Universidade Federal do Rio de Janeiro Escola Politécnica Departamento de Engenharia Eletrônica e de Computação Engenharia Eletrônica e de Computação Álgebra Linear 2

TRABALHO DE ÁLGEBRA LINEAR 2

Aluna: Karen dos Anjos Arcoverde

Professor: Marcello Luiz Rodrigues de Campos

Rio de Janeiro 2021

Sumário

Introdução
0.1 Conteúdo
0.2 Software e linguagem
0.3 Bibliotecas
0.4 Base de dados
Observações
Questão 1
2.1 Resultados
2.1.1 Iris-Setosa
2.1.2 Iris-Versicolor
2.1.3 Iris-Virginica
Questão 2
3.1 Resultados
3.1.1 Iris-Setosa
3.1.2 Iris-Versicolor
3.1.3 Iris-Virginica
Questão 3
4.1 Resultados
4.1.1 Iris-Setosa
4.1.2 Iris-Versicolor
4.1.3 Iris-Virginica
Questão 4
5.1 Resultados
Código
Bibliografia

0 Introdução

0.1 Conteúdo

O relatório contém os resultados encontrados para cada questão passada pelo professor e o código final em linguagem Python.

0.2 Software e linguagem

O software usado para programação foi o Spyder e a linguagem foi o Python 3.8.

0.3 Bibliotecas

As bibliotecas utilizadas para construir o código em Python foram:

- Numpy
- Scipy

0.4 Base de dados

O conjunto de dados "Iris" selecionado para o trabalho foi:

ESPÉCIES	DE	PARA
Iris-setosa	25	39
Iris-versicolor	75	89
Iris-virginica	125	139

Tabela 1: Base de dados "Iris" selecionada

1 Observações

A variável y da coluna PetalWidthCm foi escrita em função das outras variáveis x_1, x_2, x_3 das colunas SepalLengthCm,SepalWidthCm,PetalLengthCm, respectivamente. De forma que $y = a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c \cdot x_3$ sem o termo independente. Com o termo independente: $y = a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c \cdot x_3 + k$.

Além disso, a equação normal é: $x^T \cdot x \cdot w = x^T \cdot y$, onde w é o vetor de coeficientes, o vetor y é a coluna PetalWidthCm e a matriz x é as colunas SepalLengthCm,SepalWidthCm,PetalLengthCm (se for com o termo independente, possui uma coluna a mais que só contém valores 1).

2 Questão 1

2.1 Resultados

2.1.1 Iris-Setosa

```
Iris-Setosa

SEM O TERMO INDEPENDENTE:
4 y = a*x1 + b*x2 + c*x3
```

```
5 [a b c] = [ 0.07455282 -0.06602361  0.03673264]

6 
7 COM O TERMO INDEPENDENTE:
8 y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k
9 [a b c k] = [ 0.13497209 -0.07886596  0.10365958 -0.36144997]
```

2.1.2 Iris-Versicolor

```
Iris-Versicolor

SEM O TERMO INDEPENDENTE:

y = a*x1 + b*x2 + c*x3

[a b c] = [-0.14382683  0.17051618  0.40397714]

COM O TERMO INDEPENDENTE:

y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k

[a b c k] = [-0.06826027  0.24149193  0.39877688 -0.63863516]
```

2.1.3 Iris-Virginica

```
Iris-Virginica

SEM O TERMO INDEPENDENTE:

y = a*x1 + b*x2 + c*x3

[a b c] = [-0.11329721  0.3990124  0.25976859]

COM O TERMO INDEPENDENTE:

y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k

[a b c k] = [-0.11686468  0.35346044  0.22325742  0.36734017]
```

