## Feigenbaum2

May 5, 2018

## 1 Feigenbaum-Diagramm mit Lyapunov-Exponenten

Zuerst importieren wir die benötigten Pakete Numpy und die Matplotlib

Dann implementieren wir die logistische Funktion

Zur Berechnung der Funktion wird ein Array mit 10.000 Werten implementiert, die zwischen 2,5 und 4 gleichverteilt sind:

```
In [12]: n = 10000
 r = np.linspace(2.5, 4.0, n)
```

Das Programm soll 1.000 Iterationen der logistischen Gleichung durchlaufen und die letzten 100 sollen für das Bifurkations-Diagramm genutzt werden.

Wir initialisieren das System mit  $x_0 = 0.00001$ :

```
In [14]: x = 1e-5 * np.ones(n)
```

Zur Berechnung des Lyanpunov-Exponenten initialisieren wir als erstes den 1yapunov-Vektor:

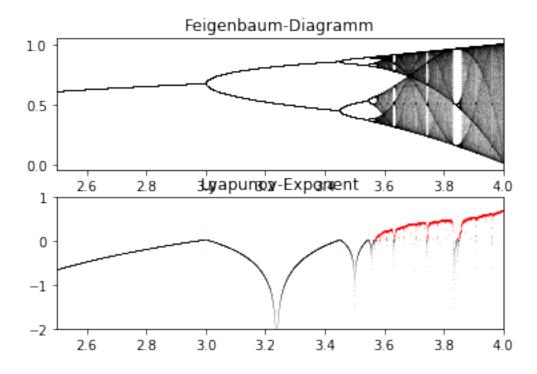
```
In [15]: lyapunov = np.zeros(n)
```

Nun folgt das eigentliche Programm:

```
if i >= (iterations - last):
        plt.plot(r, x, ", k", alpha = 0.02)
plt.xlim(2.5, 4)
plt.title("Feigenbaum-Diagramm")

plt.subplot(212)
plt.plot(r[lyapunov < 0], lyapunov[lyapunov < 0]/iterations, ",k", alpha = 0.1)
plt.plot(r[lyapunov >= 0], lyapunov[lyapunov >= 0] / iterations, ",r", alpha = 0.25)
plt.xlim(2.5, 4.0)
plt.ylim(-2, 1)
plt.title("Lyapunov-Exponent")
```

Out[16]: <matplotlib.text.Text at 0x1136c16a0>



Wir sehen einen Fixpunkt bei r < 3.0 und der Lyapunov-Exponent ist positiv (hier in rot markiert), wenn das System chaotisch wird.