17

19

Πρόλογος

Ευχαριστίες

Ι	Βασικά στοιχεία 21			
1	Εισαγ	νωγή 23		
	1.1	Η αβεβαιότητα στη ρομποτική 23		
	1.2	Πιθανοτική ρομποτική 25		
	1.3	Συνέπειες 29		
	1.4	Οδικός χάρτης 30		
	1.5	Διδασκαλία της πιθανοτικής ρομποτικής 31		
	1.6	Βιβλιογραφικά σχόλια 32		
2	Αναδρ	ρομική εκτίμηση κατάστασης 35		
	2.1	Εισαγωγή 35		
	2.2	Βασικές έννοιες πιθανοτήτων 36		
	2.3	Αλληλεπίδραση ρομπότ-περιβάλλοντος 41		
		2.3.1 Κατάσταση 41		
		2.3.2 Αλληλεπίδραση περιβάλλοντος 44		
		2.3.3 Πιθανοτικοί παραγωγικοί νόμοι 46		
		2.3.4 Κατανομές πεποίθησης 48		
	2.4	Φίλτρα Bayes 49		
		2.4.1 Ο αλγόριθμος του φίλτρου Bayes 49		
		2.4.2 Παράδειγμα 51		
		2.4.3 Μαθηματική απόδειξη του φίλτρου Bayes 54		
		2.4.4 Η υπόθεση Markov 56		
	2.5	Αναπαραστάσεις και υπολογισμοί 57		
	2.6	Περίληψη 58		
	2.7	Βιβλιογραφικά σχόλια 59		
	2.8	Ασκήσεις 59		

3	Φίλτρ	α Gauss	63
	3.1	Εισαγωγ	νή 63
	3.2	Το φίλτρ	oo Kalman 64
		3.2.1	Γραμμικά συστήματα Gauss 64
		3.2.2	Ο αλγόριθμος του φίλτρου Kalman 66
		3.2.3	Παράδειγμα 68
		3.2.4	Μαθηματική απόδειξη του KF 69
	3.3	Το επεκτ	τεταμένο φίλτρο Kalman 78
		3.3.1	Γιατί είναι απαραίτητη η γραμμικοποίηση; 78
		3.3.2	Γραμμικοποίηση μέσω αναπτύγματος Taylor 80
		3.3.3	Ο αλγόριθμος του ΕΚΕ 82
		3.3.4	Μαθηματική απόδειξη του φίλτρου ΕΚF 83
		3.3.5	Πρακτικά ζητήματα 84
	3.4	Το φίλτρ	ο Kalman χωρίς καθοδήγηση 88
		3.4.1	Γραμμικοποίηση μέσω του μετασχηματισμού
			χωρίς καθοδήγηση 89
		3.4.2	Ο αλγόριθμος UKF 92
	3.5	, ,	οο πληροφοριών 94
		3.5.1	Κανονική παραμετροποίηση 95
		3.5.2	Ο αλγόριθμος του φίλτρου πληροφοριών 96
		3.5.3	Μαθηματική απόδειξη του φίλτρου πληροφοριών 98
		3.5.4	Ο αλγόριθμος του επεκτεταμένου φίλτρου
			πληροφοριών 99
		3.5.5	Μαθηματική απόδειξη του επεκτεταμένου
		2 = 4	φίλτρου πληροφοριών 100
	2.6	3.5.6	Πρακτικά ζητήματα 101
	3.6	Περίληψ	·
	3.7		οαφικά σχόλια 105
	3.8	Ασκήσει	ς 105
4	Μη π	αραμετρι	μά φίλτρα 109
	4.1	Το φίλτρ	οο ιστογράμματος 110
		4.1.1	Ο αλγόριθμος του διακριτού φίλτρου Bayes 110
		4.1.2	Συνεχής κατάσταση 111
		4.1.3	Μαθηματική απόδειξη της προσέγγισης με
			ιστόγραμμα 114
		4.1.4	Τεχνικές ανάλυσης 116
	4.2	Δυαδικά	. φίλτρα Bayes με στατική κατάσταση 118
	4.3	Το φίλτρ	οο σωματιδίων 120
		4.3.1	Βασικός αλγόριθμος 120
		4.3.2	Δειγματοληψία σπουδαιότητας 124
		433	Μαθηματική απόδειξη του φίλτοου σωματιδίων 127