3 Questão 2

3.1 Resultados

3.1.1 Iris-Setosa

```
Iris-Setosa

R = V\Lambda V^{(T)}

SEM O TERMO INDEPENDENTE:
V = \begin{bmatrix} -0.80618188 & -0.45661854 & 0.37625828 \end{bmatrix}
-0.54157827 & 0.31342349 & -0.78003762 \end{bmatrix}
[-0.23825146 & 0.8326255 & 0.49997102 ]]

\Lambda = \begin{bmatrix} [5.86392634e+02 & 0.00000000e+00 & 0.0000000e+00 \end{bmatrix}
[0.00000000e+00 & 5.29776824e-01 & 0.00000000e+00 \end{bmatrix}
[0.00000000e+00 & 0.00000000e+00 & 7.47589571e-01 ]]
```

```
V^T = [[-0.80618188 -0.54157827 -0.23825146]]
    [-0.45661854 0.31342349 0.8326255]
15
    [ 0.37625828 -0.78003762  0.49997102]]
16
17
18
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
19
  V = [[-0.79610972 \quad 0.1628056 \quad -0.47792329 \quad -0.33360603]
    [-0.53478061 -0.03864172 0.33762985 0.77364243]
    [-0.23529777 \quad 0.18572124 \quad 0.80860497 \quad -0.50626137]
22
    [-0.15765144 -0.96825037 0.06126507 -0.18407563]
23
24
        [[6.01336860e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
25
    [0.00000000e+00 2.79352229e-02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
    [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 5.31947766e-01 \ 0.00000000e+00]
27
    [0.0000000e+00 0.0000000e+00 0.0000000e+00 7.73257486e-01]]
28
29
  V^T = [[-0.79610972 -0.53478061 -0.23529777 -0.15765144]
30
   [ 0.1628056  -0.03864172  0.18572124  -0.96825037]
31
   [-0.47792329 \quad 0.33762985 \quad 0.80860497 \quad 0.06126507]
  [-0.33360603 0.77364243 -0.50626137 -0.18407563]]
```

3.1.2 Iris-Versicolor

```
Iris-Versicolor
  R = V\Lambda V^{(T)}
4
  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  V = [[0.76039163 \ 0.64759888 \ -0.0491961]
   [0.35223975 - 0.47485674 - 0.80649751]
    [ 0.54564799 -0.59592513  0.58918716]]
9
        [[9.59570396e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
10
    [0.00000000e+00 1.33162776e+00 0.00000000e+00]
11
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 9.57976568e-01]]
12
13
  V^T = [[0.76039163 \ 0.35223975 \ 0.54564799]
   [ 0.64759888 - 0.47485674 - 0.59592513]
15
    [-0.0491961 -0.80649751 0.58918716]]
16
17
18
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
19
  V = [[-0.7545525 \quad 0.11812875 \quad 0.64474223 \quad 0.03167953]
   [-0.34954066 \quad 0.11526607 \quad -0.46962259 \quad 0.80248968]
21
    \lceil -0.54144512 -0.01367345 -0.60234554 -0.58637025 \rceil
22
    [-0.1237297 -0.98619084 0.030691 0.1057197]
23
24
        [[9.74487597e+02 0.00000000e+00 0.0000000e+00 0.00000000e+00]
25
   [0.00000000e+00 7.14132919e-02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
    [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 1.33280153e+00 \ 0.00000000e+00]
27
   [0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.0000000e+00 9.68188359e-01]]
```

```
29
30 V^T = [[-0.7545525 -0.34954066 -0.54144512 -0.1237297 ]
31 [ 0.11812875   0.11526607 -0.01367345 -0.98619084]
32 [ 0.64474223 -0.46962259 -0.60234554   0.030691 ]
33 [ 0.03167953   0.80248968 -0.58637025   0.1057197 ]]
```

