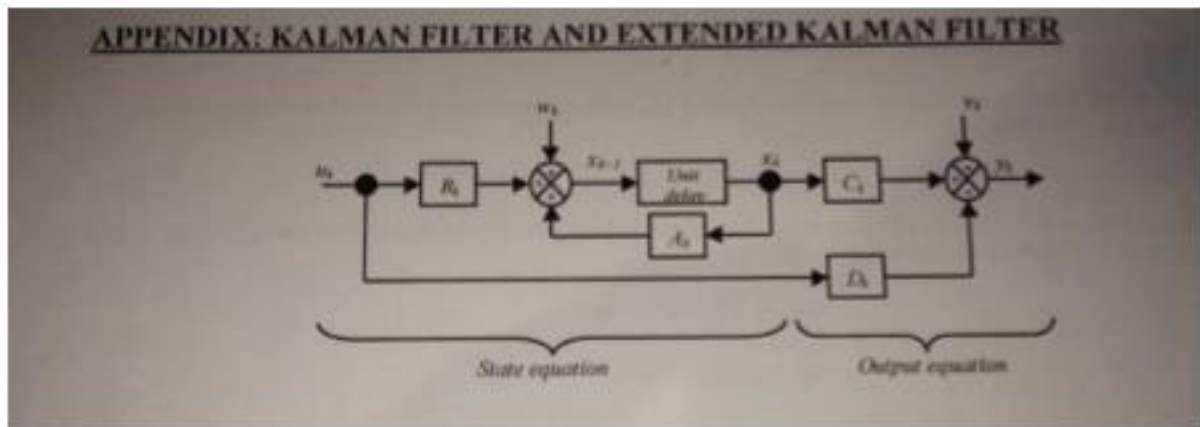


STANDAARD State space vergelijkingen

Er wordt vertrokken vanuit state-space vorm.



$$\begin{cases} x_k = A_k x_{k-1} + B_k u_{k-1} + w_k \\ y_k = C_k x_k + D_k u_k + v_k \end{cases}$$

U is de input.

X is de system state.

Y is de output.

V en W zijn errors op respectievelijk Y en U.

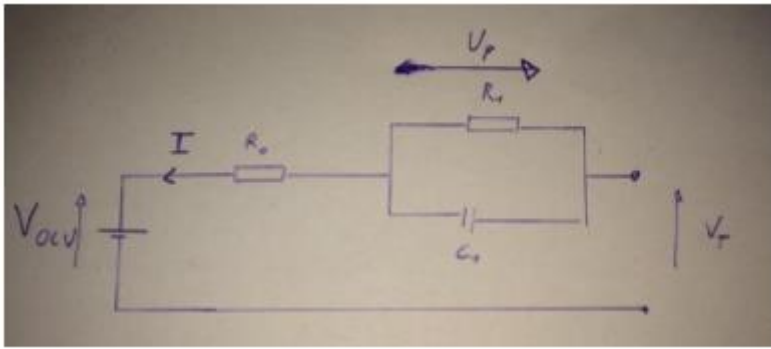
x_k is de systeem state vector op een tijdsindex k.

* De eerste vergelijking wordt de state vergelijking genoemd. Deze bevat de dynamiek van het systeem.

u_k is de input van het systeem die gemeten wordt. De meting kan echter resulteren in errors. Deze errors zijn de procesruis w_k

* De tweede vergelijking wordt de measurement vergelijking genoemd. Deze zal de output van het systeem modelleren y_k . v_k is de ruis op de meting van de output.

Elektrisch model



De stroom- en spanningsreferentiezinnen zijn hier aangeduid.

Dit model is gekozen als standaard model waaruit wordt vertrokken.

Differentiaal vergelijking van dit model

$$\begin{cases} V_T = V_{OCV} + V_p + I R_o \\ \frac{dV_p}{dt} = \frac{I}{C_p} - \frac{V_p}{R_p C_p} \end{cases}$$

Dit zijn de differentiaal vergelijkingen.

