# Matematični izrazi in uporaba paketa beamer

Matematičnih nalog ni treba reševati!

Fakulteta za matematiko in fiziko

## Kratek pregled

Paket beamer

Paketa amsmath in amsfonts

Matematika, 1. del

Stolpci in slike

Paket beamer in tabele

Matematika, 2. del

## Paket beamer

Za prosojnice je značilna uporaba okolja frame, s katerim definiramo posamezno prosojnico,

Za prosojnice je značilna uporaba okolja frame, s katerim definiramo posamezno prosojnico, postopno odkrivanje prosojnic,

Za prosojnice je značilna uporaba okolja frame, s katerim definiramo posamezno prosojnico, postopno odkrivanje prosojnic, ter nekateri drugi ukazi, ki jih najdemo v paketu beamer.

Za prosojnice je značilna uporaba okolja frame, s katerim definiramo posamezno prosojnico, postopno odkrivanje prosojnic, ter nekateri drugi ukazi, ki jih najdemo v paketu beamer.

#### Primer

Verjetno ste že opazili, da za naslovno prosojnico niste uporabili ukaza maketitle, ampak ukaz titlepage.

### Poudarjeni bloki

#### Opomba

Okolja za poudarjene bloke so block, exampleblock in alertblock.

#### Opozorilo

Začetek poudarjenega bloka (ukaz begin) vedno sprejme dva parametra: okolje in naslov bloka. Drugi parameter (za naslov) je lahko prazen.

#### Izrek

Praštevil je neskončno mnogo.

#### Dokaz.

Denimo, da je praštevil končno mnogo.

• Naj bo *p* največje praštevilo.

#### Izrek

Praštevil je neskončno mnogo.

#### Dokaz.

Denimo, da je praštevil končno mnogo.

- Naj bo p največje praštevilo.
- Naj bo q produkt števil 1, 2, ..., p.

#### Izrek

Praštevil je neskončno mnogo.

#### Dokaz.

Denimo, da je praštevil končno mnogo.

- Naj bo p največje praštevilo.
- Naj bo q produkt števil 1, 2, ..., p.
- ullet Število q+1 ni deljivo z nobenim praštevilom, torej je q+1 praštevilo.

#### Izrek

Praštevil je neskončno mnogo.

#### Dokaz.

Denimo, da je praštevil končno mnogo.

- Naj bo *p* največje praštevilo.
- Naj bo q produkt števil 1, 2, ..., p.
- Število q+1 ni deljivo z nobenim praštevilom, torej je q+1 praštevilo.
- To je protislovje, saj je q+1>p.

## Paketa amsmath in amsfonts

#### Matrike

Izračunajte determinanto

$$\begin{vmatrix}
-1 & 4 & 4 & -2 \\
1 & 4 & 5 & -1 \\
1 & 4 & -2 & 2 \\
3 & 8 & 4 & 3
\end{vmatrix}$$

V pomoč naj vam bo Overleaf dokumentacija o matrikah:

▶ Matrices

6

#### Okolje align in align\*

Dokaži *binomsko formulo*: za vsaki realni števili *a* in *b* in za vsako naravno število *n* velja

$$(a+b)^{n} = \dots$$

$$= \sum_{k=0}^{n} \binom{n}{k} a^{n-k} b^{k}$$

### Okolje align in align\*

Dokaži *binomsko formulo*: za vsaki realni števili *a* in *b* in za vsako naravno število *n* velja

$$(a+b)^n = \dots = (a+b)(a+b)\dots(a+b)$$
$$= \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^{n-k} b^k$$

## Okolje align in align\*

Dokaži *binomsko formulo*: za vsaki realni števili *a* in *b* in za vsako naravno število *n* velja

$$(a+b)^{n} = \dots = (a+b)(a+b)\dots(a+b)$$

$$= a^{n} + na^{n-1}b + \dots + \binom{n}{k}a^{n-k}b^{k} + \dots + nab^{n-1} + b^{n}$$

$$= \sum_{k=0}^{n} \binom{n}{k}a^{n-k}b^{k}$$

7

## Še ena uporaba okolja align\*

#### Nariši grafe funkcij:

$$y = x^2 - 3|x| + 2$$
  $y = 3\sin(\pi + x) - 2$   
 $y = \log_2(x - 2) + 3$   $y = 2\sqrt{x^2 + 15} + 6$   
 $y = 2^{x-3} + 1$   $y = \cos(x - 3) + \sin^2(x + 1)$ 

#### Okolje multline

Poišči vse rešitve enačbe

$$(1+x+x^2) \cdot (1+x+x^2+x^3+\ldots+x^9+x^{10}) =$$
  
=  $(1+x+x^2+x^3+x^4+x^5+x^6)^2$ .