3.1.3 Iris-Virginica

```
Iris-Virginica
  R = V\Lambda V^{(T)}
3
  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  V = [[-0.72592866 -0.63483621 0.2645951]
    [-0.32772296 -0.01894783 -0.94458385]
    [-0.60466953 \quad 0.77241438 \quad 0.19429563]]
        [[1.28249881e+03 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
    [0.00000000e+00 5.79253032e-01 0.0000000e+00]
11
    [0.00000000e+00 0.0000000e+00 1.07193335e+00]]
12
13
  V^T = [[-0.72592866 -0.32772296 -0.60466953]]
14
    [-0.63483621 - 0.01894783 0.77241438]
15
    [ 0.2645951 -0.94458385 0.19429563]]
16
17
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
19
   V = [[-7.21743001e-01 -2.76297507e-01 6.34623278e-01 -1.50933108e-04]
20
    [-3.25843186e-01 \quad 9.35769444e-01 \quad 3.68031853e-02 \quad -1.29642937e-01]
21
    [-6.01187515e-01 -1.93722166e-01 -7.68083597e-01 -1.05322749e-01]
    [-1.07176625e-01 \quad 1.02308151e-01 \quad -7.71129602e-02 \quad 9.85951218e-01]]
24
        [[1.29740071e+03 0.00000000e+00 0.0000000e+00 0.0000000e+00]
  \Lambda =
25
    [0.00000000e+00 1.08243546e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
26
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 5.82311582e-01 0.0000000e+00]
27
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00 8.45463191e-02]]
28
29
  V^T = [[-7.21743001e-01 -3.25843186e-01 -6.01187515e-01 -1.07176625e-01]
30
    [-2.76297507e-01 9.35769444e-01 -1.93722166e-01]
                                                           1.02308151e-01]
31
    \begin{bmatrix} 6.34623278e-01 & 3.68031853e-02 & -7.68083597e-01 & -7.71129602e-02 \end{bmatrix}
32
    [-1.50933108e-04 -1.29642937e-01 -1.05322749e-01 9.85951218e-01]]
```

4 Questão 3

4.1 Resultados

4.1.1 Iris-Setosa

Iris-Setosa

```
R = U \sum V (T)
  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  U = [[-0.80618188 \quad 0.37625828 \quad -0.45661854]
    [-0.54157827 -0.78003762 0.31342349]
    [-0.23825146 0.49997102 0.8326255 ]]
  \Sigma =
        [[5.86392634e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
10
    [0.00000000e+00\ 7.47589571e-01\ 0.00000000e+00]
11
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 5.29776824e-01]]
12
13
  V^T = [[-0.80618188 -0.54157827 -0.23825146]]
   [ 0.37625828 -0.78003762  0.49997102]
15
    [-0.45661854 0.31342349 0.8326255 ]]
16
17
18
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
19
  U = [[-0.79610972 \quad 0.33360603 \quad 0.47792329 \quad -0.1628056]
20
    [-0.53478061 - 0.77364243 - 0.33762985 0.03864172]
21
    [-0.23529777 \quad 0.50626137 \quad -0.80860497 \quad -0.18572124]
22
    [-0.15765144  0.18407563  -0.06126507  0.96825037]]
23
24
 \Sigma =
        [[6.01336860e+02 0.00000000e+00 0.0000000e+00 0.0000000e+00]
    [0.00000000e+00 7.73257486e-01 0.00000000e+00 0.0000000e+00]
26
    [0.00000000e+00\ 0.00000000e+00\ 5.31947766e-01\ 0.00000000e+00]
27
    [0.00000000e+00 0.0000000e+00 0.0000000e+00 2.79352229e-02]]
28
29
  V^T = [[-0.79610972 -0.53478061 -0.23529777 -0.15765144]
30
   [ 0.33360603 -0.77364243  0.50626137  0.18407563]
31
   [ 0.47792329 -0.33762985 -0.80860497 -0.06126507]
32
```

