Signale und Systeme Boxen

Florian Lubitz & Steffen Hecht

28. März 2018

1 Motivation, Wiederholung und Überblick

a

6

$$u_1(t) = 15\,\mathrm{V}\sin(\pi t + \pi/3) + 60\,\mathrm{V}\sin(10\pi t + \pi/3) = 0,5x(t) + 2y(t)$$

und damit $a = 0,5, b = 2$ und

$$u_2(t) := \mathcal{H}\{u_1(t)\} = \mathcal{H}\{0,5x(t) + 2y(t)\} \stackrel{??}{=}$$

2 Diskrete Signale

11

$$(b) \quad x[-k] = \begin{cases} -\frac{1}{k}, k/ne0 \\ 0, k = 0 \end{cases}$$

$$(c) \quad x[k + k_0] = x[k + 3] = \begin{cases} \frac{1}{k+3}, k/ne - 3 \\ 0, k = -3 \end{cases}$$

$$(d) \quad x[k - k_0] = x[k - 3] = \begin{cases} \frac{1}{k-3}, k/ne3 \\ 0, k = 3 \end{cases}$$

12

$$\begin{aligned} x[k_0 - k] &= x[-(k - k_0)] \\ &= x[(-k) + k_0] \end{aligned}$$

13

$$\text{mit} \quad x[k_0 - k] = x[3 - k] = \begin{cases} \frac{1}{3-k}, k \neq 3 \\ 0, k = 3 \end{cases}$$

14

- $x[k]$ heißt gerades Signal, falls $x[k] = x[-k] \forall k \in \mathbb{Z}$ gilt.
- $x[k]$ heißt ungerades Signal, falls $x[k] = -x[-k] \forall k \in \mathbb{Z}$ gilt.

15

$$x[-k] = \begin{cases} \frac{1}{-k}, k \neq 0 \\ 0, k = 0 \end{cases} = \begin{cases} -\frac{1}{k}, k/ne0 \\ 0, k = 0 \end{cases} = -x[k]$$

16

$$y[-k] = \begin{cases} \frac{1}{(-k)^2}, k \neq 0 \\ 0, k = 0 \end{cases} = \begin{cases} -\frac{1}{k^2}, k \neq 0 \\ 0, k = 0 \end{cases} = y[k]$$

17

- $x[k]$ heißt kausales Signal, falls gilt: $x[k] = 0 \forall k < 0$
- $x[k]$ heißt nicht-kausales Signal, falls gilt $\exists k < 0 : x[k] \neq 0$
- $x[k]$ heißt anti-kausales Signal, falls $x[-k-1]$ kausal ist, d.h. falls gilt: $x[k] = 0 \forall k \leqslant 0$

18

- $x[k]$ ist nicht-kausal
- $u[k]$ ist kausal
- $v[k]$ ist anti-kausal

19

$$\delta[k] := \begin{cases} 1, k = 0 \\ 0, k \neq 0 \end{cases}$$

20

$$\epsilon[k] := \begin{cases} 1, k \geq 0 \\ 0, k < 0 \end{cases}$$

21

$$\delta[k-k_0] = \begin{cases} 1, k = k_0 \\ 0, k \neq k_0 \end{cases}$$

bzw.

$$\delta[k+k_0] = \begin{cases} 1, k \neq -k_0 \\ 0, k = -k_0 \end{cases}$$

22

$$\begin{aligned} x[k] \cdot \delta[k-i] &= \begin{cases} x[i], k = i \\ 0, k \neq i \end{cases} \\ &= x[i] \cdot \delta[k-i] \end{aligned} \tag{2.1}$$

Siebeigenschaft

23

$$x[k] = \sum_{i=-\infty}^{\infty} x[i] \cdot \delta[k-i] \quad \text{für alle} \quad k \in \mathbb{Z}$$

24

$$x[k] = \sum_{i=-K}^{K} x[i] \cdot \delta[k-i]$$

25

$$u[k] = \delta[k+2] + \delta[k+1] + \delta[k] + \delta[k-1]$$
$$v[k] = 2 \cdot \delta[k+3] + \delta[k+1] - \delta[k-1] - 2 \cdot \delta[k-3]$$

$\boxed{26}$

$$sgn[k] := \epsilon[k] - \epsilon[-k] = \begin{cases} 1, k > 0 \\ 0, k = 0 \\ -1, k < 0 \end{cases}$$

$\boxed{27}$

$$[k] := \epsilon[k] + \epsilon[-k-1] = 1 \text{für alle} k \in \mathbb{Z}$$

$\boxed{28}$

$$rect_{k_1,k_2}[k] :)\epsilon[k-k1] - \epsilon[k-k_2-1] = \begin{cases} 1, k_1 \leqslant k \leqslant k_2 \end{cases}$$

$\boxed{29}$

$$x[k] = q^k \cdot \epsilon[k]$$