# Кафедра квантовой радиофизики и электроники Отчет по лабораторной работе $\mathbb{N}1$

# Исследование твердотельных структур методом ЭПР-спектроскопии

Выполнили студенты 440 группы Виноградов И.Д., Понур К.А., Шиков А.П.

### 1. Теоретическая часть

#### 1.1. Условия выделения кривых и дисперсии на детекторе

Волноводный отражательный резонатор с отверстием связи можно представить в виде эквивалентного колебательного контура, импеданс которого определяется выражением

$$Z = R + i[\omega L_0 - \frac{1}{\omega C}],$$

где R,  $L_0$  и – эквивалентные сопротивление, индуктивность и ёмкость соответственно. При наличии парамагнетика с магнитной проницаемостью  $\mu$  индуктивность резонатора будет записывать как  $L = \mu L_0$ . При частичном заполнении резонатора образцом магнитная проницаемость выражается через восприимчивость  $\chi$  следующим образом

$$\mu = 1 + 4\pi\eta\chi,$$

где  $\chi$  – коэффициент заполнения резонатора парамагнетиком. В результате получаем

$$Z = R + i\frac{L_0}{\omega} \left(\omega^2 - \frac{1}{L_0 C}\right) + i\omega L_0 \cdot 4\pi \eta \chi.$$

Величина  $\frac{1}{\sqrt{L_0C}}$  дает собственную частоту резонатора. При резонансе  $\omega^2=\frac{1}{L_0C}=\omega_0^2$  и выражение для Z принимает вид

$$Z = R + i\omega L_0 \cdot 4\pi \eta \chi = R(1 + i4\pi \eta \chi' Q + 4\pi \eta'' Q),$$

где  $Q = \frac{\omega L_0}{R}$  - добротность резонатора. Если обозначить характеристическое сопротивление волновода через  $Z_0$ , то комплексный коэффициент отражения от резонатора  $\Gamma$ , определяемый как отношение амплитуды падающего на резонатор поля  $E_n$  к амплитуде отраженного поля, будет равен

 ${}^{\iota}\Gamma = \frac{Z - Z_0}{Z + Z_0}$ 

С учётом этого отраженную от резонатора сигнальную волну в точке детектирования можно записать в виде

$$E_1 = |E_n| \cdot \Gamma \cdot e^{-i4\pi \frac{L_1}{\lambda}},$$

где  $L_1$  – длина волноводного плеча от детектора до резонатора. Кроме этой волны на детектор поступает сигнал, отраженный ль балансного плеча

$$E_2 = \alpha^2 |E_n| e^{-i4\pi \frac{L_2}{\lambda}},$$

где  $\alpha$  - коэффициент ослабления аттенюатора, а  $L_2$  - соответствующая длина балансного плеча. Суммарное поле на детекторе получим в следующем виде:

$$E = |E_n| \cdot e^{-i4\pi \frac{L_1}{\lambda}} \cdot \left\{ \Gamma + \alpha^2 e^{-i4\pi \frac{L_2 - L_1}{\lambda}} \right\}.$$

При малых уровнях СВЧ-мощности ток детектора пропорционален квадрату напряженности поля E в этом случае имеем

$$i_{\text{дет}} = S|E|^2 = SP_n \cdot \left|\Gamma + \alpha^2 e^{-i4\pi \frac{L_2 - L_1}{\lambda}}\right|^2,$$

где S – коэффициент преобразования детектора, а  $P_n$  – мощность, падающая на резонатор. Используя неравенства  $\chi' \ll 1$ ,  $\chi'' \ll 1$  и условие хорошей согласованности волновода с резонатором, получаем вид сигнала ЭПР:

$$i_{\text{дет}} = SP_n \cdot 4\pi Q \eta \left[ \chi'' \cos\left(\frac{4\pi}{\lambda}\Delta L\right) - \chi' \sin\left(\frac{4\pi}{\lambda}\Delta L\right) \right]$$
 (1)

Отсюда следует, что в зависимости от положения замыкающего поршня балансного плеча сигнал на выходе детектора может быть пропорционален либо  $\chi'$ , либо  $\chi''$ . При разности  $\Delta L = L_2 - L_1$ , кратной  $\frac{\lambda}{4}$ , ток детектора будет пропорционален  $\chi''$ , а при дополнительном сдвиге на  $\frac{\lambda}{8}$  – пропорционален кривой  $\chi'$ .

#### 1.2. Определение числа парамагнитных частиц в образце

Чтобы получить соотношение, позволяющее определить число парамагнитных частиц исходя из характеристики наблюдаемого сигнала ЭПР, воспользуемся выражением (1). При  $\Delta L \simeq \frac{\lambda}{4}$  имеем

$$i_{\text{дет}} \simeq SP_n \cdot 4\pi Q\eta \chi''.$$

Введем технический коэффициент A, характеризующий коэффициент усиления тракта «детектор-усилитель-осциллограф». Его величину можно измерить, подавая известный по величине модулированный СВЧ-сигнал на детекторную головку и измеряя при этом амплитуду видеосигнала на экране осциллографа. Если обозначить через  $L_M$  высоту видеосигнала модуляции на экране, а  $P_M$  — величину модулированной компоненты СВЧ-мощности, то коэффициент усиления A будет равен  $\frac{L_M}{P_M}$ . Если учесть такого рода амплитудную калибровку, высота сигнала ЭПР на экране осциллографа может быть записана как

$$L_C = AP_n \cdot 4\pi Q\eta \chi''(\omega_0) \tag{2}$$

Коэффициент заполнения  $\eta$  определяется как отношение двух интегралов вида  $\int H_1^2 \, \mathrm{d} \nu$  по объему образца и резонатора соответственно. В условиях данной ЭПР-установки с

