### 1. Введение

Я создал репозиторий для удобства https://github.com/kannab98/radiolocation. Надеюсь, проблем с кодировками и путями в \*.m файлах не возникнет.

Кстати, разобрался почему прошлая моя программа не запустилась на вашем компьютере: поддержка внутрискриптовых функций была добавлена лишь в версии R2016a.

#### Параметры

$$au=100$$
 мкс — длительность сигнала 
$$\Delta f=3 \ \mathrm{M}\Gamma$$
ц— ширина полосы 
$$f_{\mathrm{допп}}=0.01\cdot\Delta f$$
—допплеровское смещение 
$$a=1$$
— коэффициет нелинейности

#### Вопросы

- Верная ли функция взята для НЧМ?
- Действительно ли должно быть смещение свертки по оси времени при учете допплеровского смещения?

## 2. Линейная частотная модуляция

Рассмотрим сначала линейную зависимость

$$\omega(t) = 2\pi\Delta f = \frac{t}{\tau},\tag{1}$$

где  $\Delta f=3$  МГц — ширина полосы сигнала,  $\tau=100$  мкс — длительность сигнала (см. рис. 2а).

Целью будет являться выделение сигнала вида  $x(t) = \exp\{i\omega(t)t\}$  (см. рис. 3) из статического шума. На практике это означет применение согласованного фильтра, который выполняет операцию свертки случайного сигнала

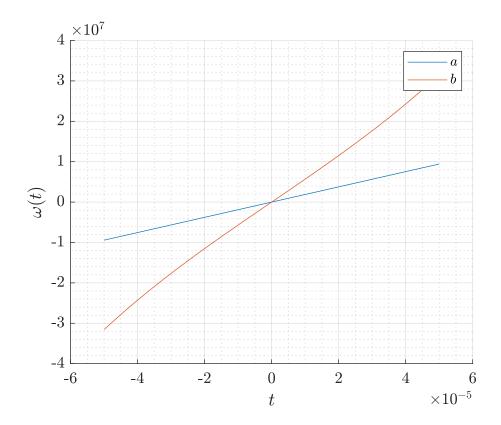


Рис. 1: Различные частотные модуляции: (a) линейная частотная модуляция; (b) нелинейная частотная модуляция.

 $\xi(t)$  с детерменированным x(t)

$$x(t) * \xi(t) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t)\xi^*(t-\tau)d\tau.$$

Но операция нахождение функции свертки процесс ресурсоемкий, поэтому правильнее воспользовавшись теоремой о свертке

$$x(t) * \xi(t) = X(\omega) \cdot \Xi^*(\omega)$$
, где  $X(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} x(t)e^{i\omega t} dt \equiv \mathfrak{F}\{x(t)\},$   $\Xi(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} \xi(t)e^{i\omega t} dt \equiv \mathfrak{F}\{\xi(t)\},$ 

перейти в частотную область и считать свертку как обратное Фурье преоб-

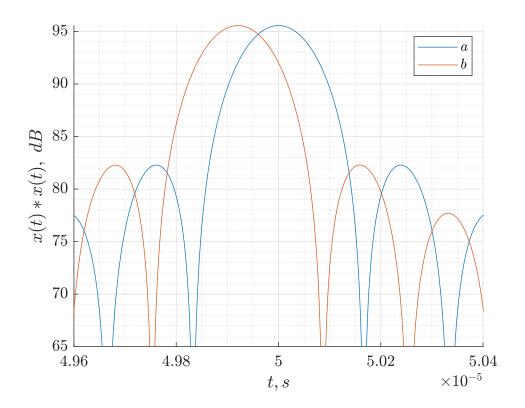


Рис. 2: Свертка детерменированного сигнала x(t) (ЛЧМ) с самим собой. (а) без учета допплеровского смещения; (b) с учетом допплеровского смещения.

разование спектров сигналов

$$x(t) * \xi(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} X(\omega) \cdot \Xi^*(\omega) e^{-i\omega t} d\omega = \mathfrak{F}^{-1} \{ X(\omega) \cdot \Xi^*(\omega) \}.$$

На рис.2а изображена свертка детерменированного сигнала x(t) с самим собой, приведенная к логарифмическому масштабу.

# 3. Нелинейная частотная модуляция.

Нелинейная частотная модуляция спользуется для уменьшения высоты боковых лепестков у функции свертки x(t)\*x(t). В нашем случае НЧМ принимает вид

$$\omega(t) = 2\pi \Delta f \left(\frac{t}{\tau} + \cdot \sinh\left(a\frac{t}{\tau}\right)\right),\tag{2}$$

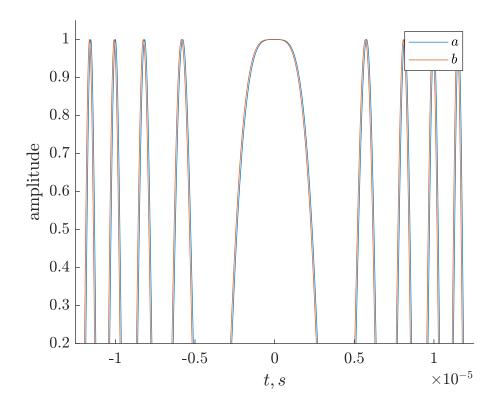


Рис. 3: Детерменированный сигнал x(t) (a) ЛЧМ; (b) НЧМ.

где a – коэффициеент нелинейности. В предельном случае a=0 формула (2) выродится в формулу (1).

Свертка для нелинейного случая изображена на рис. 4.

Как видно из рис. 4 боковые лепестки стали меньше, по сравнению с рис. 2 примерно на 5 дБ.

Также, на рис. 4b можно заметить что при учете допплеровского смещения график стал асимметричным: левый лепесток на 4 дБ слабее правого.

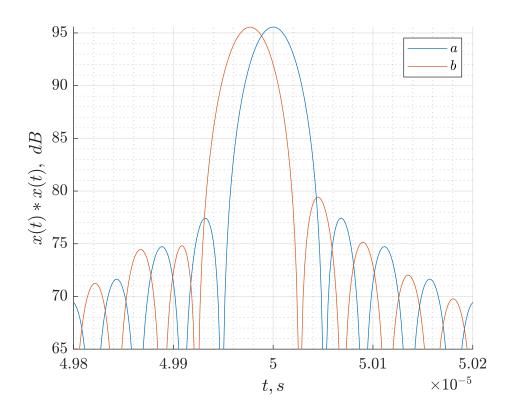


Рис. 4: Свертка детерменированного сигнала x(t) (НЧМ) с самим собой. (а) без учета допплеровского смещения; (b) с учетом допплеровского смещения.