

Universidade Federal do Rio de Janeiro
Escola Politécnica
Departamento de Engenharia Eletrônica e de Computação
Engenharia Eletrônica e de Computação
Álgebra Linear 2

TRABALHO DE ÁLGEBRA LINEAR 2

Aluna: Karen dos Anjos Arcoverde

Professor: Marcello Luiz Rodrigues de Campos

Rio de Janeiro
2021

Sumário

0	Introdução	3
0.1	Conteúdo	3
0.2	Software e linguagem	3
0.3	Bibliotecas	3
0.4	Base de dados	3
1	Observações	3
2	Questão 1	3
2.1	Resultados	3
2.1.1	Iris-Setosa	3
2.1.2	Iris-Versicolor	4
2.1.3	Iris-Virginica	4
3	Questão 2	4
3.1	Resultados	4
3.1.1	Iris-Setosa	4
3.1.2	Iris-Versicolor	5
3.1.3	Iris-Virginica	6
4	Questão 3	6
4.1	Resultados	6
4.1.1	Iris-Setosa	6
4.1.2	Iris-Versicolor	7
4.1.3	Iris-Virginica	8
5	Questão 4	8
5.1	Resultados	8
6	Código	9
7	Bibliografia	17

0 Introdução

0.1 Conteúdo

O relatório contém os resultados encontrados para cada questão passada pelo professor e o código final em linguagem Python.

0.2 Software e linguagem

O software usado para programação foi o Spyder e a linguagem foi o Python 3.8.

0.3 Bibliotecas

As bibliotecas utilizadas para construir o código em Python foram:

- Numpy
- Scipy

0.4 Base de dados

O conjunto de dados "Iris" selecionado para o trabalho foi:

ESPÉCIES	DE	PARA
Iris-setosa	25	39
Iris-versicolor	75	89
Iris-virginica	125	139

Tabela 1: Base de dados "Iris" selecionada

1 Observações

A variável y da coluna PetalWidthCm foi escrita em função das outras variáveis x_1, x_2, x_3 das colunas SepalLengthCm, SepalWidthCm, PetalLengthCm, respectivamente. De forma que $y = a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c \cdot x_3$ sem o termo independente. Com o termo independente: $y = a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c \cdot x_3 + k$.

Além disso, a equação normal é: $x^T \cdot x \cdot w = x^T \cdot y$, onde w é o vetor de coeficientes, o vetor y é a coluna PetalWidthCm e a matriz x é as colunas SepalLengthCm, SepalWidthCm, PetalLengthCm (se for com o termo independente, possui uma coluna a mais que só contém valores 1).

2 Questão 1

2.1 Resultados

2.1.1 Iris-Setosa

```
1 Iris-Setosa
2
3 SEM O TERMO INDEPENDENTE:
4 y = a*x1 + b*x2 + c*x3
```

```

5 [a b c] = [ 0.07455282 -0.06602361  0.03673264]
6
7 COM O TERMO INDEPENDENTE:
8 y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k
9 [a b c k] = [ 0.13497209 -0.07886596  0.10365958 -0.36144997]

```

2.1.2 Iris-Versicolor

```

1 Iris-Versicolor
2
3 SEM O TERMO INDEPENDENTE:
4 y = a*x1 + b*x2 + c*x3
5 [a b c] = [-0.14382683  0.17051618  0.40397714]
6
7 COM O TERMO INDEPENDENTE:
8 y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k
9 [a b c k] = [-0.06826027  0.24149193  0.39877688 -0.63863516]

```

2.1.3 Iris-Virginica

```

1 Iris-Virginica
2
3 SEM O TERMO INDEPENDENTE:
4 y = a*x1 + b*x2 + c*x3
5 [a b c] = [-0.11329721  0.3990124  0.25976859]
6
7 COM O TERMO INDEPENDENTE:
8 y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k
9 [a b c k] = [-0.11686468  0.35346044  0.22325742  0.36734017]