Discrete tijd omzetting

Discretisatie $\xrightarrow{\Delta t}$ *step in laplace*

$$s \cdot U_p(s) - U_p(t_k) = \frac{I(s)}{R_1 C_1} - \frac{U_p(s)}{R_1 C_1}$$

$$\Rightarrow \left[s + \frac{1}{R_1 C_1} \right] U_p(s) = \frac{I(s)}{s \cdot C_1} + U_p(t_k)$$

$$\Rightarrow U_p(s) = \frac{\frac{1}{R_1 C_1}}{s \left(s + \frac{1}{R_1 C_1} \right)} \cdot I(s) \cdot R_1 + \frac{U_p(t_k)}{\left(s + \frac{1}{R_1 C_1} \right)}$$

$$U_p(t) = \left(1 - e^{-\left(\frac{t-t_k}{R_1 C_1} \right)} \right) \cdot R_1 \cdot I(t) + e^{-\left(\frac{t-t_k}{R_1 C_1} \right)} \cdot U_p(t_k)$$

sample time

$$\otimes U_p(t_{k+1}) = \left(1 - e^{-\frac{\Delta t}{R_1 C_1}} \right) R_1 \cdot I(t_k) + e^{-\frac{\Delta t}{R_1 C_1}} \cdot U_p(t_k)$$

$$\otimes V_{t,k+1} = V_{av,k+1} + U_{p,k+1} + I_{k+1} \cdot R_0$$

Deze omzetting naar de discrete tijd gebeurt aan de hand van de differentiaalvergelijkingen.

$$\begin{cases} U_{p,k+1} = U_{p,k} e^{-\left(\frac{\Delta t}{R_1 C_1} \right)} + \left[1 - e^{-\left(\frac{\Delta t}{R_1 C_1} \right)} \right] R_1 \cdot I_k \\ V_{t,k+1} = V_{av,k+1} + U_{p,k+1} + I_{k+1} \cdot R_0 \end{cases}$$

Nu kiezen we deze discrete tijd vergelijkingen om naar state space met bijbehorende matrices.

STATE SPACE voor model

Om dit de state space vergelijkingen op te stellen gebruiken we de volgende vergelijkingen

$$\begin{cases} V_{p,k+1} = V_{p,k} e^{(-\Delta t/\tau)} + [1 - e^{(-\Delta t/\tau)}] R_{\text{af}} \cdot I_R \\ V_{t,k+1} = V_{ocV,k+1} + V_{p,k+1} + I_{k+1} \cdot R_o \end{cases}$$

(1) Discrete tijd via differentiaal vergelijkingen

$$SOC(t_{k+1}) = SOC(t_k) + \frac{\Delta T \cdot \frac{(I_{k+1} + I_k)}{2}}{C_{TOT}} \cdot \eta$$

(2) De AH-tellen vergelijking
(gemiddelde van sampletijd stroommeting?)

$$\begin{cases} x_k = A_k x_{k-1} + B_k u_{k-1} + w_k \\ y_k = C_k x_k + D_k u_k + v_k \end{cases}$$

(3) standaard state space vergelijking

$$\begin{cases} V_t = V_{ocV} + V_p + I R_o \\ \frac{dV_p}{dt} = \frac{I}{C_1} - \frac{V_p}{R_1 C_1} \end{cases}$$

(4) De differentiaalvergelijkingen

*Up is de activatie polarisatie spanning die hangt van zowel de vorige state als de huidige input. Deze wordt gekozen als de state vector X

$$x = \begin{pmatrix} U_p \\ SOC \end{pmatrix}$$

*Ut is de gemeten klemspanning van de cellen. Deze wordt de outputvariabele.

$$y = (U_t)$$

*I is de gemeten stroom die naar de cellen gaan. Deze wordt de inputvariabele.

$$u = (I)$$

OPSTELLEN MATRICES

$$\begin{cases} \begin{bmatrix} V_{p,k} \\ SOC_k \end{bmatrix} = A_{k-1} \cdot \begin{bmatrix} V_{p,k-1} \\ SOC_{k-1} \end{bmatrix} + B_{k-1} \cdot \begin{bmatrix} I_{k-1} \end{bmatrix} + W_{k-1} \\ \begin{bmatrix} U_{p,k} \end{bmatrix} = C_k \begin{bmatrix} V_{p,k} \\ SOC_k \end{bmatrix} + D_k \begin{bmatrix} I_k \end{bmatrix} + v_k \end{cases}$$