4.1.2 Iris-Versicolor

```
Iris-Versicolor
  R = U \sum V^{(T)}
  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  U = [[-0.76039163 \quad 0.64759888 \quad -0.0491961]
   [-0.35223975 -0.47485674 -0.80649751]
    [-0.54564799 -0.59592513 0.58918716]]
  \Sigma = [9.59570396e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
10
    [0.00000000e+00 1.33162776e+00 0.00000000e+00]
11
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 9.57976568e-01]]
12
13
 V^T = [[-0.76039163 -0.35223975 -0.54564799]]
   [ 0.64759888 -0.47485674 -0.59592513]
15
  [-0.0491961 -0.80649751 0.58918716]]
```

```
18
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
19
  U = [[-0.7545525 \quad 0.64474223 \quad 0.03167953 \quad -0.11812875]
20
   [-0.34954066 - 0.46962259 0.80248968 - 0.11526607]
21
   [-0.54144512 - 0.60234554 - 0.58637025 0.01367345]
22
   [-0.1237297 0.030691
                           0.1057197 0.98619084]]
  \sum =
       [[9.74487597e+02 0.00000000e+00 0.0000000e+00 0.0000000e+00]
25
   [0.00000000e+00 1.33280153e+00 0.0000000e+00 0.0000000e+00]
26
   [0.00000000e+00 0.0000000e+00 9.68188359e-01 0.0000000e+00]
27
   [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 7.14132919e-02]]
28
  V^T = [[-0.7545525 -0.34954066 -0.54144512 -0.1237297]
30
   [ 0.64474223 -0.46962259 -0.60234554 0.030691 ]
31
   32
  [-0.11812875 -0.11526607 0.01367345 0.98619084]]
33
```

4.1.3 Iris-Virginica

```
Iris-Virginica
2
  R = U \sum V^{(T)}
3
  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  U = [[-0.72592866 \quad 0.2645951 \quad -0.63483621]
    [-0.32772296 -0.94458385 -0.01894783]
    [-0.60466953 0.19429563 0.77241438]]
  \Sigma = [[1.28249881e+03 0.00000000e+00 0.00000000e+00]]
10
    [0.00000000e+00 1.07193335e+00 0.0000000e+00]
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 5.79253032e-01]]
12
  V^T = [[-0.72592866 -0.32772296 -0.60466953]]
14
    [ 0.2645951 -0.94458385 0.19429563]
15
    [-0.63483621 -0.01894783 0.77241438]]
16
17
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
19
  U = \begin{bmatrix} -7.21743001e-01 & 2.76297507e-01 & 6.34623278e-01 & -1.50933108e-04 \end{bmatrix}
20
    [-3.25843186e-01 -9.35769444e-01 3.68031853e-02 -1.29642937e-01]
21
    [-6.01187515e-01 \ 1.93722166e-01 \ -7.68083597e-01 \ -1.05322749e-01]
22
    [-1.07176625e-01 -1.02308151e-01 -7.71129602e-02 9.85951218e-01]]
24
  \Sigma = [1.29740071e+03 0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
25
    [0.00000000e+00 \ 1.08243546e+00 \ 0.00000000e+00 \ 0.0000000e+00]
26
    [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 5.82311582e-01 \ 0.00000000e+00]
27
     [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 8.45463191e-02]] 
28
  V^T = [[-7.21743001e-01 -3.25843186e-01 -6.01187515e-01 -1.07176625e-01]
30
   [ 2.76297507e-01 -9.35769444e-01 1.93722166e-01 -1.02308151e-01]
```

5 Questão 4

5.1 Resultados

```
SEM O TERMO INDEPENDENTE:

A = Iris-Versicolor

B = Iris-Setosa

C = Iris-Setosa

D = Iris-Versicolor

E = Iris-Virginica

COM O TERMO INDEPENDENTE:

A = Iris-Versicolor

B = Iris-Setosa

C = Iris-Setosa

C = Iris-Versicolor

E = Iris-Versicolor

To B = Iris-Setosa

To E = Iris-Versicolor

To E = Iris-Versicolor
```