```

3 Questão 2

3.1 Resultados

3.1.1 Iris-Setosa

```

1 Iris-Setosa
2
3 R = VΛV^(T)
4
5 SEM O TERMO INDEPENDENTE:
6 V = [[-0.80618188 -0.45661854  0.37625828]
7      [-0.54157827  0.31342349 -0.78003762]
8      [-0.23825146  0.8326255  0.49997102]]
9
10 Λ = [[5.86392634e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
11      [0.00000000e+00 5.29776824e-01 0.00000000e+00]
12      [0.00000000e+00 0.00000000e+00 7.47589571e-01]]
13

```

```

14 V^T = [[-0.80618188 -0.54157827 -0.23825146]
15        [-0.45661854  0.31342349  0.8326255 ]
16        [ 0.37625828 -0.78003762  0.49997102]]
17
18
19 COM O TERMO INDEPENDENTE:
20 V = [[-0.79610972  0.1628056  -0.47792329 -0.33360603]
21       [-0.53478061 -0.03864172  0.33762985  0.77364243]
22       [-0.23529777  0.18572124  0.80860497 -0.50626137]
23       [-0.15765144 -0.96825037  0.06126507 -0.18407563]]
24
25 Λ = [[6.01336860e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
26       [0.00000000e+00 2.79352229e-02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
27       [0.00000000e+00 0.00000000e+00 5.31947766e-01 0.00000000e+00]
28       [0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00 7.73257486e-01]]
29
30 V^T = [[-0.79610972 -0.53478061 -0.23529777 -0.15765144]
31         [ 0.1628056  -0.03864172  0.18572124 -0.96825037]
32         [-0.47792329  0.33762985  0.80860497  0.06126507]
33         [-0.33360603  0.77364243 -0.50626137 -0.18407563]]

```

3.1.2 Iris-Versicolor

```

1 Iris-Versicolor
2
3 R = VΛV^T)
4
5 SEM O TERMO INDEPENDENTE:
6 V = [[ 0.76039163  0.64759888 -0.0491961 ]
7       [ 0.35223975 -0.47485674 -0.80649751]
8       [ 0.54564799 -0.59592513  0.58918716]]
9
10 Λ = [[9.59570396e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
11       [0.00000000e+00 1.33162776e+00 0.00000000e+00]
12       [0.00000000e+00 0.00000000e+00 9.57976568e-01]]
13
14 V^T = [[ 0.76039163  0.35223975  0.54564799]
15         [ 0.64759888 -0.47485674 -0.59592513]
16         [-0.0491961  -0.80649751  0.58918716]]
17
18
19 COM O TERMO INDEPENDENTE:
20 V = [[-0.7545525  0.11812875  0.64474223  0.03167953]
21       [-0.34954066  0.11526607 -0.46962259  0.80248968]
22       [-0.54144512 -0.01367345 -0.60234554 -0.58637025]
23       [-0.1237297  -0.98619084  0.030691  0.1057197 ]]
24
25 Λ = [[9.74487597e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
26       [0.00000000e+00 7.14132919e-02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
27       [0.00000000e+00 0.00000000e+00 1.33280153e+00 0.00000000e+00]
28       [0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00 9.68188359e-01]]

```

```

29
30 V^T = [[-0.7545525  -0.34954066 -0.54144512 -0.1237297 ]
31 [ 0.11812875  0.11526607 -0.01367345 -0.98619084]
32 [ 0.64474223 -0.46962259 -0.60234554  0.030691  ]
33 [ 0.03167953  0.80248968 -0.58637025  0.1057197  ]]

