

Matematica Applicata

Ollari Dmitri

2 agosto 2023

Indice

1	Polinomi interpolatori	2
1.1	Teorema	2
2	Polinomio interpolatore di Lagrange	3

Capitolo 1

Polinomi interpolatori

1.1 Teorema

Se (x_i, y_i) , $i = 0, \dots, n$ sono $n + 1$ punti distinti, allora esiste un unico polinomio $p_n(x)$ di grado $\leq n$ tale che $p_n(x_i) = y_i$, $i = 0, \dots, n$.

Capitolo 2

Polinomio interpolatore di Lagrange

Il polinomio interpolatore di Lagrange si presenta nella forma:

$$L_i = \prod_{k=0, k \neq i}^n \frac{x - x_k}{x_i - x_k} \quad (2.1)$$

Invece il polinomio interpolatore costruito grazie ai polnomi di Lagrange è:

$$p_n(x) = \sum_{i=0}^n y_i L_i(x) \quad (2.2)$$

La caratteristica del polinomio di Lagrange è che:

$$L_i(x_j) = \begin{cases} 1 & \text{se } i = j \\ 0 & \text{se } i \neq j \end{cases} \quad (2.3)$$

Il polinomio interpolatore di Lagrange si può riscrivere come:

$$p_n(x) = \sum_{i=0}^n y_i L_i(x) \quad (2.4)$$

$$= \omega_n(x) \sum_{i=0}^n \frac{\beta_i}{x - x_i} \quad (2.5)$$

Dove $\omega_n(x)$ è:

$$\omega_n(x) = \prod_{i=0}^n (x - x_i) \quad (2.6)$$