, 20, 30, 40 ],
           [ 100, 200, 300, 400] ])
                                                      [200 300 400]]
                                                     C = A.reshape(-1, 6)
print(A.shape)
                                                     print(C.shape)
                                                     print(C)
(3, 4)
                                                     (2, 6)
                                                     [[ 1
                                                                             10
                                                                                   20]
                                                              40 100 200 300 400]]
```

### 라이브러리 - numpy broadcast

행렬의 사칙연산은 기본적으로 두 개의 행렬 크기가 같은 경우에만 수행할 수 있음. 그러나 numpy 에서는 크기가 다른 두 행렬간에도 사칙연산(+, -, \*, /)을 할수 있는데 이를 브로드캐스트(broadcast)라고 지칭함

#### => 차원이 작은 쪽이 큰 쪽의 행 단위로 반복적으로 크기를 맞춘 후에 계산

A = 
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$$
, b = 5 인경우,

A + B =  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  + 5 =  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  +  $\begin{pmatrix} 5 & 5 \\ 5 & 5 \end{pmatrix}$  =  $\begin{pmatrix} 6 & 7 \\ 8 & 9 \end{pmatrix}$ 

broadcast

$$C = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$$
,  $D = \begin{pmatrix} 4 & 5 \end{pmatrix}$  인경우, 
$$C + D = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 4 & 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 7 \\ 7 & 9 \end{pmatrix}$$
 broadcast

```
C = np.array([ [1, 2], [3, 4] ])
D = np.array([4, 5])

print(C+D)

[[5 7]
  [7 9]]
```

[예제 1\_1] 벡터 A, B, T 를 이용하여 다음을 계산하고 넘파이를 이용하여 결과를 확인하시오

$$A = (1 \ 2)$$
 $B = (3 \ 4)$ 
 $T = (5 \ 6)$ 
 $(1-A)*A$ 
 $T*(1-A)*A$ 

[예제 1\_2] 행렬 C, D, T 를 이용하여 다음을 계산하고 넘파이를 이용하여 결과를 확인하시오

$$C = \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$D = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \end{pmatrix}$$

$$T = \begin{pmatrix} 7 \\ 8 \end{pmatrix}$$

$$(1-C)*C \qquad T*(1-C)*C$$

## 라이브러리 - numpy 행렬 곱(dot product)

행렬 곱(dot product)

=> A 행렬과 B 행렬의 행렬 곱 (dot product)는 np.dot(A,B) 나타내며, 행렬 A 의 열 벡터와 B 행렬의 행 벡터가 같아야 함. 만약 같지 않다면 reshape 또는 전치행렬(transpose)등을 사용하여 형 변환을 한 후에 행렬 곱 실행해야 함

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ -3 & -4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix}$$
  
형상 2 X 3 3 3 X 2

```
A • B = \begin{pmatrix} -22 & -28 \\ -49 & -64 \end{pmatrix}
(2 X 3) • (3 X 2) = (2 X 2)
```

```
|A = np.array([ [1, 2, 3], [4, 5, 6] ]) #2X3 햄럴
|B = np.array([ [-1, -2], [-3, -4], [-5, -6] ]) # 3X2 행렬
# (2X3) dot porduct (3X2) == (2X2) 행렬
C = np.dot(A, B) # 행렬 곱 수행
# matrix A, B 형상 출력 => shape
print("A.shape ==", A.shape, ", B.shape ==", B.shape)
|print("C.shape ==", C.shape)|
lprint(C)
A.shape == (2, 3) , B.shape == (3, 2)
C.shape == (2, 2)
[[-22 -28]
 [-49 -64]]
```

[예제 2\_1] 행렬 X, W, T 그리고 scalar b에 대하여 Y, E 를 계산하고 넘파이를 이용하여 결과를 확인하시오

(Error 가 발생하는 경우, Error 원인이 무 엇인지 파악하시오)

$$X = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} , \quad W = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$T = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} , \quad b = -1$$

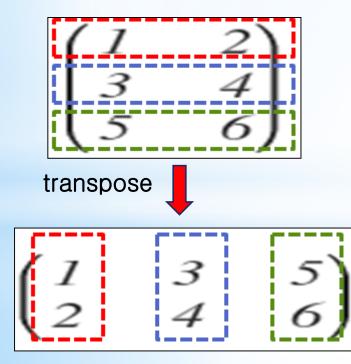
$$Y = X \bullet W + b$$

$$E = T - Y$$

#### [예제 2\_2] 다음 error 원인은 무엇인지 파악하시오

### 라이브러리 - numpy 전치행렬 (transpose)

- 전치행렬 (transpose)
  - => 어떤 행렬의 전치행렬(transposed matrix)은 원본 행렬의 열은 행으로, 행은 열로 바꾼 것으로서, 원본 행렬을 A라고 하면 전치행렬은 AT로 나타냄.
  - 즉, 1행은 1열로 바꾸고 2행은 2열로, 3행은 3열로 바꾼 행렬을 의미