```

3.1.3 Iris-Virginica

```

1  Iris-Virginica
2
3  R = V\V^(T)
4
5  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
6  V = [[-0.72592866 -0.63483621  0.2645951 ]
7        [-0.32772296 -0.01894783 -0.94458385]
8        [-0.60466953  0.77241438  0.19429563]]
9
10 Λ = [[1.28249881e+03  0.00000000e+00  0.00000000e+00]
11       [0.00000000e+00  5.79253032e-01  0.00000000e+00]
12       [0.00000000e+00  0.00000000e+00  1.07193335e+00]]
13
14 V^T = [[-0.72592866 -0.32772296 -0.60466953]
15         [-0.63483621 -0.01894783  0.77241438]
16         [ 0.2645951  -0.94458385  0.19429563]]
17
18
19  COM O TERMO INDEPENDENTE:
20 V = [[-7.21743001e-01 -2.76297507e-01  6.34623278e-01 -1.50933108e-04]
21       [-3.25843186e-01  9.35769444e-01  3.68031853e-02 -1.29642937e-01]
22       [-6.01187515e-01 -1.93722166e-01 -7.68083597e-01 -1.05322749e-01]
23       [-1.07176625e-01  1.02308151e-01 -7.71129602e-02  9.85951218e-01]]
24
25 Λ = [[1.29740071e+03  0.00000000e+00  0.00000000e+00  0.00000000e+00]
26       [0.00000000e+00  1.08243546e+00  0.00000000e+00  0.00000000e+00]
27       [0.00000000e+00  0.00000000e+00  5.82311582e-01  0.00000000e+00]
28       [0.00000000e+00  0.00000000e+00  0.00000000e+00  8.45463191e-02]]
29
30 V^T = [[-7.21743001e-01 -3.25843186e-01 -6.01187515e-01 -1.07176625e-01]
31         [-2.76297507e-01  9.35769444e-01 -1.93722166e-01  1.02308151e-01]
32         [ 6.34623278e-01  3.68031853e-02 -7.68083597e-01 -7.71129602e-02]
33         [-1.50933108e-04 -1.29642937e-01 -1.05322749e-01  9.85951218e-01]]

```

4 Questão 3

4.1 Resultados

4.1.1 Iris-Setosa

```

1  Iris-Setosa

```

```

2
3 R = UΣV^(T)
4
5 SEM O TERMO INDEPENDENTE:
6 U = [[-0.80618188  0.37625828 -0.45661854]
7       [-0.54157827 -0.78003762  0.31342349]
8       [-0.23825146  0.49997102  0.8326255  ]]
9
10 Σ = [5.86392634e+02  7.47589571e-01  5.29776824e-01]
11
12 V^T = [[-0.80618188 -0.54157827 -0.23825146]
13         [ 0.37625828 -0.78003762  0.49997102]
14         [-0.45661854  0.31342349  0.8326255  ]]
15
16
17 COM O TERMO INDEPENDENTE:
18 U = [[-0.79610972  0.33360603  0.47792329 -0.1628056 ]
19       [-0.53478061 -0.77364243 -0.33762985  0.03864172]
20       [-0.23529777  0.50626137 -0.80860497 -0.18572124]
21       [-0.15765144  0.18407563 -0.06126507  0.96825037]]
22
23 Σ = [6.01336860e+02  7.73257486e-01  5.31947766e-01  2.79352229e-02]
24
25 V^T = [[-0.79610972 -0.53478061 -0.23529777 -0.15765144]
26         [ 0.33360603 -0.77364243  0.50626137  0.18407563]
27         [ 0.47792329 -0.33762985 -0.80860497 -0.06126507]
28         [-0.1628056  0.03864172 -0.18572124  0.96825037]]

```

4.1.2 Iris-Versicolor

```

1 Iris-Versicolor
2
3 R = UΣV^(T)
4
5 SEM O TERMO INDEPENDENTE:
6 U = [[-0.76039163  0.64759888 -0.0491961 ]
7       [-0.35223975 -0.47485674 -0.80649751]
8       [-0.54564799 -0.59592513  0.58918716]]
9
10 Σ = [9.59570396e+02  1.33162776e+00  9.57976568e-01]
11
12 V^T = [[-0.76039163 -0.35223975 -0.54564799]
13         [ 0.64759888 -0.47485674 -0.59592513]
14         [-0.0491961  -0.80649751  0.58918716]]
15
16
17 COM O TERMO INDEPENDENTE:
18 U = [[-0.7545525  0.64474223  0.03167953 -0.11812875]
19       [-0.34954066 -0.46962259  0.80248968 -0.11526607]
20       [-0.54144512 -0.60234554 -0.58637025  0.01367345]
21       [-0.1237297  0.030691  0.1057197  0.98619084]]