6 Código

```
# Programa codigo.py
  # Autora: Karen dos Anjos Arcoverde
  # Data: 06/02/2021
6
  import numpy as np
  from scipy import linalg
  from scipy.linalg import diagsvd
10
11
  def pegarDados(tipo_iris):
13
14
                           , tipo_iris = 2 Versicolor,
      # tipo_iris = 1 Setosa
15
      # tipo_iris = 3 Virginica
16
      dados = []
      IDs = []
18
19
      Setosa = range(25,39+1)
20
      Versicolor = range(75,89+1)
21
      Virginica = range (125, 139+1)
      arquivo = open("dados_13.csv",'r')
24
      arquivo.readline() # ignora a primeira linha
25
```

```
26
       if (tipo_iris == '1'):
27
           IDs = Setosa
28
       if (tipo_iris == '2'):
29
           IDs = Versicolor
30
       if (tipo_iris == '3'):
31
           IDs = Virginica
       for i in range(1,46): # percorre todo o banco de dados 1-45
34
           linha = (arquivo.readline()).split(',') #separa os dados por
35
              virgula
36
                (int(linha[0]) in IDs):# percorre os ids selecionados
38
                linha.pop(0) # retira o ID dos dados
39
                linha.pop(-1) # retira a especie dos dados
40
                for j in range(4): #para cada dado
41
                    linha[j] = float(linha[j]) #transforma em numero
                dados.append(linha) #adiciona na lista de dados
44
45
       arquivo.close()
46
       return dados
47
49
  def construir_equacao_normal (dados):
50
51
       #equacao normal - minimos quadrados:
52
       \# (x^T).x.w = (x^T).y
53
       #(x_transposta).x.w =(x_transposta).y
       \# R.w = p
55
       \# R = (x^T).x
       \# p = (x^T).y
57
58
       ##### sem termo independente #####
59
       # y = a*x1 +b*x2 +c*x3
       x = []
       y = []
62
63
       #achar (x^T) e x
64
       # x - colunas SepalLengthCm, SepalWidthCm, PetalLengthCm
65
       x = np.array(dados)
       x = np.delete(x.reshape(15,4),3,1) #deleta a ultima coluna de x
67
       x_transposta = np.transpose(x) #faz a transposta de x: (x^T)
68
69
       #achar R
70
       R = np.dot(x_transposta,x) #multiplica (x^T) por x
72
       #achar y - coluna PetalWidthCm
73
       y = np.array(dados)
74
       y = np.delete(y.reshape(15,4),0,1) #deleta a primeira coluna de y
75
```

```
y = np.delete(y.reshape(15,3),0,1) #deleta a segunda coluna de y
76
       y = np.delete(y.reshape(15,2),0,1) #deleta a terceira coluna de y
77
78
       #achar p
79
       p = np.dot(x_transposta,y)
80
81
       ###### com termo independente #####
       # y = a*x1 +b*x2 +c*x3 +k
84
       for i in range (0,15):
85
            dados[i][3] = 1
86
       \#achar (x^T) e x
       x = np.array(dados)
89
       x_transposta = np.transpose(x) #faz a transposta de x: (x^T)
90
       #achar R
91
       R1= np.dot(x_transposta,x) #multiplica (x^T) por x
92
       #achar p
93
       p1 = np.dot(x_transposta,y)
95
       return R,p,R1,p1
96
97
98
   def PLU(R,p):
99
       indice_coluna = 0
       indice_linha = 1
101
       indice_L_1s = 0
102
       tamanho_R = len(R)
103
104
       while (indice_coluna < tamanho_R):</pre>
105
            #constroi a matriz L, triangular inferior
106
            if (R[indice_coluna][indice_coluna] != 0):
107
                L = np.zeros((tamanho_R, tamanho_R))
108
109
                indice_coluna_aux = indice_coluna + 1
110
                while (indice_coluna_aux < tamanho_R):</pre>
111
                     L[indice_coluna_aux][indice_coluna] = - R[
112
                        indice_coluna_aux][indice_coluna]/R[indice_coluna][
                        indice_coluna]
                     indice_linha += 1
113
                     indice_coluna_aux += 1
114
                while (indice_L_1s < tamanho_R):
116
                     L[indice_L_1s][indice_L_1s] = 1
117
                     indice_L_1s += 1
118
119
                indice_L_1s = 0
120
                indice_linha = 1
121
122
                #multiplica a matriz R por L
123
                R = np.dot(L,R)
124
```

```
p = np.dot(L,p)
125
126
127
            #se o pivo for zero, necessario multiplicar por uma matriz P de
128
                permutacao
            if (R[indice_coluna][indice_coluna] == 0):
129
                 P = np.zeros((tamanho_R, tamanho_R))
130
                 P[indice_coluna][indice_coluna + 1] = 1
131
                 P[indice_coluna + 1][indice_coluna] = 1
132
133
                 i = 0
134
                 j = 0
135
                 guarda_1 = False
136
                 while (i < tamanho_R):
137