```
A = np.array([ [1, 2], [3, 4], [5, 6] ]) # 3X2행렬

B = A.T # A의 전치행렬, 2X3 행렬

print("A.shape ==", A.shape, ", B.shape ==", B.shape)
print(A)
print(B)

A.shape == (3, 2), B.shape == (2, 3)
[[1 2]
[3 4]
[5 6]]
[[1 3 5]
[2 4 6]]
```

```
# vector 전치행렬

C = np.array([1, 2, 3, 4, 5]) # vector, matrix 아님

D = C.T # C 는 vector 이므로 transpose 않됨

E = C.reshape(1, 5) # 1X5 matrix

F = E.T # E 의 전치행렬

print("C.shape ==", C.shape, ", D.shape ==", D.shape)
print("E.shape ==", E.shape, ". F.shape ==", F.shape)
print(F)

C.shape == (5,), D.shape == (5,)
E.shape == (1, 5). F.shape == (5, 1)

[[1]
[2]
[3]
[4]
[5]]
```

### 라이브러리 - numpy 행렬 indexing / slicing

행렬 원소 접근 (I)

=> 행렬 원소를 명시적(explicit)으로 접근하기 위해서는 리스트(list)에서처럼, 인덱싱 / 슬라이싱 모두 사용가능 함.

[예제 1] A[0, 0] 은 1행 1열, A[2, 1] 은 3행 2열임

[예제 2] A[:, 0] 은 모든 행 1열을 나타냄

[예제 3] A[0:-1, 1:2] 인덱스 0인 1 행부터, 인덱스 -1-1=-2인 2행까지의 모든 데이터, 그리고 인덱스 1인 2열부터 인덱스 2-1=1 인 2 열까지의 모든 데이터

[예제 4] A[:,:]은 모든 행, 모든 열

```
A = np.array([10, 20, 30, 40, 50, 60]).reshape(3, 2)
print("A.shape ==", A.shape)
print(A)
A.shape == (3, 2)
[[10 20]
 [30 40]
 [50 60]]
print("A[0, 0] ==", A[0, 0])
print("A[2, 1] ==", A[2, 1])
A[0, 0] == 10
A[2, 1] == 60
print("A[0:-1, 1:2] ==", A[0:-1, 1:2])
A[0:-1, 1:2] == [[20]]
 [40]]
print("A[:, 0] ==", A[:, 0])
print("A[:,:] ==", A[:,:])
A[:, 0] == [10 \ 30 \ 50]
A[:,:] == [[10 20]]
 [30 40]
 [50 60]]
```

#### 라이브러리 - numpy 행렬 iterator

행렬 원소 접근 (II)

=> 명시적(explicit) 인덱싱 / 슬라이싱 이외에, 행렬 모든 원소를 access 하 는 경우에는 iterator 사용가능

=> numpy iterator는 C++, Java iterator 처럼 next() 메서드를 통해 데이터 값을 처음부터 끝까지 순차적으로 읽어 들이는 방법을 제공

2X4 행렬인 경우, 인덱스 변화 순서

$$(0,0) \Rightarrow (0,1) \Rightarrow (0,2) \Rightarrow (0,3)$$

순서로 access