		4.3.4 Πρακτικά ζητήματα και ιδιότητες των φίλτρων
		σωματιδίων 128
	4.4	Περίληψη 138
	4.5	Βιβλιογραφικά σχόλια 139
	4.6	Ασκήσεις 139
5	Ρομπο	τική κίνηση 143
	5.1	Εισαγωγή 143
	5.2	Προπαρασκευή 144
		5.2.1 Κινηματική διευθέτηση 144
		5.2.2 Πιθανοτική κινηματική 145
	5.3	Το μοντέλο κίνησης της ταχύτητας 147
		5.3.1 Υπολογισμός κλειστής μορφής 147
		5.3.2 Αλγόριθμος δειγματοληψίας 149
		5.3.3 Μαθηματική απόδειξη του μοντέλου κίνησης της
		ταχύτητας 151
	5.4	Μοντέλο κίνησης της οδομετρίας 158
		5.4.1 Υπολογισμός κλειστής μορφής 158
		5.4.2 Αλγόριθμος δειγματοληψίας 161
		5.4.3 Μαθηματική απόδειξη του μοντέλου κίνησης της
		οδομετρίας 162
	5.5	Κίνηση και χάρτες 165
	5.6	Περίληψη 168
	5.7	Βιβλιογραφικά σχόλια 170
	5.8	Ασκήσεις 170
6	Ρομπο	τική αντίληψη 175
	6.1	Εισαγωγή 175
	6.2	Χάρτες 178
	6.3	Μοντέλα δέσμης για αισθητήρες μέτρησης απόστασης
		6.3.1 Ο βασικός αλγόριθμος μέτρησης 180
		6.3.2 Ρύθμιση των εγγενών παραμέτρων του
		μοντέλου 185
		6.3.3 Μαθηματική απόδειξη του μοντέλου δέσμης 188
		6.3.4 Πρακτικά ζητήματα 193
		6.3.5 Περιορισμοί του μοντέλου δέσμης 194
	6.4	Πεδία πιθανοφάνειας για αισθητήρες μέτρησης
		απόστασης 195
		6.4.1 Βασικός αλγόριθμος 195
		6.4.2 Επεκτάσεις 198
	6.5	Μοντέλα μέτρησης που βασίζονται στη συσχέτιση 200
	6.6	Μοντέλα μέτρησης βασισμένα σε χαρακτηριστικά 202
		6.6.1 Εξαγωγή χαρακτηριστικών 202

	6.7 6.8 6.9 6.10	Περίλη	γραφικά σχόλια 211	204
II			σμός θέσης 215	
7	Εντο		έσης κινητού ρομπότ: μέθοδοι Markov και Gaus	s 217
	7.1	•	μία των προβλημάτων εντοπισμού θέσης 219	
	7.2		σμός θέσης Markov 223	
	7.3	,	ειγμα του εντοπισμού θέσης Markov 225	
	7.4		σμός θέσης με ΕΚΕ 227	
		7.4.1	Παράδειγμα 227	
		7.4.2		29
		7.4.3	Μαθηματική απόδειξη του εντοπισμού θέσης μ ΕΚΓ 231	3.
		7.4.4	Φυσική υλοποίηση 236	
	7.5	Εκτίμη	ση αντιστοιχιών 242	
		7.5.1	Εντοπισμός θέσης με ΕΚΓ για άγνωστες	
			αντιστοιχίες 242	
		7.5.2	Μαθηματική απόδειξη της συσχέτισης	
			δεδομένων ML 244	
	7.6	Παρακ	ολούθηση πολλών υποθέσεων 245	
	7.7	Εντοπι	σμός θέσης με UKF 247	
		7.7.1	Μαθηματική απόδειξη του εντοπισμού θέσης μ UKF 247	3.
		7.7.2	Παράδειγμα 250	
	7.8	Πρακτι	ικά ζητήματα 254	
	7.9	Περίλη	ψη 258	
	7.10	Βιβλιογ	γραφικά σχόλια 260	
	7.11	Ασκήσε	εις 261	
8	Εντο	τισμός θ	έσης κινητού ρομπότ: πλέγματα και μέθοδοι	
	Móvi	τε Κάρλο	265	
	8.1	Εισαγω	ργή 265	
	8.2	•	σμός θέσης με πλέγμα 266	
		8.2.1	Βασικός αλγόριθμος 266	
		822	Αναλύσεις πλένματος 267	