                      while (j < tamanho_R):</pre>
138
                          if (P[i][j] == 1):
139
                               guarda_1 = True
140
                               j += 1
141
                      if (guarda_1 == False):
142
                          P[i][i] = 1
143
                      i += 1
144
145
                 R = np.dot(P,R)
146
                 p = np.dot(P,p)
147
            indice_coluna += 1
149
150
        #backsubstitution
151
        w = np.linalg.solve(R, p)
152
153
154
        return w
155
156
   def decomposicao_espectral(R):
157
158
        \# R = VDV^{(T)}
159
        #determinando autovalores e autovetores
160
        autovalores, autovetores = np.linalg.eig(R)
161
        # matriz diagonal de autovalores
162
        matrizDiagonal = np.diag(autovalores)
163
164
                 autovetores, matrizDiagonal
        return
165
166
167
   def estimar_amostras(amostra, w_setosa, w_versicolor, w_virginica,
168
       c_independente):
169
       lista_erros = []
170
       estimativa = ""
171
       indice = 0
172
       amostra_x = []
173
```

```
indice_erros_modulo = 0
174
175
       while (indice < 3):
176
           amostra_x.append (amostra[indice])
177
           indice += 1
178
179
       if (c_independente == True):
180
           amostra_x.append(1)
181
182
       amostra_x = np.array(amostra_x)
183
184
       \#produto interno \langle x, y \rangle = (x^T).y
185
       estimativa_setosa = np.dot(amostra_x,w_setosa)
187
       estimativa_versicolor = np.dot(amostra_x,w_versicolor)
188
       estimativa_virginica = np.dot(amostra_x,w_virginica)
189
190
       erro_setosa = estimativa_setosa[0] - amostra[3]
191
       lista_erros.append(erro_setosa)
192
193
       erro_versicolor = estimativa_versicolor[0] - amostra[3]
194
       lista_erros.append(erro_versicolor)
195
196
       erro_virginica = estimativa_virginica[0] - amostra[3]
197
       lista_erros.append(erro_virginica)
198
199
       while (indice_erros_modulo < len(lista_erros)):</pre>
200
           lista_erros [indice_erros_modulo] = abs(lista_erros[
201
              indice_erros_modulo])
           indice_erros_modulo += 1
202
203
       if (min(lista_erros) == abs(erro_setosa)):
204
           estimativa = "Iris-Setosa"
205
206
           return estimativa
207
208
       if (min(lista_erros) == abs(erro_versicolor)):
209
           estimativa = "Iris-Versicolor"
210
211
           return estimativa
212
213
       if (min(lista_erros) == abs(erro_virginica)):
           estimativa = "Iris-Virginica"
215
216
           return estimativa
217
218
   ################# Programa Principal ################
219
   def menu():
220
        resultado = ""
221
        tipo_iris = ""
222
        coeficientes_sem_aux = []
223
```

```
coeficientes_com_aux = []
224
        indice = 0
225
226
        print()
227
        print("Digite somente o numero da questao que voce deseja ver o
228
           resultado: ")
        print("Questao 1")
229
        print("Questao 2")
230
        print("Questao 3")
231
        print("Questao 4")
232
        print()
233
        print("PARA SAIR DIGITE 0")
234
        while (resultado != '0'):
236
            resultado = input()
237
238
            if (resultado == '1'):
239
                 print("Digite qual especie voce deseja fazer a regressao
240
                    linear: ")
                 print("1 = Iris-Setosa")
241
                 print("2 = Iris-Versicolor")
242
                 print("3 = Iris Virginica")
243
                 print()
244
                 print("PARA SAIR DIGITE 0")
245
                 while (tipo_iris != '0'):
247
248
                     tipo_iris = input()
249
250
                     if (tipo_iris == '0'):
                          break
252
253
                      dados = pegarDados (tipo_iris)
254
                     R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
255
                     w = PLU(R,p)
256
                     w1 = PLU(R1, p1)
257
258
                     print()
259
                          (tipo_iris == '1'):
260
                          print("Iris-Setosa\n")
261
                      elif (tipo_iris == '2'):
262
                          print("Iris-Versicolor\n")
                      elif (tipo_iris == '3'):
264
                          print("Iris-Virginica\n")
265
266
                     print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
267
                     print("y = a*x1 + b*x2 + c*x3")
268