```
import numby as no
|A = np.array([ [10, 20, 30, 40], [50, 60, 70, 80] ])
print(Å, '∰n')
# 행렬 A 의 iterator 생성
it = np.nditer(A, flags=['multi_index'], op_flags=['readwrite'])
while not it finished:
    idx = it.multi_index
    print('index = ', idx, ', type(idx) = ', type(idx), ', value = ', A[idx])
    it.iternext()
[[10 20 30 40]
 [50 60 70 80]]
index = (0, 0) , type(idx) = <class 'tuple'> , value = 10
index = (0, 1) , type(idx) = <class 'tuple'> , value = 20
index = (0, 2) , type(idx) = <class 'tuple'> , value = 30
index = (0, 3) , type(idx) = <class 'tuple'> , value = 40
index = (1, 0) , type(idx) = <class 'tuple'> , value = 50
index = (1, 1) , type(idx) = <class 'tuple'> , value = 60
index = (1, 2) , type(idx) = <class 'tuple'> , value = 70
index = (1, 3) , type(idx) = <class 'tuple'> , value = 80
```

## 라이브러리 - numpy useful function (I)

• seperator 로 구분된 파일에서 데이터를 읽기 위한 numpy.loadtxt(…)

[예제] 다음과 같이 콤마(,)로 분리된 데이터 파일을 read 하기위해서는 np.loadtxt("파일이름",delimiter=',') 호출함. 리턴값은 행렬이기 때문에 인덱싱 또는 슬라이싱을 이용하여 데이터를 분리 할 필요 있음

=> 머신러닝 코드에서 입력데이터와 정답데이터를 분리하는 프로그래밍 기법

```
| loaded_data = np.loadtxt('./data-O1.csv', delimiter=',', dtype=np.float32) |
| x_data = loaded_data[:, 0:-1] |
| t_data = loaded_data[:, [-1]] |
| # 데이터 차원 및 shape 확인 |
| print("x_data.ndim = ", x_data.ndim, ", x_data.shape = ", x_data.shape) |
| print("t_data.ndim = ", t_data.ndim, ", t_data.shape = ", t_data.shape) |
| x_data.ndim = 2 , x_data.shape = (25, 3) |
| t_data.ndim = 2 , t_data.shape = (25, 1) |
```

#### ./data-01.csv

```
73,80,75,152
93,88,93,185
89,91,90,180
96.98.91.196
73,66,70,142
53,46,55,101
69.74.77.149
47,56,60,115
87,79,90,175
79,70,88,164
69,70,73,141
70,65,74,141
93,95,91,184
79,80,73,152
70,73,78,148
93,89,96,192
78,75,68,147
81,90,93,183
88,92,86,177
78,83,77,159
82,86,90,177
86,82,89,175
78,83,85,175
76,83,71,149
96,93,95,192
```

## 라이브러리 - numpy useful function (II)

np.random.rand(…)

 $np.sum(\cdots), np.exp(\cdots), np.log(\cdots)$ 

## 라이브러리 - numpy useful function (III)

 $np.max(\cdots)$ ,  $np.min(\cdots)$ ,  $np.argmax(\cdots)$ ,  $np.argmin(\cdots)$ 

```
X = np.array([2, 4, 6, 8])

print("np.max(X) ==", np.max(X))
print("np.min(X) ==", np.min(X))
print("np.argmax(X) ==", np.argmax(X))
print("np.argmin(X) ==", np.argmin(X))

np.max(X) == 8
np.min(X) == 2
np.argmax(X) == 3
np.argmin(X) == 0
```

```
np.ones(...), np.zeros(...)

A = np.ones([3, 3])
print("A.shape ==", A.shape, ", A ==", A)
B = np.zeros([3, 2])
print("B.shape ==", B.shape, ", B ==", B)

A.shape == (3, 3) , A == [[1. 1. 1.]
[1. 1. 1.]
[1. 1. 1.]
B.shape == (3, 2) , B == [[0. 0.]
[0. 0.]
[0. 0.]
```