		8.2.3 Υπολογιστικά ζητήματα 270
		8.2.4 Παράδειγμα 273
	8.3	Εντοπισμός θέσης Μόντε Κάρλο 278
		8.3.1 Παράδειγμα 278
		8.3.2 Ο αλγόριθμος ΜCL 280
		8.3.3 Φυσικές υλοποιήσεις 281
		8.3.4 Ιδιότητες του MCL 281
		8.3.5 MCL με τυχαία σωματίδια: ανάκαμψη από αποτυχίες 283
		8.3.6 Τροποποίηση της κατανομής εισήγησης 288
		8.3.7 Δειγματοληψία KLD: προσαρμογή του μεγέθους των συνόλων δειγμάτων 291
	8.4	Εντοπισμός θέσης σε δυναμικά περιβάλλοντα 295
	8.5	Πρακτικά ζητήματα 301
	8.6	Περίληψη 303
	8.7	Βιβλιογραφικά σχόλια 304
	8.8	Ασκήσεις 305
	0.0	
II	I X	Καρτογράφηση 309
9	Χαρτο	ογράφηση πλέγματος κατάληψης 311
	9.1	Εισαγωγή 311
	9.2	Ο αλγόριθμος χαρτογράφησης πλέγματος κατάληψης 314
		9.2.1 Συγχώνευση δεδομένων από πολλούς
		αισθητήρες 322
	9.3	Εκμάθηση αντίστροφων μοντέλων μέτρησης 324
		9.3.1 Αντιστροφή του μοντέλου μέτρησης 324
		9.3.2 Δειγματοληψία από το προς τα εμπρός μοντέλο 325
		9.3.3 Η συνάρτηση σφάλματος 327
		9.3.4 Παραδείγματα και πρόσθετα ζητήματα 328
	9.4	Μέγιστη εκ των υστέρων χαρτογράφηση κατάληψης 330
		9.4.1 Η περίπτωση της διατήρησης εξαρτήσεων 330
		9.4.2 Χαρτογράφηση πλέγματος κατάληψης
		με προς τα εμπρός μοντέλα 331
	9.5	Περίληψη 334
	9.6	Βιβλιογραφικά σχόλια 335
	9.7	Ασκήσεις 337
10	Ταυτά	ύχρονος εντοπισμός θέσης και χαρτογράφηση 341
	10.1	Εισαγωγή 341
	10.2	SLAM με επεκτεταμένα φίλτρα Kalman 344
		10.2.1 Προπαρασκευή και υποθέσεις 344

		10.2.2 SLAM με γνωστή αντιστοιχία 345 10.2.3 Μαθηματική απόδειξη του ΕΚF SLAM 349
	10.3	ΕΚΕ SLAM με άγνωστες αντιστοιχίες 353
		10.3.1 Ο γενικός αλγόριθμος ΕΚF SLAM 353
		10.3.2 Παραδείγματα 356
		10.3.3 Επιλογή χαρακτηριστικών και διαχείριση χάρτη 359
	10.4	Περίληψη 363
	10.5	Βιβλιογραφικά σχόλια 364
	10.6	Ασκήσεις 368
11	Ο αλγ	όριθμος GraphSLAM 371
	11.1	Εισαγωγή 371
	11.2	Περιγραφή 374
		11.2.1 Δημιουργία του γραφήματος 374
		11.2.2 Συμπερασμός 377
	11.3	Ο αλγόριθμος GraphSLAM 380
	11.4	Μαθηματική απόδειξη του GraphSLAM 386
		11.4.1 Η εκ των υστέρων πιθανότητα του πλήρους
		SLAM 387
		11.4.2 Η αρνητική λογαριθμική εκ των υστέρων
		πιθανότητα 388
		11.4.3 Ανάπτυγμα Taylor 389
		11.4.4 Κατασκευή της μορφής πληροφοριών 390
		11.4.5 Μείωση (μεγέθους) της μορφής πληροφοριών 391
	11 5	11.4.6 Ανάκτηση της διαδρομής και του χάρτη 394
	11.5	Συσχέτιση δεδομένων στον GraphSLAM 396 11.5.1 Ο αλγόριθμος GraphSLAM με άγνωστη
		11.5.1 Ο αλγόριθμος GraphSLAM με άγνωστη αντιστοιχία 397
		7.
	11.6	11.5.2 Μαθηματική απόδειξη του ελέγχου αντιστοιχίας 399 Ζητήματα αποδοτικότητας 402
		Πειραματική υλοποίηση 403
		Εναλλακτικές τεχνικές βελτιστοποίησης 408
		Περίληψη 411
		Βιβλιογραφικά σχόλια 413
		Ασκήσεις 415
		·
12	_	αιό επεμτεταμένο φίλτρο πληροφοριών 417
	12.1	Εισαγωγή 417
		Περιγραφή 420
		Ο αλγόριθμος SEIF SLAM 423
	12.4	Μαθηματική απόδειξη του SEIF 426
		12.4.1 Ενημέρωση κίνησης 426
		12.4.2 Ενημερώσεις μέτρησης 429