↓

$$\begin{cases} A_{k-1} = 2 \times 2 \text{ matrix} & \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix} \\ B_{k-1} = 2 \times 1 \text{ matrix} & \text{voor dimensies } \begin{bmatrix} b_{11} \\ b_{21} \end{bmatrix} \\ C_k = 1 \times 2 \text{ matrix} & \begin{bmatrix} c_{11} & c_{12} \end{bmatrix} \\ D_k = 1 \times 1 \text{ matrix} & \begin{bmatrix} d_{11} \end{bmatrix} \end{cases}$$
$$\begin{cases} W = 2 \times 1 \text{ matrix} \\ v = 1 \times 1 \text{ matrix} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \textcircled{*} & V_{p,h} = a_{11} \cdot V_{p,h-1} + a_{12} \cdot SOC_{h-1} + b_{11} \cdot I_{h-1} + w_{h-1} \\ \textcircled{**} & SOC_h = a_{21} \cdot V_{p,h-1} + a_{22} \cdot SOC_{h-1} + b_{21} \cdot I_{h-1} + w_{h-1} \end{cases}$$

⊗ → met discrete tijd: $V_{p,h} = e^{-\Delta t/\tau} \cdot V_{p,h-1} + R_1 \left[1 - e^{-\Delta t/\tau} \right] I_{h-1}$

~~als~~ $a_{12} = 0$ want SOC_{h-1} heeft geen impact

→ $a_{11} = e^{-\Delta t/\tau}$ en $b_{11} = R_1 \left[1 - e^{-\Delta t/\tau} \right] I_{h-1}$

⊗ ⊕

→ met Ah: $SOC_h = SOC_{h-1} + \frac{\Delta T \cdot \eta}{C_{tot}} \cdot I_{h-1}$

~~als~~ $a_{21} = 0$ $V_{p,h-1}$ heeft geen impact

→ $a_{22} = 1$ en $b_{21} = \frac{\Delta T \cdot \eta}{C_{tot}}$

$$\rightarrow A_h = \begin{bmatrix} e^{-\Delta t/\tau} & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{en} \quad B_h = \begin{bmatrix} R_1 \left(1 - e^{-\Delta t/\tau} \right) \\ \frac{\Delta T \cdot \eta}{C_{tot}} \end{bmatrix}$$

Matrices A en B zijn nu al gevonden door de eerste vergelijking van de discrete tijd te gebruiken.

$$\rightarrow A_k = \begin{bmatrix} e^{-\Delta T/\tau} & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \quad \text{en} \quad B_k = \begin{bmatrix} R_1 (1 - e^{-\Delta T/\tau}) \\ \frac{\Delta T}{C_{TOT}} \eta \end{bmatrix}$$

Nu worden C en D gezocht.

$$U_{T,k} = C_{11} \cdot V_{p,k} + C_{12} \cdot SOC_k + d_{11} \cdot I_k + v_k$$

uit discrete tijd: $U_{T,k} = V_{OCV,k} + V_{p,k} + I_k \cdot R_0$

$$\rightarrow C_{11} = 1 \quad d_{11} = R_0$$

$C_{12} \rightarrow$ verband tussen SOC_k en OCV_k ?

D is gevonden $\rightarrow D = [R_0]$

Bij het oplossen van de vergelijking stoten we op een probleem.

Wat is het verband tussen SOC en OCV? In de literatuur wordt dit op verschillende manieren gemodelleerd.

Voorbeeld 1

$$C_k = [1 \partial U_{ocv,k} / \partial SOC_k]$$

Voorbeeld 2

$$C_k = [-1 \quad \frac{dU_{ocv}}{dSOC} - I_{L,k} \times \frac{dR_0}{dSOC}]$$

(Hier kwamen vragen over waarom differentialen?)

- ➔ Dit zijn eigenlijk constanten. Geen differentiaalvergelijkingen
- ➔ De richtingscoëfficiënt van de raaklijn op een positie in de OCV-SOC curve wordt hier bedoeld.

