Нижегородский государственный университет имени Н.И. Лобачевского Радиофизический факультет. Кафедра статистической радиофизики и мобильных систем связи.

Отчет по лабораторной работе N2

Согласованные фильтры

Выполнили студенты 450 группы Понур К.А., Хавьер, Шиков А.П. Цель работы: Тут цель

1. Теоритическая часть

Тут теория

2. Практическая часть

Тут практика

2.1. Задание 1. Простые и сложные сигналы и их свойства

В этом задании рассматриваются особенности простых и сложных сигналов, которые проявляются в поведении спектров сигналов. Следует проследить за тем, какие существуют закономерности при изменении спектров в зависимости от изменения временных параметров простых и сложных сигналов. Для каждого рассмотренного сигнала m(t) строятся графики реализации сигнала, амплитудного и фазового спектров, а так же функция корреляции и спектральная плотность энергии.

На что ответить в отчете:

- 1. Получить оценку энергии импульса разными способами по экспериментальным данным. Сравнить результаты с теоретическими.
- 2. **Done, надо пояснения** Для всех четырех видов сигнала оценить базу, используя формулу $B = T \cdot \Delta f$, где T эффективная длительность, Δf эффективная ширина полосы спектра сигнала. За оценку ширины следует принять половину расстояния между первыми нулями (ширины главного лепестка).
- 3. Пояснить, как изменяется фазовый спектр сигнала, в том диапазоне частот, где лежит основная энергия сигнала. Показать с помощью рисунка, как происходит сложение гармонических составляющих сигнала. Выделить на графиках амплитудного и энергетического спектров диапазон частот, в котором лежит основная энергия сигнала. Как изменяется фазовый спектр сигнала в этом диапазоне частот? Почему физический амплитудный спектр имеет смысл рассматривать только внутри этой полосы?
- 4. **Done, надо пояснения** Для ЛЧМ сигнала сравнить протяженность корреляционной функции с длительностью сигнала. Во сколько раз она меньше длительности сигнала?
- 5. **Done, надо пояснения** Для ЛЧМ сигнала оценить диапазон изменения фазовых сдвигов у гармоник сигнала в пределах полосы амплитудного спектра. Нарисовать амплитудный спектр в приближенном виде (аппроксимируя прямоугольником) и посмотреть, какой в этих пределах фазовый спектр.

- 6. Во всех примерах рассматривались изменения спектральных характеристик при изменении временных зависимостей сигналов. Учитывая, что для функций, сопряженных по Фурье, справедливы следующие соотношения (см. Приложение)...(см методичку)
- 7. Чем определяется максимальное значение функции корреляции? Рассмотреть корреляционную функцию как сигнал и найти его базу.
- 8. Сравнить изменения спектрально-корреляционных характеристик при изменении длительности различных сигналов.

2.1.1 Прямоугольный видеоимпульс

Для прямоугольного видеоимпульса

- Получить аналитическое выражение для амплитудного, фазового и энергетического спектра, построить теоретический график.
- Изучить амплитудный, фазовый и энергетический спектры. Для этого задать длительность импульса 10мс и 20мс, амплитуду равной 1, а затем проанализировать зависимости.