	12.5	Αραίωστ	430	
		12.5.1	Γενική ιδέα 430	
		12.5.2	Η αραίωση στα φίλτρα SEIF 431	
		12.5.3	Μαθηματική απόδειξη της αραίωσης 433	
	12.6	Αντισταθ	θμιστική ανάκτηση χάρτη 434	
	12.7	Πόσο αρ	ραιά πρέπει να είναι τα φίλτρα SEIF; 436	
	12.8	Αυξητικι	ή συσχέτιση δεδομένων 439	
		12.8.1	Υπολογισμός πιθανοτήτων της αυξητικής	
			συσχέτισης δεδομένων 440	
		12.8.2	Πρακτικά ζητήματα 442	
	12.9	Συσχέτιο	ση δεδομένων με διακλάδωση και οριοθέτηση	445
		12.9.1	Αναδρομική αναζήτηση 447	
		12.9.2	Υπολογισμός τυχαίων πιθανοτήτων συσχέτισης	
			δεδομένων 448	
		12.9.3	Περιορισμοί ισοδυναμίας 450	
	12.10	Πρακτικ	ά ζητήματα 451	
	12.11	Πολυρομ	ιποτικό SLAM 454	
		12.11.1	Συγχώνευση χαρτών 455	
		12.11.2	Μαθηματική απόδειξη της συγχώνευσης χαρτών	458
		12.11.3	Προσδιορισμός αντιστοιχίας 459	
		12.11.4	Παράδειγμα 460	
		Περίληψ	•	
		. ,,	οαφικά σχόλια 465	
	12.14	Ασκήσει	ς 466	
13	Ο αλγ	όριθμος Ι	FastSLAM 469	
	13.1	Ο βασικ	ός αλγόριθμος 471	
	13.2	Παραγο	ντοποίηση της εκ των υστέρων πιθανότητας του	
		SLAM	473	
		13.2.1	Μαθηματική απόδειξη της παραγοντοποιημένης	
			εκ των υστέρων πιθανότητας του SLAM 474	
	13.3		Μ με γνωστή συσχέτιση δεδομένων 476	
	13.4	Βελτίωσ	η της κατανομής εισήγησης 481	
		13.4.1	Επέκταση της εκ των υστέρων πιθανότητας της	
			διαδρομής με δειγματοληψία μιας νέας στάσης	483
		13.4.2	Ενημέρωση των εκτιμήσεων για τα	
			παρατηρούμενα χαρακτηριστικά 486	
		13.4.3	Υπολογισμός των συντελεστών σπουδαιότητας	487
	13.5	•	η συσχέτιση δεδομένων 489	
	13.6	,	ση χάρτη 491	
	13.7		οιθμοι FastSLAM 492	
	13.8		κή υλοποίηση 493	
	13.9	FastSLA	Μ για χάρτες βασισμένους σε χαρακτηριστικά	500

