

Laboratorium 9

Symulacja zbiornika ze stałym wypływem i grzaniem

Karolina Piotrowska

1. Wstęp

1.1 Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia jest zamodelowanie zbiornika ze stałym wypływem i grzaniem cieczy. Symulacja polega na numerycznym rozwiązywaniu równań różniczkowych opisujących model zbiornika metodą Eulera w środowisku programistycznym Matlab.

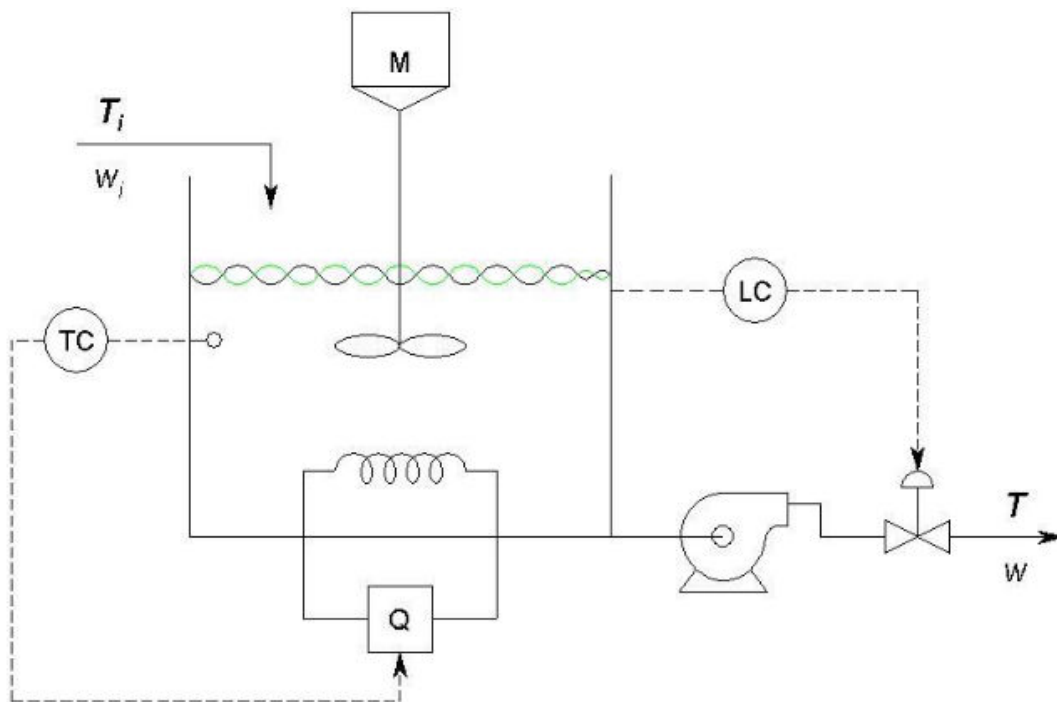
1.2 Model

Model zbiornika ze stałym dopływem i wypływem oraz grzaniem, z założeniem idealnego mieszania, jest opisany równaniami różniczkowymi wyprowadzonymi na podstawie zasady zachowania masy:

$$\rho \frac{dV}{dt} = w_i - w$$

i z zasady zachowania energii:

$$V\rho \frac{dT}{dt} = w_i(T_i - T) + \frac{Q}{C}$$



Rys. 1. Zbiornik ze stałym wypływem i grzaniem. LC – level controller, TC – temperature controller.

1.3 Symulacja

Symulacja modelu polega na rozwiązywaniu równań różniczkowych (1) i (2) w pętli „czasu rzeczywistego” metodą Eulera.

Wychodząc z definicji pochodnej mamy:

$$\dot{f}(x_0) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h}$$

więc:

$$f(x_0 + h) \cong f(x_0) + \dot{f}(x_0)h \quad \text{dla małych } h$$

W metodzie Eulera (różniczkowanie w przód) równanie różniczkowe rozwiązuje się rekurencyjnie:

$$x(k+1) = x(k) + h\dot{x}(k) \quad \text{dla } k = 1, \dots, N$$

gdzie h jest okresem próbkowania.