                     print("[a b c] = ",end="")
269
270
271
                      while (indice < len(w)):
272
```

```
coeficientes_sem_aux.append(w[indice][0])
273
                          coeficientes_sem = np.array(coeficientes_sem_aux)
274
                          indice += 1
275
276
                     print(coeficientes_sem)
277
                     coeficientes_sem_aux = []
278
280
                     print()
281
282
                     print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
283
                     print("y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k")
284
                     print("[a b c k] = ",end="")
286
                     indice = 0
287
                     while (indice < len(w1)):
288
                          coeficientes_com_aux.append(w1[indice][0])
289
                          coeficientes_com = np.array(coeficientes_com_aux)
290
                          indice += 1
291
292
                     print(coeficientes_com)
293
                     coeficientes_com_aux = []
294
                     indice = 0
295
296
297
298
            if (resultado == '2'):
299
                 print("Digite qual especie voce deseja fazer a decomposicao
300
                    espectral: ")
                 print("1 = Iris-Setosa")
301
                 print("2 = Iris-Versicolor")
302
                 print("3 = Iris Virginica")
303
                 print()
304
                 print("PARA SAIR DIGITE 0")
305
306
                 while (tipo_iris != '0'):
307
308
                     tipo_iris = input()
309
310
                     if (tipo_iris == '0'):
311
                          break
312
313
                     print()
314
315
                     dados = pegarDados (tipo_iris)
316
                     R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
317
                     autovetores, matrizDiagonal = decomposicao_espectral(R)
318
                     autovetores1, matrizDiagonal1 = decomposicao_espectral(R1)
319
320
                          (tipo_iris == '1'):
321
                          print("Iris-Setosa\n")
322
```

```
elif (tipo_iris == '2'):
323
                           print("Iris-Versicolor\n")
324
                      elif (tipo_iris == '3'):
325
                           print("Iris-Virginica\n")
326
327
                      print("R = V \setminus u039BV^{(T)}")
328
                      print()
329
330
                      print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
331
                      print("V = ",autovetores)
332
                      print()
333
                      print('\u039B = ',matrizDiagonal)
334
                      print()
                      print("V^T = ",np.transpose(autovetores))
336
337
                      print()
338
                      print()
339
340
                      print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
341
                      print("V = ", autovetores1)
342
                      print()
343
                      print('\setminus u039B = ', matrizDiagonal1)
344
                      print()
345
                      print("V^T = ", np.transpose(autovetores1))
346
347
348
349
             if (resultado == '3'):
350
                print("Digite qual especie voce deseja fazer o SVD: ")
351
                print("1 = Iris-Setosa")
352
                print("2 = Iris-Versicolor")
353
                print("3 = Iris Virginica")
354
                print()
355
                print("PARA SAIR DIGITE 0")
356
357
                while (tipo_iris != '0'):
358
                     tipo_iris = input()
359
360
                     if (tipo_iris == '0'):
361
                         break
362
363
                     print()
364
365
                     dados = pegarDados (tipo_iris)
366
                     R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
367
                     U, s, VT = linalg.svd(R)
368
                     U1, s1, VT1 = linalg.svd(R1)
369
370
                          (tipo_iris == '1'):
371
                           print("Iris-Setosa\n")
372
                     elif (tipo_iris == '2'):
373
```

```
print("Iris-Versicolor\n")
374
                     elif (tipo_iris == '3'):
375
                          print("Iris-Virginica\n")
376
377
                     print("R = U \setminus u03A3V^(T)")
378
                    print()
379
380
                    print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
                    print("U = ", U)
382
                    print()