#### Okolje cases

Dana je funkcija

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{3x^2y - y^3}{x^2 + y^2}; & (x,y) \neq (0.0), \\ a; & (x,y) = (0,0). \end{cases}$$

- Določi a, tako da izračunaš limito  $\lim_{(x,y)\to(0,0)} f(x)$ .
- Izračunaj parcialna odvoda  $f_x(x, y)$  in  $f_y(x, y)$ .

Matematika, 1. del

Analiza, logika, množice

#### Logika in množice

1. Poišči preneksno obliko formule

$$\exists x : P(x) \land \forall x : Q(x) \Rightarrow \forall x : R(x).$$

- 2. Definiramo množici A = [2,5] in  $B = \{0,1,2,3,4...\}$ . V ravnino nariši:
  - 2.1  $A \cup B \times \emptyset$
  - 2.2  $(A \cup B)^c \times R$
- 3. Dokaži:
  - $(A \Rightarrow B) \sim (\neg B \Rightarrow \neg A)$
  - $\neg (A \lor B) \sim \neg A \land \neg B$

#### Analiza

- 1. Pokaži, da je funkcija  $x\mapsto \sqrt{x}$  enakomerno zvezna na  $[0,\infty].$
- 2. Katero krivuljo določa sledeč parametričen zapis?

$$x(t) = a \cos t,$$
  $y(t) = b \sin t,$   $t \in [0, 2\pi]$ 

- 3. Pokaži, da ima  $f(x) = 3x + \sin(2x)$  inverzno funkcijo in izračunaj  $(f^{-1})'(3\pi)$ .
- 4. Izračunaj integral  $\int \frac{2 + \sqrt{x+1}}{(x+1)^2 \sqrt{x+1}} dx$
- 5. Naj bo g zvezna funkcija. Ali posplošeni integral  $\int_0^1 \frac{g(x)}{x^2}$  konvergira ali divergira? Utemelji.

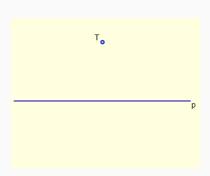
#### Kompleksna števila

- 1. Naj bo z kompleksno število,  $z \neq 1$  in |z| = 1. Dokaži, da je število  $i \frac{z+1}{z-1}$  realno.
- 2. Poenostavi izraz:

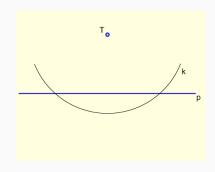
$$\frac{\frac{3+i}{2-2i} + \frac{7i}{1-i}}{1 + \frac{i-1}{4} - \frac{5}{2-3i}}$$

Stolpci in slike

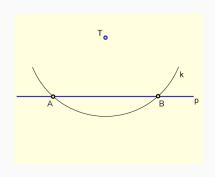
• Dani sta premica p in točka T.



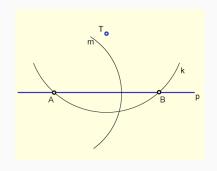
- Dani sta premica p in točka T.
- Nariši lok k s središčem v T.



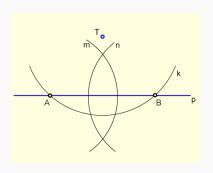
- Dani sta premica p in točka T.
- Nariši lok k s središčem v T.
- Premico p seče v točkah A in B.



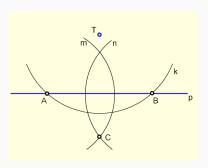
- Dani sta premica p in točka T.
- Nariši lok k s središčem v T.
- Premico p seče v točkah A in B.
- Nariši lok m s središčem v A.



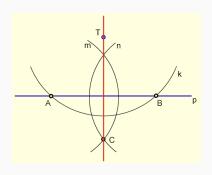
- Dani sta premica p in točka T.
- Nariši lok k s središčem v T.
- Premico p seče v točkah A in B.
- Nariši lok m s središčem v A.
- Nariši lok n s središčem v B in z enakim polmerom.



- Dani sta premica p in točka T.
- Nariši lok k s središčem v T.
- Premico p seče v točkah A in B.
- Nariši lok m s središčem v A.
- Nariši lok n s središčem v B in z enakim polmerom.
- Loka se sečeta v točki C.



- Dani sta premica p in točka T.
- Nariši lok k s središčem v T.
- Premico p seče v točkah A in B.
- Nariši lok *m* s središčem v *A*.
- Nariši lok n s središčem v B in z enakim polmerom.
- Loka se sečeta v točki C.
- Premica skozi točki T in C je pravokotna na p.



Paket beamer in tabele

Matematika, 2. del

Zaporedja, algebra, grupe