```

```

22
23  $\Sigma$  = [9.74487597e+02 1.33280153e+00 9.68188359e-01 7.14132919e-02]
24
25  $V^T$  = [[-0.7545525 -0.34954066 -0.54144512 -0.1237297 ]
26 [ 0.64474223 -0.46962259 -0.60234554 0.030691 ]
27 [ 0.03167953 0.80248968 -0.58637025 0.1057197 ]
28 [-0.11812875 -0.11526607 0.01367345 0.98619084]]

```

4.1.3 Iris-Virginica

```

1 Iris-Virginica
2
3  $R = U\Sigma V^T(T)$ 
4
5 SEM O TERMO INDEPENDENTE:
6  $U$  = [[-0.72592866 0.2645951 -0.63483621]
7 [-0.32772296 -0.94458385 -0.01894783]
8 [-0.60466953 0.19429563 0.77241438]]
9
10  $\Sigma$  = [1.28249881e+03 1.07193335e+00 5.79253032e-01]
11
12  $V^T$  = [[-0.72592866 -0.32772296 -0.60466953]
13 [ 0.2645951 -0.94458385 0.19429563]
14 [-0.63483621 -0.01894783 0.77241438]]
15
16
17 COM O TERMO INDEPENDENTE:
18  $U$  = [[-7.21743001e-01 2.76297507e-01 6.34623278e-01 -1.50933108e-04]
19 [-3.25843186e-01 -9.35769444e-01 3.68031853e-02 -1.29642937e-01]
20 [-6.01187515e-01 1.93722166e-01 -7.68083597e-01 -1.05322749e-01]
21 [-1.07176625e-01 -1.02308151e-01 -7.71129602e-02 9.85951218e-01]]
22
23  $\Sigma$  = [1.29740071e+03 1.08243546e+00 5.82311582e-01 8.45463191e-02]
24
25  $V^T$  = [[-7.21743001e-01 -3.25843186e-01 -6.01187515e-01 -1.07176625e-01]
26 [ 2.76297507e-01 -9.35769444e-01 1.93722166e-01 -1.02308151e-01]
27 [ 6.34623278e-01 3.68031853e-02 -7.68083597e-01 -7.71129602e-02]
28 [-1.50933108e-04 -1.29642937e-01 -1.05322749e-01 9.85951218e-01]]

```

5 Questão 4

5.1 Resultados

```

1 A = Iris-Versicolor
2 B = Iris-Setosa
3 C = Iris-Setosa
4 D = Iris-Versicolor
5 E = Iris-Virginica

```


6 Código

```
1 # Programa codigo.py
2 # Autora: Karen dos Anjos Arcoverde
3 # Data: 06/02/2021
4 #
5
6
7 import numpy as np
8 from scipy.linalg import svd
9
10
11 ##### Funcoes #####
12 def pegarDados(tipo_iris):
13
14     # tipo_iris = 1 Setosa , tipo_iris = 2 Versicolor,
15     # tipo_iris = 3 Virginica
16     dados = []
17     IDs = []
18
19     Setosa = range(25,39+1)
20     Versicolor = range(75,89+1)
21     Virginica = range (125,139+1)
22
23     arquivo= open("dados_13.csv",'r')
24     arquivo.readline() # ignora a primeira linha
25
26     if (tipo_iris == '1'):
27         IDs = Setosa
28     if (tipo_iris == '2'):
29         IDs = Versicolor
30     if (tipo_iris == '3'):
31         IDs = Virginica
32
33     for i in range(1,46): # percorre todo o banco de dados 1-45
34         linha = (arquivo.readline()).split(',') #separa os dados por
35             virgula
36
37         if (int(linha[0]) in IDs):# percorre os ids selecionados
38             linha.pop(0) # retira o ID dos dados
39             linha.pop(-1) # retira a especie dos dados
40             for j in range(4): #para cada dado
41                 linha[j] = float(linha[j]) #transforma em numero
42
43             dados.append(linha) #adiciona na lista de dados
44
45     arquivo.close()
46     return dados
47
48 # -----
```

```

49 def construir_equacao_normal (dados):
50
51     #equacao normal - minimos quadrados:
52     #  $(x^T).x.w = (x^T).y$ 
53     #  $(x\_transposta).x.w = (x\_transposta).y$ 
54     #  $R.w = p$ 
55     #  $R = (x^T).x$ 
56     #  $p = (x^T).y$ 
57
58     ##### sem termo independente #####
59     #  $y = a*x1 + b*x2 + c*x3$ 
60     x = []
61     y = []
62
63     #achar  $(x^T)$  e x
64     # x - colunas SepalLengthCm, SepalWidthCm, PetalLengthCm
65     x = np.array(dados)
66     x = np.delete(x.reshape(15,4),3,1) #deleta a ultima coluna de x
67     x_transposta = np.transpose(x) #faz a transposta de x:  $(x^T)$ 
68
69     #achar R
70     R = np.dot(x_transposta,x) #multiplica  $(x^T)$  por x
71
72     #achar y - coluna PetalWidthCm
73     y = np.array(dados)
74     y = np.delete(y.reshape(15,4),0,1) #deleta a primeira coluna de y
75     y = np.delete(y.reshape(15,3),0,1) #deleta a segunda coluna de y
76     y = np.delete(y.reshape(15,2),0,1) #deleta a terceira coluna de y
77
78     #achar p
79     p = np.dot(x_transposta,y)
80
81     ##### com termo independente #####
82     #  $y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k$ 
83
84     for i in range (0,15):
85         dados[i][3] = 1
86
87     #achar  $(x^T)$  e x
88     x = np.array(dados)
89     x_transposta = np.transpose(x) #faz a transposta de x:  $(x^T)$ 
90     #achar R
91     R1= np.dot(x_transposta,x) #multiplica  $(x^T)$  por x
92     #achar p
93     p1 = np.dot(x_transposta,y)
94
95     return R,p,R1,p1
96
97 # -----
98 def PLU(R,p):
99     indice_coluna = 0