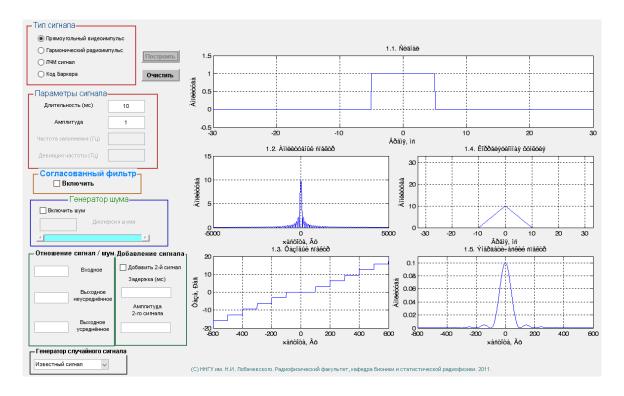


Рис. 1: 10ms

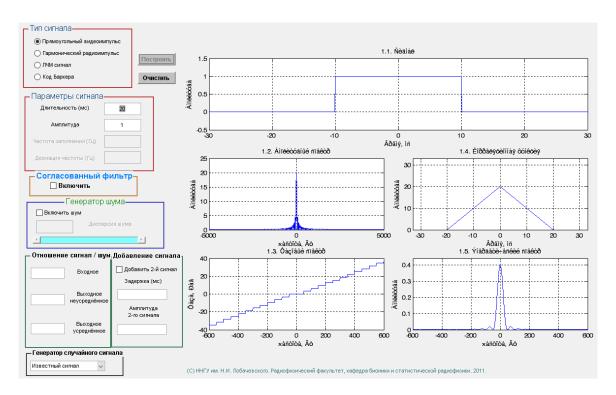


Рис. 2: 20ms

База

Найдем базу для прямоугольного импульса по следующей формуле:

$$B = T \cdot \Delta f,\tag{1}$$

где T - эффективная длительность, Δf - эффективная ширина полосы спектра сигнала(в качестве оценки берется половина ширины главного лепестка амплитудного спектра).

$$B_{10ms} = 10^{-2} \cdot 100 = 1, \quad B_{20ms} = 20 \cdot 10^{-3} \cdot 50 = 1$$
 (2)

База прямоугольного импульса равна единице, что означает что это простой сигнал. Таким образом справедливо соотношение $\Delta f = \frac{1}{T}$. Действительно, в соответствии с этой зависимостью, наблюдается сужение амплитудного спектра при увеличении длительности сигнала.

Спектры

Фазовый спектр ??, энергетический спектр так же сузился.

Энергия

Получим оценку энергии импульса. Для этого необходимо взять частотный диапазон, в котором фаза ϕ спектральных компонент равна нулю (откуда это и почему ??). В случае прямоугольного импульса (см. рис. 1), $\phi = 0, f \in [-100, 100]$ Гц. Полная энергия сигнала равна $2\pi T$ (см. формулу 49 методички $\int \epsilon(\omega)d\omega$). Найдем значение энергии в диапазоне

 $f \in [-100, 100]$ Гц (с помощью численного вычисления интеграла, (см. формулу 49 методички)). Получим, что 90.2% энергии находится в указанном диапазоне.

2.1.2 Прямоугольный видеоимпульс с гармоническим заполнением

Изучить амплитудный, фазовый и энергетический спектры. Задать длительность импульса 10мс и 20мс, амплитуду равной 1 и частоту заполнения 400Гц, а затем проанализировать зависимости.

