Par šo LU NMS atbalstīto pasākumu atbild kalvis.apsitis@gmail.com.

Uzdevums 2.1: Regulārā 360-stūrī virsotnes apzīmētas ar veseliem skaitļiem no 0 līdz 359.

- Ar ziliem nogriežniem savienotas virsotnes a, b, kurām  $a + b \equiv 37 \pmod{360}$ .
- Ar sarkaniem nogriežniem savienotas virsotnes a, b, kurām  $a + b \equiv 151 \pmod{360}$ .

Atrast mazāko leņķi (grādos) kuru var veidot zils nogrieznis ar sarkanu nogriezni. (Ja krustojoties veidojas divi leņķi x un  $180^{\circ} - x$ , ierakstīt mazāko pozitīvo x vērtību.)

**Uzdevums 2.2:** Ar kādu periodu mainās pēdējie 10 cipari skaitļa  $5^n$  decimālpierakstā? (Var pieņemt, ka n vērtība ir pietiekami liela un priekšperiods jau ir beidzies.)

**Uzdevums 2.3:** F(0) = 0; F(1) = 1; F(k+2) = F(k+1) + F(k) ir Fibonači skaitļu virkne. Atrast mazāko veselo pozitīvo skaitli n, kuram Fibonači skaitlis F(n) dod atlikumu 5, dalot ar 8 un vienlaikus arī atlikumu 13, dalot ar 21.

**Uzdevums 2.4:** Ar cik daudzām nullēm beidzas skaitļa  $11^{10^{1918}} - 1$  decimālpieraksts?

**Uzdevums 2.5:** Atrast lielāko naturālo skaitli n ar sekojošām 2 īpašībām:

- (a)  $n = 7^k$ .
- (b) Skaitlis  $2^{147} 1$  dalās ar n.

**Uzdevums 2.6:** Cik ir tādu naturālu skaitļu pāru (x, y), kuriem gan x, gan y nepārsniedz 1000 un  $x^2 + y^2$  dalās ar 7? (Divus naturālu skaitļu pārus  $(x_1, y_1)$  un  $(x_2, y_2)$  uzskatām par dažādiem, ja  $x_1 \neq x_2$  vai  $y_1 \neq y_2$ .)

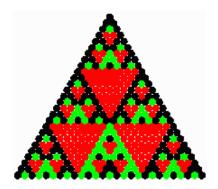
**Uzdevums 2.7:** Atrast lielāko naturālo skaitli m, ar kuru dalās visi  $n^5 - n$ , kur n ir jebkurš nepāra naturāls skaitlis.

**Uzdevums 2.8:** Dots, ka a un b – naturāli skaitļi un  $a^2 + b^2$  dalās ar 21. Kāds ir lielākais naturālais skaitlis, ar kuru noteikti dalās  $a^2 + b^2$ ?

**Uzdevums 2.9:** Kādu lielāko skaitļu skaitu var izvēlēties no kopas  $\{1, 2, ..., 1963\}$  tā, lai jebkuru divu izvēlēto skaitļu summa dalītos ar 26?

**Uzdevums 2.10:** Attēlā 1 uzzīmēts Paskāla trijstūris (k-tais elements šī trijstūra n-tajā rindiņā attēlo, cik dažādos veidos var izvēlēties k elementus no n elementu kopas). Šis Paskāla trijstūris izkrāsots 3 krāsās (aplītis ir sarkans, ja tajā vietā ierakstītais skaitlis dalās ar 3; aplītis ir melns, ja dod atlikumu 1, dalot ar 3, aplītis ir zaļš, ja dod atlikumu 2, dalot ar 3).

Atrast, cik ir melno aplīšu šī Paskāla trijstūra 1000 rindiņā: Cik daudzi no 1001 skaitļiem šajā rindiņā dod atlikumu 1, dalot ar 3.



Attēls 1: Paskāla trijstūris (mod 3).

**Uzdevums 2.11:** Atrast mazāko naturālo skaitli n, kurš var kalpot kā "pretrunas modulis", pierādot, ka vienādojumam  $x^3 + y^3 + z^3 = 1969^2$  nav atrisinājumu veselos skaitļos. (T.i. aplūkojot atlikumus, dalot ar n, izrādās, ka kreisā puse var dot viena veida atlikumus, bet labā puse - citus atlikumus, kas nekad nesakrīt ar kreisās puses atlikumiem.)

**Uzdevums 2.12:** Dots kongruenču vienādojums  $x^{16} \equiv a \pmod{13}$ . Cik dažādām vērtībām a no kopas  $\{0,1,2,\ldots,12\}$  eksistē atrisinājums x?