```

```

100 indice_linha = 1
101 indice_L_1s = 0
102 tamanho_R = len(R)
103
104 while (indice_coluna < tamanho_R):
105     #constroi a matriz L, triangular inferior
106     if (R[indice_coluna][indice_coluna] != 0):
107         L = np.zeros((tamanho_R, tamanho_R))
108
109         indice_coluna_aux = indice_coluna + 1
110         while (indice_coluna_aux < tamanho_R):
111             L[indice_coluna_aux][indice_coluna] = - R[
112                 indice_coluna_aux][indice_coluna]/R[indice_coluna][
113                     indice_coluna]
114             indice_linha += 1
115             indice_coluna_aux += 1
116
117         while (indice_L_1s < tamanho_R):
118             L[indice_L_1s][indice_L_1s] = 1
119             indice_L_1s += 1
120
121         indice_L_1s = 0
122         indice_linha = 1
123
124         #multiplica a matriz R por L
125         R = np.dot (L,R)
126         p = np.dot (L,p)
127
128     #se o pivo for zero, necessario multiplicar por uma matriz P de
129     permutacao
130     if (R[indice_coluna][indice_coluna] == 0):
131         P = np.zeros((tamanho_R, tamanho_R))
132         P[indice_coluna][indice_coluna + 1] = 1
133         P[indice_coluna + 1][indice_coluna] = 1
134
135         i = 0
136         j = 0
137         guarda_1 = False
138         while (i < tamanho_R):
139             while (j < tamanho_R):
140                 if (P[i][j] == 1):
141                     guarda_1 = True
142                     j += 1
143                 if (guarda_1 == False):
144                     P[i][i] = 1
145                     i += 1
146
147         R = np.dot(P,R)
148         p = np.dot (P,p)