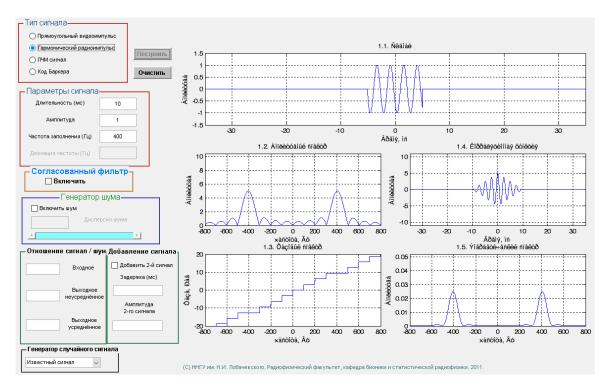


Рис. 3: 10ms

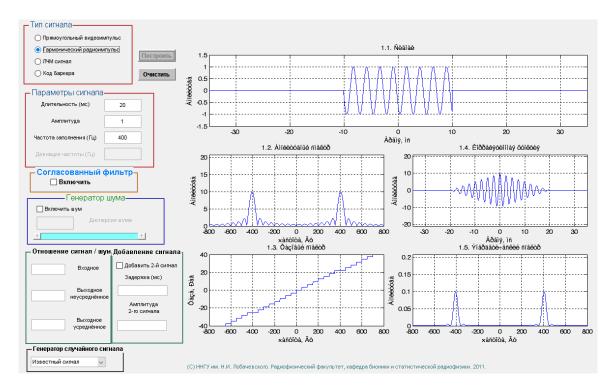


Рис. 4: 20ms

При увеличении длительности сигнала амплитудный спектр ??, фазовый спектр ??, энергетический спектр ??.

$$B_{10ms} = 10^{-2} \cdot 100 = 1, \quad B_{20ms} = 20 \cdot 10^{-3} \cdot 50 = 1$$
 (3)

Значение базы - единица, означает что радиоимпульс это простой сигнал.

2.1.3 Линейно-частотный модулированный импульс

Получить временные реализации ЛЧМ сигнала с параметрами:

- длительность 100мс, средняя частота заполнения 1000Гц, девиация 500Гц;
- длительность 100мс, средняя частота заполнения 1000Гц, девиация 1000Гц
- амплитуда 1.

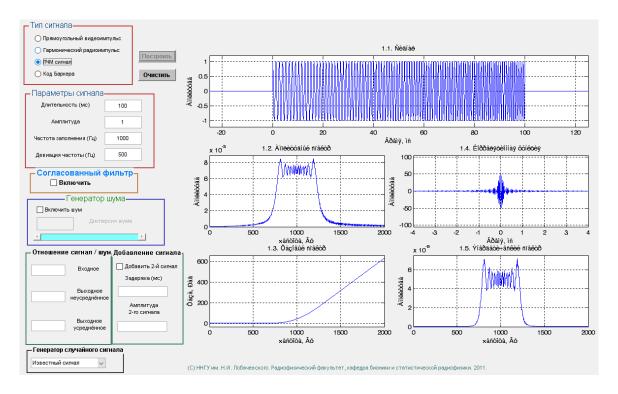


Рис. 5: 500 Гц

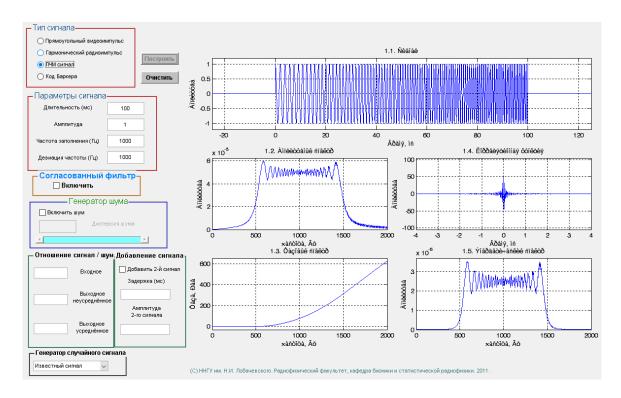


Рис. 6: 1000 Гц

$$B_{500Hz} = 100 \cdot 10^{-3} \cdot (1260 - 760) = 50, \quad B_{1000Hz} = 100 \cdot 10^{-3} \cdot (1500 - 500) = 100$$
 (4)

Для ЛЧМ сигнала сравнить протяженность корреляционной функции с длительностью сигнала. Во сколько раз она меньше длительности сигнала?

При длительности ЛЧМ сигнала 100 мс, протяженность функции корреляции составила всего 0.4 мс, что в 250 раз меньше.

Для ЛЧМ сигнала оценить диапазон изменения фазовых сдвигов у гармоник сигнала в пределах полосы амплитудного спектра. Нарисовать амплитудный спектр в приближенном виде (аппроксимируя прямоугольником) и посмотреть, какой в этих пределах фазовый спектр.

