

Vidus eksāmens (Midterm)

Termiņš: 2020.gada 2.novembris, līdz vakaram (23:59:59 EEST).

Iesniegšanas veids: E-studiju vide.

1.uzdevums(Berouza-Vīlera transformācija)

(A) Izpildīt Berouza-Vīlera transformāciju ievades virknei jeb stringam **PANAMACANAL\$**, izmantojot ciklisko permutāciju parasto alfabētisko sakārtojumu (algoritmu sk. <https://bit.ly/37XTbd3>). Veikt transformācijas rezultātam “move to front” kodējumu, pieņemot, ka alfabēts satur sekojošos burtus (uzskaitītajā secībā):

$$\mathcal{A} = \{\$, A, C, L, M, N, P\}$$

(B) Izpildīt Berouza-Vīlera transformāciju tam pašam stringam **PANAMACANAL\$**, izmantojot inversi leksikogrāfisko sakārtojumu (algoritmu sk. <https://bit.ly/3mIu7e9>, 37.lpp.).

2.uzdevums (Aritmētiskais kods).

Iekodēt **PANAMACANAL\$** ar aritmētisko kodu, ja visu septiņu alfabēta burtu varbūtības ir šādas:

\$	A	C	L	M	N	P
1/10	3/10	1/10	1/10	1/10	2/10	1/10

(A) Uzrakstīt pusatvērtu intervālu $I_{12} = [c; d)$, kurš izveidojas pēc visu 12 burtu iekodēšanas (var parādīt arī starprezultātus, lai varētu saņemt pozitīvu vērtējumu arī neuzmanības kļūdu gadījumā).

(B) Uzrakstīt bitu virknīti $\beta = b_1b_2 \dots b_k$ ar k bitiem, ka skaitlis u , kura binārais pieraksts ir $u = 0.b_1b_2 \dots b_k$ pieder iekodējamajam intervālam I_{12} un arī skaitlis $v = u + \frac{1}{2^k}$ pieder I_{12} . Ja tādas virknītes ir vairākas, izvēlieties to, kura ir īsākā (kurai k vērtība ir minimālā), lai $[u; v) \subseteq [c; d)$.

Piemēram, bitu virknīte $\beta = 010$ iekodē intervālu $[u; v) = [1/4; 3/8)$, bet virknīte $\beta = 01$ iekodē intervālu $[u; v) = [1/4; 1/2)$. (Atkodēšanas algoritmam palīdz virknes/stringa beigu simbols **\$**, jo tiklīdz kā tas ir atkodēts un izvadīts, tad var beigt darbu.)

2.uzdevums (Heminga kodi).

Atrast kļūdas (ja tādas ir) sekojošos Heminga koda ziņojumos:

(A) 1100000 (tas ir $[7, 4, 1]$ -kods, bitu secība no x_{001} līdz x_{111}).

(B) 0110011 (tas ir $[7, 4, 1]$ -kods, bitu secība no x_{001} līdz x_{111}).

(C) 001001111000101 (tas ir $[15, 11, 1]$ Heminga kods, bitu secība – no x_{0001} līdz x_{1111}).

4.uzdevums (Rīda-Solomona kods).

Divi kodētāji kodē to pašu bitu virkni ar Rīda-Solomona kodu:

(A) Pirmais kodētājs griež bitu virkni gabaliņos pa 4 bitiem, katru gabaliņu iekodē par skaitli a_i no 0 līdz 15, sakrāj n šādas vērtības un tad sūta $n - 1$ pakāpes polinoma

$$p(x) = a_{n-1}x^{n-1} + a_{n-2}x^{n-2} + \dots + a_1x + a_0$$

vērtības visos 17 punktos $x \in \{0, 1, \dots, 16\}$, veicot aprēķinus atbilstoši galīgā lauka $GF(17)$ aritmētikai (tā ir aritmētika pēc moduļa 17).

(B) Otrais kodētājs griež bitu virkni gabaliņos pa 8 bitiem, katru iekodē par skaitli b_i no 0 līdz 255 un tad sūta $n - 1$ pakāpes polinoma

$$q(x) = b_{n-1}x^{n-1} + b_{n-2}x^{n-2} + \dots + b_1x + b_0$$

vērtības visos 257 punktos $x \in \{0, 1, \dots, 256\}$, veicot aprēķinus atbilstoši galīgā lauka $GF(257)$ aritmētikai (tā ir aritmētika pēc pirmskaitļa 257 moduļa).

Abos gadījumos atrast, cik kļūdas var izlabot (atkarībā no parametra n). Par kļūdu uzskatām situāciju, kad attiecīgo polinoma $p(x)$ vai $q(x)$ vērtību saņēmējam neizdevās saņemt (saņēmējam ir zināms, kuras vērtības pa ceļam sabojājās, bet viņam nav zināms, kādas bija šīs vērtības).