Mijn voorstel om OCV-SOC te modelleren:

BVB:

$$OCV = 4 \cdot SOC^3 + 2 \cdot SOC^2 + 2 \cdot SOC + 3$$

Deze functie zal dan gedeeld worden door SOC zodat er het volgende overblijft

$$OCV/SOC = 4 \cdot SOC^2 + 2 \cdot SOC + 2 + 3/SOC$$

Deze functie wordt in C gegeven zodat OCV eruit volgt als men $OCV/SOC \cdot SOC$ berekent

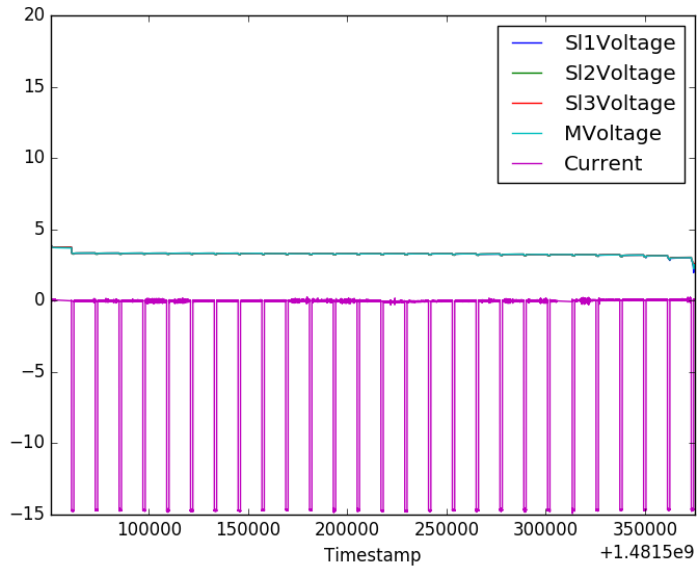
Covariantie matrixen bepalen

Onzekerheid op spanningsmeting en onzekerheid op stroommeting? Standaardafwijking van de meting veronderstellend dat de afwijking op de juiste waarde zich volgens een normale verdeling gedraagt.

Metingen

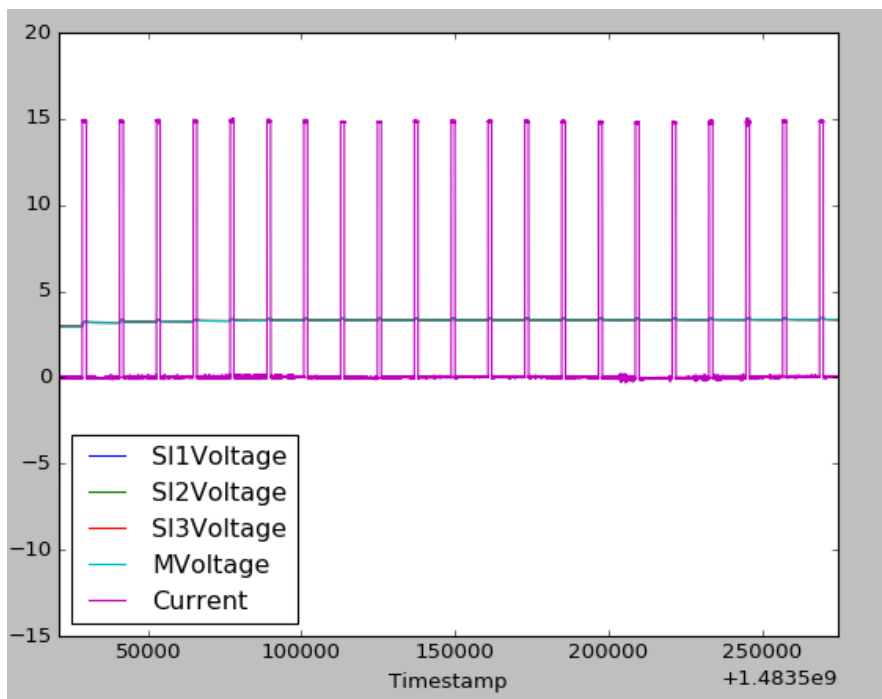
OCV-SOC curve bepalen →

Ontlaadproef



- Overgang rond 100% SOC is slecht en moet opnieuw gemeten worden.
- Meting als ondergrens 2.8V bedraagt mist relaxatie

Oplaadproef



- Er ontbreekt nog het deel waarbij 4V bereikt wordt