```

```

148         indice_coluna += 1
149
150     #backsubstitution
151     w = np.linalg.solve(R, p)
152
153     return w
154
155 # -----
156 def decomposicao_espectral(R):
157
158     #  $R = VDV^T$ 
159     #determinando autovalores e autovetores
160     autovalores, autovetores = np.linalg.eig(R)
161     # matriz diagonal de autovalores
162     matrizDiagonal = np.diag(autovalores)
163
164     return autovetores, matrizDiagonal
165
166 # -----
167 def estimar_amostras(amostra, w_setosa, w_versicolor, w_virginica):
168
169     lista_erros = []
170     estimativa = ""
171     indice = 0
172     amostra_x = []
173     indice_erros_modulo = 0
174
175
176     while (indice < 3):
177         amostra_x.append(amostra[indice])
178         indice += 1
179
180     amostra_x = np.array(amostra_x)
181
182     #produto interno  $\langle x, y \rangle = (x^T) \cdot y$ 
183
184     estimativa_setosa = np.dot(amostra_x, w_setosa)
185     estimativa_versicolor = np.dot(amostra_x, w_versicolor)
186     estimativa_virginica = np.dot(amostra_x, w_virginica)
187
188     erro_setosa = estimativa_setosa[0] - amostra[3]
189     lista_erros.append(erro_setosa)
190
191     erro_versicolor = estimativa_versicolor[0] - amostra[3]
192     lista_erros.append(erro_versicolor)
193
194     erro_virginica = estimativa_virginica[0] - amostra[3]
195     lista_erros.append(erro_virginica)
196
197
198     while (indice_erros_modulo < len(lista_erros)):

```

```

199     lista_erros [indice_erros_modulo] = abs(lista_erros[
200         indice_erros_modulo])
201     indice_erros_modulo += 1
202
203     if (min(lista_erros) == abs(erro_setosa)):
204         estimativa = "Iris-Setosa"
205
206         return estimativa
207
208     if (min(lista_erros) == abs(erro_versicolor)):
209         estimativa = "Iris-Versicolor"
210
211         return estimativa
212
213     if (min(lista_erros) == abs(erro_virginica)):
214         estimativa = "Iris-Virginica"
215
216         return estimativa
217
218 ##### Programa Principal #####
219 def menu():
220     resultado = ""
221     tipo_iris = ""
222     coeficientes_sem_aux = []
223     coeficientes_com_aux = []
224     indice = 0
225
226     print()
227     print("Digite somente o numero da questao que voce deseja ver o
228         resultado: ")
229     print("Questao 1")
230     print("Questao 2")
231     print("Questao 3")
232     print("Questao 4")
233     print()
234     print("PARA SAIR DIGITE 0")
235
236     while (resultado != '0'):
237         resultado = input()
238
239         if (resultado == '1'):
240             print("Digite qual especie voce deseja fazer a regressao
241                 linear: ")
242             print("1 = Iris-Setosa")
243             print("2 = Iris-Versicolor")
244             print("3 = Iris Virginica")
245             print()
246             print("PARA SAIR DIGITE 0")
247
248             while (tipo_iris != '0'):

```

```

247         tipo_iris = input()
248
249         if (tipo_iris == '0'):
250             break
251
252         dados = pegarDados (tipo_iris)
253         R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
254         w = PLU(R,p)
255         w1 = PLU(R1,p1)
256
257         print()
258         if (tipo_iris == '1'):
259             print("Iris-Setosa\n")
260         elif (tipo_iris == '2'):
261             print("Iris-Versicolor\n")
262         elif (tipo_iris == '3'):
263             print("Iris-Virginica\n")
264
265         print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
266         print("y = a*x1 + b*x2 + c*x3")
267         print("[a b c] = ",end="")
268
269
270         while (indice < len(w)):
271             coeficientes_sem_aux.append(w[indice][0])
272             coeficientes_sem = np.array(coeficientes_sem_aux)
273             indice += 1
274
275         print(coeficientes_sem)
276         coeficientes_sem_aux = []
277
278
279         print()
280
281         print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
282         print("y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k")
283         print("[a b c k] = ",end="")
284
285         indice = 0
286         while (indice < len(w1)):
287             coeficientes_com_aux.append(w1[indice][0])
288             coeficientes_com = np.array(coeficientes_com_aux)
289             indice += 1
290
291         print(coeficientes_com)
292         coeficientes_com_aux = []
293         indice = 0
294
295
296
297         if (resultado == '2'):