Диапазон изменения фазовых сдвигов в случае девиации 500 Γ ц составил $\phi \in [0-160]$ радиан (см. рис. 7), в случае девиации 1000 Γ ц составил $\phi \in [0-260]$ радиан (см. рис. 8).

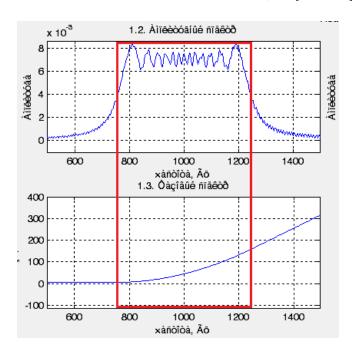


Рис. 7: Диапазон изменения фазовых сдвигов у гармоник сигнала, девиация 500 Гц

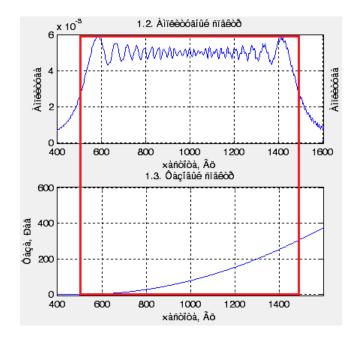


Рис. 8: Диапазон изменения фазовых сдвигов у гармоник сигнала, девиация 1000 Гц

2.1.4 Код Баркера

Получить реализации для кода Баркера (N=13) при длительности 13мс и 26мс

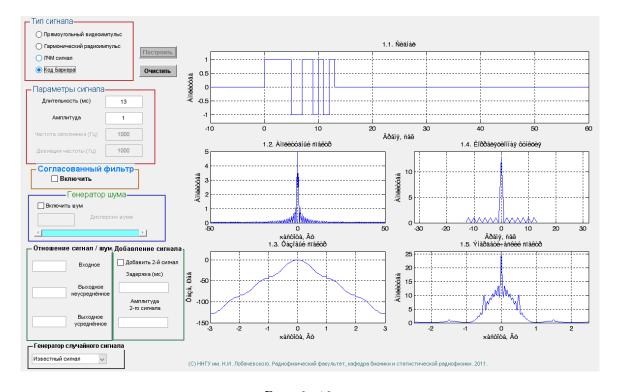


Рис. 9: 13 мс

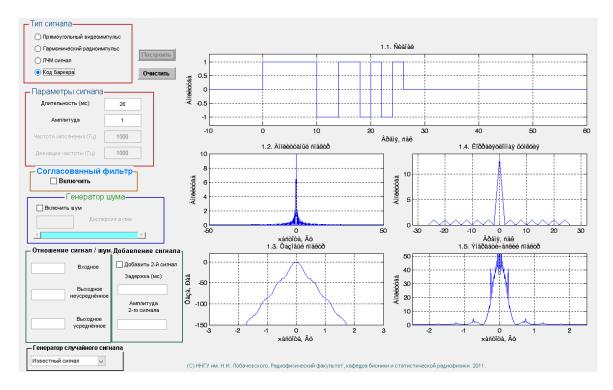


Рис. 10: 26 мс

$$B_{13ms} = 13 \cdot 10^{-3} \cdot 1 = 13 \cdot 10^{-3}, \quad B_{26ms} = 26 \cdot 10^{-3} \cdot 0.5 = 13 \cdot 10^{-3}$$
 (5)

- 2.2. Задание 2. Параметры согласованного фильтра и выходного сигнала
- 2.3. Задание 3. Согласованная фильтрация линейно-частотно модулированного сигнала
- 2.4. Задание 4. Зависимость отношения сигнал/шум на выходе согласованного фильтра от параметров входного сигнала
- 2.5. Задание 5. Разрешение во времени простых и сложных сигналов при согласованной фильтрации.
- 2.6. Задание 6. Различение сигналов.
- 3. Вывод

4. Дополнение

Здесь приведены некоторые вопросы, которые разбирались на сдаче отчета