		13.9.1 Πειραματικές παρατηρήσεις 500
		13.9.2 Κλείσιμο βρόχων 503
	13.10	FastSLAM βασισμένος σε πλέγμα 507
		13.10.1 Ο αλγόριθμος 507
		13.10.2 Πειραματικές παρατηρήσεις 508
		Περίληψη 511
		Βιβλιογραφικά σχόλια 513
	13.13	Ασκήσεις 515
I	$\mathbf{\Sigma}$	χεδιασμός δράσης και έλεγχος 517
14	Διαδι	μασίες αποφάσεων Markov 519
	14.1	Κίνητρα 519
	14.2	Αβεβαιότητα στην επιλογή δράσης 522
	14.3	Επανάληψη τιμών 527
		14.3.1 Στόχοι και απολαβή 528
		14.3.2 Εύρεση βέλτιστων πολιτικών ελέγχου για την
		πλήρως παρατηρήσιμη περίπτωση 532
		14.3.3 Υπολογισμός της συνάρτησης τιμών 533
	14.4	Εφαρμογή στον ρομποτικό έλεγχο 536
	14.5	Περίληψη 540
	14.6	Βιβλιογραφικά σχόλια 542
	14.7	Ασκήσεις 543
15	Μεριν	ιώς παρατηρήσιμες διαδικασίες αποφάσεων Markov 547
	15.1	Κίνητρα 547
	15.2	Ένα χαρακτηριστικό παράδειγμα 549
		15.2.1 Προπαρασκευή 549
		15.2.2 Επιλογή ενέργειας ελέγχου 550
		15.2.3 Αίσθηση 553
		15.2.4 Πρόβλεψη 557
		15.2.5 Ορίζοντες με βάθος και περικοπή 560
	15.3	Ο αλγόριθμος POMDP για πεπερασμένους κόσμους 561
	15.4	Μαθηματική απόδειξη των POMDP 564
		15.4.1 Επανάληψη τιμών στον χώρο των πεποιθήσεων 564
		15.4.2 Αναπαράσταση της συνάρτησης τιμών 566
	15.5	15.4.3 Υπολογισμός της συνάρτησης τιμών 567
	15.5	Πρακτικά ζητήματα 570
	15.6	Περίληψη 574
	15.7 15.8	Βιβλιογραφικά σχόλια 576 Ασκήσεις 578
	ואו	AUKHOEIC 3/A

16	Προσε	εγγιστικές τεχνικές POMDP 581
	16.1	Κίνητρα 581
	16.2	QMDP 582
	16.3	Επαυξημένες διαδικασίες αποφάσεων Markov 584
		16.3.1 Ο επαυξημένος χώρος καταστάσεων 584
		16.3.2 Ο αλγόριθμος AMDP 585
		16.3.3 Μαθηματική απόδειξη των AMDP 587
		16.3.4 Εφαρμογή στην πλοήγηση κινητών ρομπότ 589
	16.4	POMDP Μόντε Κάρλο 593
		16.4.1 Χρήση συνόλων σωματιδίων 593
		16.4.2 Ο αλγόριθμος MC-POMDP 594
		16.4.3 Μαθηματική απόδειξη των MC-POMDP 596
		16.4.4 Πρακτικά ζητήματα 597
	16.5	Περίληψη 599
	16.6	Βιβλιογραφικά σχόλια 600
	16.7	Ασκήσεις 601
17	Εξερε	ύνηση 605
	17.1	Εισαγωγή 605
	17.2	Βασικοί αλγόριθμοι εξερεύνησης 607
		17.2.1 Κέρδος πληροφορίας 607
		17.2.2 Άπληστες τεχνικές 608
		17.2.3 Εξερεύνηση Μόντε Κάρλο 609
		17.2.4 Πολυβηματικές τεχνικές 610
	17.3	Ενεργητικός εντοπισμός θέσης 611
	17.4	Εξερεύνηση για εκμάθηση χαρτών πλέγματος κατάληψης 617
		17.4.1 Υπολογισμός του κέρδους πληροφορίας 617
		17.4.2 Διάδοση του κέρδους 621
		17.4.3 Επέκταση σε πολυρομποτικά συστήματα 623
	17.5	Εξερεύνηση για το πρόβλημα SLAΜ 629
		17.5.1 Ανάλυση εντροπίας στον SLAM 629
		17.5.2 Εξερεύνηση στον αλγόριθμο FastSLAM 631
		17.5.3 Πειραματική απόδοση 634
	17.6	Περίληψη 636
	17.7	Βιβλιογραφικά σχόλια 638
	17.8	Ασκήσεις 641
Βιβ	βλιογρα	αφία 643
Ay	γλοελλ	ηνικό λεξικό όρων 671

Ευρετήριο