```
X = np.array([[2, 4, 6], [1, 2, 3], [0, 5, 8]])
print("np.max(X) ==", np.max(X, axis=0)) # axis=0. 열기준
print("np.min(X) ==", np.min(X, axis=0)) # axis=0, 열기준
print("np.max(X) ==", np.max(X, axis=1)) # axis=1. 剪기歪
print("np.min(X) ==", np.min(X, axis=1)) # axis=1. 剪기歪
print("np.argmax(X) ==", np.argmax(X, axis=0)) # axis=0. 열기준
print("np.argmin(X) ==", np.argmin(X, axis=0)) # axis=0. 열기준
print("np.argmax(X) ==", np.argmax(X, axis=1)) # axis=1. 暫기歪
print("np.argmin(X) ==", np.argmin(X, axis=1)) # axis=1. 剪기歪
np.max(X) == [258]
np.min(X) == [0.2.3]
                                  X = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 6 \\ 1 & 2 & 3 \\ 2 & 5 & 2 \end{pmatrix}
np.max(X) == [6 3 8]
np.min(X) == [2 1 0]
np.argmax(X) == [0 2 2]
np.argmin(X) == [2 1 1]
np.argmax(X) == [2 2 2]
np.argmin(X) == [0 0 0]
```

## [예제 3] X 는 다음과 같을때 (1)~(6)을 계산하고 넘파이를 이용하여 결과를확인하시오

(1) 
$$A = X.reshape(-1, 3)$$

(2) 
$$B = A[0:2, 1:2]$$

(3) 
$$C = A[1:, :-1]$$

(4) 
$$D = np.argmax(A, 1)$$

(5) 
$$E = C.reshape(-1,6)$$

(6) 
$$F = np.sum(E)$$

$$X = \begin{pmatrix} 7 & 5 & 3 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 4 & 0 & 2 & 8 \end{pmatrix}$$

## 라이브러리 - matplotlib, scatter plot

 실무에서는 머신러닝 코드를 구 현하기 전에,

=> 입력 데이터의 분포와 모양을 먼저 그래프로 그려보고, 데이터의 특성과 분포를 파악 한후 어떤 알고리즘을 적용할 지결정하고 있음

=> 데이터 시각화를 위해서는 matplotlib 라이브러리를 사용함

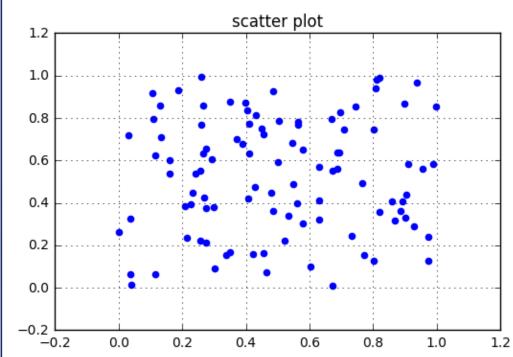
=> 일반적으로 line plot, scatter plot 등을 통해 데이터의 분포와 형태를 파악함

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

# 주피터 노트북을 사용하는 경우 노트북 내부에 그림 표시
%matplotlib inline

# x data, y data 생성
x_data = np.random.rand(100)
y_data = np.random.rand(100)

plt.title('scatter plot')
plt.grid()
plt.scatter(x_data, y_data, color='b', marker='o')
plt.show()
```



## 라이브러리 - matplotlib, line plot

```
import matplotlib.pyplot as plt

# 주피터 노트북을 사용하는 경우 노트북 내부에 그림 표시

%matplotlib inline

x_data = [ x for x in range(-5,5) ]

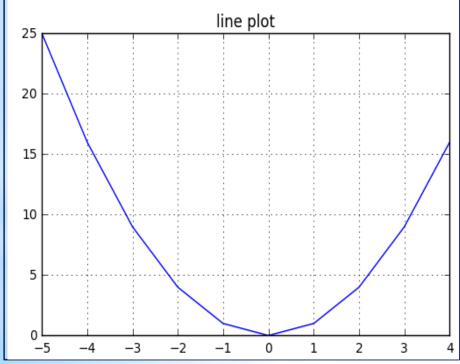
y_data = [ y*y for y in range(-5,5) ]

plt.title('line plot')

plt.grid()

plt.plot(x_data, y_data, color='b')

plt.show()
```



```
import matplotlib.pyplot as plt

# 주피터 노트북을 사용하는 경우 노트북 내부에 그림 표시
%matplotlib inline

x_data = [-3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
y_data = [-8, -13, -0, 3, 6, -1, -5, -7, 1, 8, 7, 12, 13]

plt.title('line plot')
plt.grid()
plt.plot(x_data, y_data, color='b')
plt.show()

line plot

15
```