Rozwiązanie

```
N = 10000;
h = 0.1;
Qmax = 25000;
w_ust = 0.4;
w_ust2 = 0.5;
w_ust3 = 0.6;
Ti = 293;
T_ust = 303;
V_ust = 0.04;
V_ust2 = 0.06;
V_ust3 = 0.08;
C = 4200;
ro = 1000;

Q_ust = (T_ust-Ti)*w_ust*C;

t=(0:N-1)*h;

V(1) = V_ust;
V2(1) = V_ust2;
V3(1) = V_ust3;

T1(1) = Ti;
T2(1) = Ti;
T3(1) = Ti;
T4(1) = Ti;
```

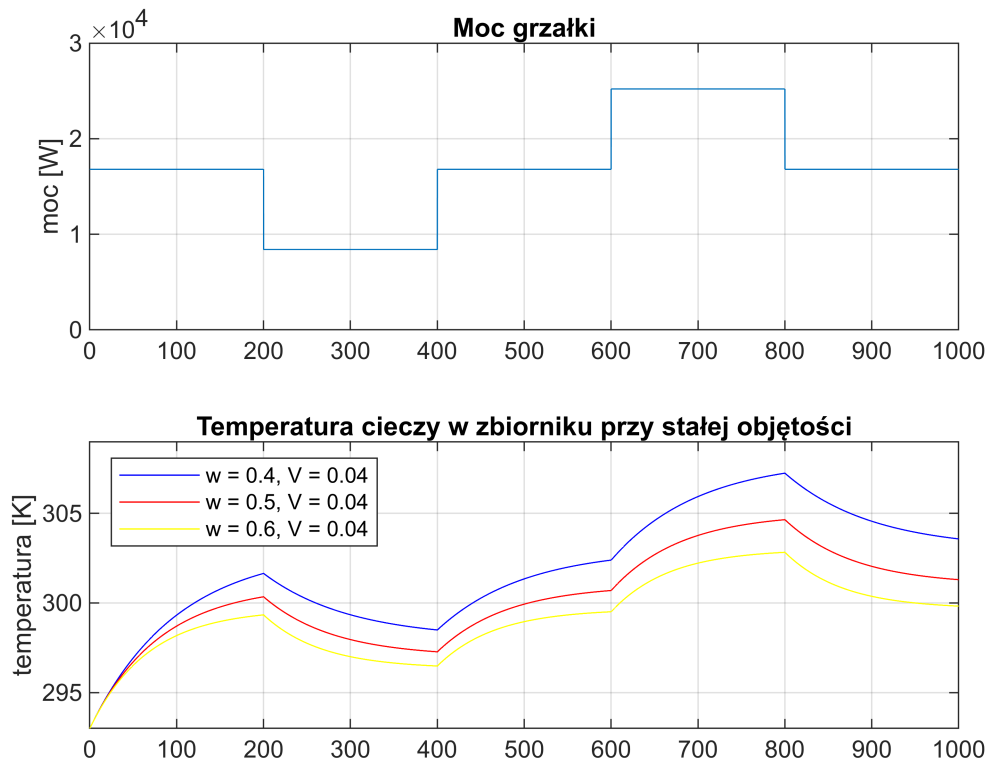
```

T5(1) = Ti;
T6(1) = Ti;

t(1) = 1;
for k = 1:N-1
    t(k+1) = k+1;
    V(k+1) = V(k);
    X = ones(1,floor(N/5));
    Q = [Q_ust*X, 0.5*Q_ust*X, Q_ust*X, 1.5*Q_ust*X, Q_ust*X];
    T1(k+1) = T1(k) + h*(w_ust*(Ti-T1(k))+(Q(k)/C))/(V_ust*ro);
    T2(k+1) = T2(k) + h*(w_ust2*(Ti-T2(k))+(Q(k)/C))/(V_ust*ro);
    T3(k+1) = T3(k) + h*(w_ust3*(Ti-T3(k))+(Q(k)/C))/(V_ust*ro);
    T4(k+1) = T4(k) + h*(w_ust*(Ti-T4(k))+(Q(k)/C))/(V_ust*ro);
    T5(k+1) = T5(k) + h*(w_ust*(Ti-T5(k))+(Q(k)/C))/(V_ust2*ro);
    T6(k+1) = T6(k) + h*(w_ust*(Ti-T6(k))+(Q(k)/C))/(V_ust3*ro);
end

figure;
subplot(2,1,1)
plot(t/10,Q)
title('Moc grzałki')
ylabel('moc [W]')
grid on;
axis([0 1000 0 30000])
subplot(2,1,2)
plot(t/10,T1,'b',t/10,T2,'r',t/10,T3,'y')
axis([0 1000 293 309])
title('Temperatura cieczy w zbiorniku przy stałej objętości')
legend('w = 0.4, V = 0.04','w = 0.5, V = 0.04','w = 0.6, V = 0.04','Location','northwest')
ylabel('temperatura [K]')
grid on;

```



```
figure;
subplot(2,1,1)
plot(t/10,Q)
title('Moc grzałki')
ylabel('moc [W]')
grid on;
axis([0 1000 0 30000])
subplot(2,1,2)
plot(t/10,T4,'b',t/10,T5,'r',t/10,T6,'y')
axis([0 1000 293 309])
title('Temperatura cieczy w zbiorniku przy stałym przepływie')
legend('w = 0.4, V = 0.04','w = 0.4, V = 0.06','w = 0.4, V = 0.08','Location','northwest')
ylabel('temperatura [K]')
grid on;
```