```

```

298     print("Digite qual especie voce deseja fazer a decomposicao
        espectral: ")
299     print("1 = Iris-Setosa")
300     print("2 = Iris-Versicolor")
301     print("3 = Iris Virginica")
302     print()
303     print("PARA SAIR DIGITE 0")
304
305     while (tipo_iris != '0'):
306
307         tipo_iris = input()
308
309         if (tipo_iris == '0'):
310             break
311
312         print()
313
314         dados = pegarDados (tipo_iris)
315         R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
316         autovetores, matrizDiagonal = decomposicao_espectral(R)
317         autovetores1, matrizDiagonal1 = decomposicao_espectral(R1)
318
319         if (tipo_iris == '1'):
320             print("Iris-Setosa\n")
321         elif (tipo_iris == '2'):
322             print("Iris-Versicolor\n")
323         elif (tipo_iris == '3'):
324             print("Iris-Virginica\n")
325
326         print("R =  $V \Lambda V^T$ ")
327         print()
328
329         print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
330         print("V = ",autovetores)
331         print()
332         print(" $\Lambda$  = ",matrizDiagonal)
333         print()
334         print("VT = ",np.transpose(autovetores))
335
336         print()
337         print()
338
339         print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
340         print("V = ", autovetores1)
341         print()
342         print(" $\Lambda$  = ", matrizDiagonal1)
343         print()
344         print("VT = ", np.transpose(autovetores1))
345
346
347

```

```

348     if (resultado == '3'):
349         print("Digite qual especie voce deseja fazer o SVD: ")
350         print("1 = Iris-Setosa")
351         print("2 = Iris-Versicolor")
352         print("3 = Iris Virginica")
353         print()
354         print("PARA SAIR DIGITE 0")
355
356     while (tipo_iris != '0'):
357         tipo_iris = input()
358
359         if (tipo_iris == '0'):
360             break
361
362         print()
363
364         dados = pegarDados (tipo_iris)
365         R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
366         U, s, VT = svd(R)
367         U1, s1, VT1 = svd(R1)
368
369         if (tipo_iris == '1'):
370             print("Iris-Setosa\n")
371         elif (tipo_iris == '2'):
372             print("Iris-Versicolor\n")
373         elif (tipo_iris == '3'):
374             print("Iris-Virginica\n")
375
376         print("R = U\u03A3V^(T)")
377         print()
378
379         print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
380         print("U = ", U)
381         print()
382         print('\u03A3 = ', s)
383         print()
384         print("V^T = ", VT)
385
386         print()
387         print()
388
389         print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
390         print("U = ", U1)
391         print()
392         print('\u03A3 = ', s1)
393         print()
394         print("V^T = ", VT1)
395
396     if (resultado == '4'):
397         A = [5.0,2.3,3.3,1.0]
398         B = [4.6,3.2,1.4,0.2]

```



```

399     C = [5.0,3.3,1.4,0.2]
400     D = [6.1,3.0,4.6,1.4]
401     E = [5.9,3.0,5.1,1.8]
402
403     dados = pegarDados ('1')
404     R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
405     w_setosa = PLU(R,p)
406
407     dados = pegarDados ('2')
408     R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
409     w_versicolor = PLU(R,p)
410
411     dados = pegarDados ('3')
412     R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
413     w_virginica = PLU(R,p)
414
415     estimativa = estimar_amstras(A,w_setosa,w_versicolor ,
416                                   w_virginica)
417     print("A = ", estimativa)
418     estimativa = estimar_amstras(B,w_setosa,w_versicolor ,
419                                   w_virginica)
420     print("B = ", estimativa)
421     estimativa = estimar_amstras(C,w_setosa,w_versicolor ,
422                                   w_virginica)
423     print("C = ", estimativa)
424     estimativa = estimar_amstras(D,w_setosa,w_versicolor ,
425                                   w_virginica)
426     print("D = ", estimativa)
427     estimativa = estimar_amstras(E,w_setosa,w_versicolor ,
428                                   w_virginica)
429     print("E = ", estimativa)
430
431 ##### chamada ao menu
432 menu()

```

7 Bibliografia

- <https://algebralearufcg.github.io/jup-not/prog02-learning-numpy.html>
- <https://machinelearningmastery.com/singular-value-decomposition-for-machine-learning/>
- <https://pt.coredump.biz/questions/34007632/how-to-remove-a-column-in-a-numpy-array>
- <https://pythonforundergradengineers.com/unicode-characters-in-python.html>