Numerik Boxen

26. März 2018

1 1

$$v + 134 = 16$$

$$f_{rd}(r) := \delta_r := rd(r) - r$$

$$13$$

$$f_{rel} := \epsilon_r := \frac{\delta_r}{r} = \frac{rd(r) - r}{r} \quad \text{für} \quad r \neq 0$$

$$|\delta_r| \leqslant 2^{e-t} \quad \text{und} \quad |\epsilon_r| \leqslant 2^{-t}$$

$$17$$

$$\epsilon = 2^{-t}$$

...die entsprechenden Maschinenoperationen, d.h. die Anwendung der jeweiligen Operation auf Zahlen im normierten Gleitpunkzahlenformat nach Def. 1.2

19

18

- I) Verknüpfung der Maschinenzahlen mit höherer (ausreichend hoher) Genauigkeit
- II) Runden des Ergebnisses auf eine Maschinenzahl 20

$$r \circ_M s := rd(r \circ s)$$

21

$$r +_{M} s = (1, 11)_{2} \cdot 2^{0} +_{M} (1, 10)_{2} \cdot 2^{2} = (111)_{2} \cdot 2^{-2} + (1, 10)_{2} \cdot 2^{-2}$$
$$= (1000, 10)_{2} \cdot 2^{-2}$$
$$= (100010)_{2} \cdot 2^{1}$$
$$= (1, 00)_{2} \cdot 2^{1} = (2)_{10}$$

wohingegen das exakte Ergebnis $r+s=\frac{7}{4}+\frac{3}{8}=\frac{17}{8}$ ist.

Der absolute Rundengsfehler

$$f_{rd} = (r +_M s) - (r + s) = 2 - \frac{1}{s}$$

und der relative Rundungsf

$$|f_{rel}| = \left| \frac{(1+Ms) - (r+s)}{r+s} \right| = \frac{\frac{1}{8}}{\frac{17}{8}} = \frac{1}{17} = 0,0588...$$

DAs ist relativ gut, denn der maximale Rundugnfehler bei einer 3-stelligen Mantisse ist $\epsilon=2^{-3}$

23

$$r \circ_M s = rd(r \circ s) = (r \circ s) \cdot (1 + \epsilon_0)$$

wobei der realtie Fehler ϵ_0 der Gleitpunktoperation wegen Def. 1.10 stets durh die Maschinengenauigkeit beschränkt ist,

$$\epsilon_0 := \frac{(r \circ_M s) - (r \circ s)}{r \circ s} = \frac{rd(r \circ s) - (r \circ s)}{r \circ s} \leqslant \epsilon$$

24