

Fondamenti di controlli automatici

Un goliardico riassunto

Ollari Dmitri

11 luglio 2023

Indice

1	Il controllo attivo di un processo	2
1.1	Definizioni	2
1.1.1	Behaviors	2
1.1.2	Linearità	2
1.1.3	Stazionarietà	2
1.2	Controllo ad azione diretta e retroazione	2
2	Modellistica ed equazioni differenziali lineari	3
2.1	Cenni modellistica	3
2.1.1	Circuiti elettrici	3
2.2	Sistemi meccanici	3
2.3	Equazioni differenziali lineari	3

Capitolo 1

Il controllo attivo di un processo

1.1 Definizioni

1.1.1 Behaviors

Insieme di tutte le possibili coppie causa effetto associate ad un sistema.

1.1.2 Linearità

Un insieme si dice lineare quando soddisfa la proprietà di sovrapposizione degli effetti.

1.1.3 Stazionarietà

Un sistema si dice stazionario quando il suo comportamento non cambia nel tempo.

1.2 Controllo ad azione diretta e retroazione

Il controllo attivo di un processo può essere realizzato in due modi:

- azione diretta
- retroazione

Con il controllo ad azione diretta si ha che l'azione di comando dipende da:

- obiettivo
- info sul processo
- ingressi

Con il controllo a retroazione si ha che l'azione di comando dipende da:

- obiettivo
- info sul processo
- ingressi
- variabili controllate

Capitolo 2

Modellistica ed equazioni differenziali lineari

2.1 Cenni modellistica

2.1.1 Circuiti elettrici

Resistenza: R [Ohm]

$$V_R = Ri \quad (2.1)$$

Induttanza: L [Henry]

$$V_L = L \frac{di}{dt} = LDi \quad (2.2)$$

Capacità: C [Farad]

$$V_C = \frac{1}{C} \int_{-\infty}^t i(\tau) d\tau \Rightarrow DV_C = \frac{i}{C} \quad (2.3)$$

2.2 Sistemi meccanici

Massa: m [kg]

$$MD^2x = f_1(t) - f_2 \quad (2.4)$$

Molla: k [N/m]

$$f(t) = K(x_1(t) - x_2(t)) \quad (2.5)$$

Ammortizzatore: b [N s/m]

$$f(t) = B(v_1(t) - v_2(t)) \quad (2.6)$$

$$f(t) = BD(x_1(t) - x_2(t)) \quad (2.7)$$

2.3 Equazioni differenziali lineari

$$\sum_{i=0}^n a_i D^i y = \sum_{i=0}^m b_i D^i u \quad (2.8)$$

- n ordine dell'equazione differenziale se $n \geq m$
- $p = n - m$ ordine relativo ($n \geq m$)