383
                    print('\u03A3 = ', diagsvd(s, R.shape[0], R.shape[1]))
384
                    print()
385
                    print("V^T = ", VT)
                    print()
387
                    print()
388
389
                    print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
390
                    print("U = ", U1)
391
                    print()
392
                    print('\u03A3 = ', diagsvd(s1, R1.shape[0], R1.shape[1]))
393
                    print()
394
                    print("V^T = ", VT1)
395
396
397
            if (resultado == '4'):
                 A = [5.0, 2.3, 3.3, 1.0]
399
                 B = [4.6, 3.2, 1.4, 0.2]
400
                 C = [5.0, 3.3, 1.4, 0.2]
401
                 D = [6.1, 3.0, 4.6, 1.4]
402
                 E = [5.9, 3.0, 5.1, 1.8]
403
404
                 print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
405
                 dados = pegarDados ('1')
406
                 R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
407
                 w_{setosa} = PLU(R,p)
408
409
                 dados = pegarDados ('2')
410
                 R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
411
                 w_versicolor = PLU(R,p)
412
413
                 dados = pegarDados ('3')
414
                 R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
415
                 w_virginica = PLU(R,p)
416
417
                 c_independente = False
418
                 estimativa = estimar_amostras(A, w_setosa, w_versicolor,
419
                    w_virginica,c_independente)
                 print("A = ", estimativa)
420
                 estimativa = estimar_amostras(B, w_setosa, w_versicolor,
421
                     w_virginica,c_independente)
                 print("B = ", estimativa)
422
```

```
estimativa = estimar_amostras(C, w_setosa, w_versicolor,
423
                   w_virginica, c_independente)
                print("C = ", estimativa)
424
                estimativa = estimar_amostras(D, w_setosa, w_versicolor,
425
                   w_virginica,c_independente)
                print("D = ", estimativa)
426
                estimativa = estimar_amostras(E, w_setosa, w_versicolor,
427
                   w_virginica,c_independente)
                print("E = ", estimativa)
428
429
                print()
430
                print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
431
                dados = pegarDados ('1')
                R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
433
                w1\_setosa = PLU(R1,p1)
434
435
                dados = pegarDados ('2')
436
                R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
437
                w1_versicolor = PLU(R1,p1)
438
439
                dados = pegarDados ('3')
440
                R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
441
                w1_virginica = PLU(R1,p1)
442
443
                c_independente = True
                estimativa1 = estimar_amostras(A,w1_setosa,w1_versicolor,
445
                   w1_virginica,c_independente)
                print("A = ", estimativa1)
446
                estimativa1 = estimar_amostras(B,w1_setosa,w1_versicolor,
447
                   w1_virginica,c_independente)
                print("B = ", estimativa1)
448
                estimativa1 = estimar_amostras(C,w1_setosa,w1_versicolor,
449
                   w1_virginica,c_independente)
                print("C = ", estimativa1)
450
                estimativa1 = estimar_amostras(D,w1_setosa,w1_versicolor,
451
                   w1_virginica,c_independente)
                print("D = ", estimativa1)
452
                estimativa1 = estimar_amostras(E,w1_setosa,w1_versicolor,
453
                   w1_virginica,c_independente)
                print("E = ", estimativa1)
454
455
   ####### chamada ao menu
   menu()
457
```

7 Bibliografia

- https://algebralinearufcg.github.io/jup-not/prog02-learning-numpy.html
- https://machinelearningmastery.com/singular-value-decomposition-for-machine-learning/
- https://pt.coredump.biz/questions/34007632/how-to-remove-a-column-in-a-numpy-array

- $\bullet \ \ https://pythonforundergradengineers.com/unicode-characters-in-python.html$
- $\bullet \ \, \rm https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/generated/scipy.linalg.svd.html$
- $\bullet\ https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/generated/scipy.linalg.diagsvd.htmlscipy.htmlscipy.linalg.diagsvd.htmlscipy.htmlsci$