достаточной степенью точности можно считать

$$\eta \simeq \frac{2V_{\rm obp}}{V_{\rm pes}}.$$

Значение  $\chi''$  для малых полей  $H_1$  при  $\omega=\omega_0$  можно записать в виде

$$\chi''(\omega_0) = \frac{N_0 \mu^2}{3KT} \omega_0 T_2^*$$

Отсюда количество парамагнитных частиц можно оценить как

$$N_0 = 3KT \frac{\chi''(\omega_0)}{\mu^2 \omega_0 T_2^*}. (3)$$

Сопоставляя (2) и (3) получаем окончательно

$$N_0 = \frac{3KT}{8\pi Q \mu^2 \omega_0 T_2^*} \cdot \frac{L_C}{L_M} \cdot \frac{P_M}{P_n} \cdot \frac{V_{\text{pes}}}{V_{\text{ofp}}}$$
(4)

### 2. Экспериментальная часть

# 3. Исследование ЭПР в молекулах дифенила

Получение на экране осциллографа кривых поглощения и дисперсии сигнала ЭПР. Для получения необходимой картины необходимо произвести следующие действия:

- 1. Вставить образец в резонатор.
- 2. Включить ВЧ-генератор и прогреть его в течение 5-ти минут; включить модулирующее поле.
- 3. Подключить к выходу детектора измеритель мощности и при полностью выведенном аттенюаторе ( $\alpha=0$ ) настроить клистронный генератор по частоте на центр одной из зон по максимуму мощности, контролируемой измерительным прибором. В эксперименте, для дифенила максимум частоты пришелся на  $\nu=8.99~\Gamma\Gamma$ ц.
- 4. Ввести волноводный аттеню<br/>атор балансного плеча ( $\alpha=100\%$ ) и настроить его в резонанс (соответствует минимуму сигнала на выходе детектора.)
- 5. Подключить выход детектора с соблюдением полярности на вход с соблюдением полярности на вход усилителя.

- 6. Включить источник постоянного тока и, меняя величину тока через катушки магнита (зависимость H(I) на рис.1), вывести на резонансное значение поле H, определяя момент по появлению на экране осциллографа пары сигналов, соответствующих резонансному переходу.
- 7. Вывести волноводный аттенюатор ( $\alpha=0$ ) и, перемещая плунжер балансного плеча, получить кривые  $\chi'$  и  $\chi''$ . (рис. 2) Кривой  $\chi'$  соответствует значение тока I'=159 мА, а кривой  $\chi''-I''=169$  мА, что эквивалентно полю в 3550 и 3750 Гс соответственно.

Измерение ширины линий поглощения сигнала ЭПР в единицах поля.

Расчет ширины линии в единицах частоты.

Определение числа парамагнитных частиц в образце. Для вычисления числа парамагнитных частиц, воспользуемся пунктом 1.2 теории и формулой (4).

$$N_0 = \frac{3KT}{8\pi Q\mu^2 \omega_0 T_2^*} \cdot \frac{L_C}{L_M} \cdot \frac{P_M}{P_n} \cdot \frac{V_{\text{pes}}}{V_{\text{ofp}}},$$

где  $T_2^*$  – время поперечной релаксации, K – постоянная Больцмана,  $\mu$  – магнитная проницаемость дифенила,

Свыше нам даны следующие величины:

$$Q = 5000, \quad \frac{V_{\text{pes}}}{V_{\text{ofp}}} \simeq 200, \quad \frac{P_M}{P_n} = 1$$

Из эксперимента остается определить собственную частоту резонатора  $\omega_0$  (нашли в 3.3), время поперечной релаксации  $T_2^*$  и отношение  $L_C/L_M$  (нашли двумя параграфами выше).

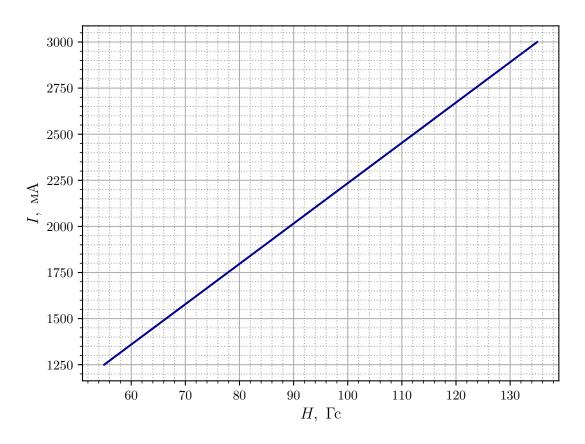


Рис. 1: Градуировочный график зависимости магнитного поля H от тока I

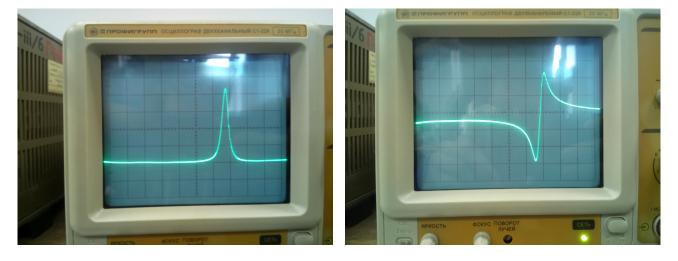


Рис. 2: Кривые  $\chi'$  и  $\chi''$  на экране осциллографа