Universidade Federal do Rio de Janeiro Escola Politécnica Departamento de Engenharia Eletrônica e de Computação Engenharia Eletrônica e de Computação Álgebra Linear 2

TRABALHO DE ÁLGEBRA LINEAR 2

Aluna: Karen dos Anjos Arcoverde

Professor: Marcello Luiz Rodrigues de Campos

Rio de Janeiro 2021

Sumário

0	Introdução	3
	0.1 Conteúdo	3
	0.2 Software e linguagem	3
	0.3 Bibliotecas	3
	0.4 Base de dados	3
1	Observações	3
2	Questão 1	3
	2.1 Resultados	3
	2.1.1 Iris-Setosa	3
	2.1.2 Iris-Versicolor	4
	2.1.3 Iris-Virginica	4
3	Questão 2	4
	3.1 Resultados	4
	3.1.1 Iris-Setosa	4
	3.1.2 Iris-Versicolor	5
	3.1.3 Iris-Virginica	6
4	Questão 3	6
	4.1 Resultados	6
	4.1.1 Iris-Setosa	6
	4.1.2 Iris-Versicolor	7
	4.1.3 Iris-Virginica	8
5	Questão 4	9
	5.1 Resultados	9
6	Código	9
7	Bibliografia	19

0 Introdução

0.1 Conteúdo

O relatório contém os resultados encontrados para cada questão passada pelo professor e o código final em linguagem Python.

0.2 Software e linguagem

O software usado para programação foi o Spyder e a linguagem foi o Python 3.8.

0.3 Bibliotecas

As bibliotecas utilizadas para construir o código em Python foram:

- Numpy
- Scipy

0.4 Base de dados

O conjunto de dados "Iris" selecionado para o trabalho foi:

ESPÉCIES	DE	PARA
Iris-setosa	25	39
Iris-versicolor	75	89
Iris-virginica	125	139

Tabela 1: Base de dados "Iris" selecionada

1 Observações

A variável y da coluna PetalWidthCm foi escrita em função das outras variáveis x_1, x_2, x_3 das colunas SepalLengthCm,SepalWidthCm,PetalLengthCm, respectivamente. De forma que $y = a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c \cdot x_3$ sem o termo independente. Com o termo independente: $y = a \cdot x_1 + b \cdot x_2 + c \cdot x_3 + k$.

Além disso, a equação normal é: $x^T \cdot x \cdot w = x^T \cdot y$, onde w é o vetor de coeficientes, o vetor y é a coluna PetalWidthCm e a matriz x é as colunas SepalLengthCm,SepalWidthCm,PetalLengthCm (se for com o termo independente, possui uma coluna a mais que só contém valores 1).

2 Questão 1

2.1 Resultados

2.1.1 Iris-Setosa

```
Iris-Setosa

SEM O TERMO INDEPENDENTE:

y = a*x1 + b*x2 + c*x3

[a b c] = [ 0.07455282 -0.06602361 0.03673264]
```

```
6
7 COM O TERMO INDEPENDENTE:
8 y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k
9 [a b c k] = [ 0.13497209 -0.07886596  0.10365958 -0.36144997]
```

2.1.2 Iris-Versicolor

```
Iris-Versicolor

SEM O TERMO INDEPENDENTE:

y = a*x1 + b*x2 + c*x3

[a b c] = [-0.14382683  0.17051618  0.40397714]

COM O TERMO INDEPENDENTE:

y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k

[a b c k] = [-0.06826027  0.24149193  0.39877688 -0.63863516]
```

2.1.3 Iris-Virginica

```
Iris-Virginica

SEM O TERMO INDEPENDENTE:

y = a*x1 + b*x2 + c*x3

[a b c] = [-0.11329721  0.3990124  0.25976859]

COM O TERMO INDEPENDENTE:

y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k

[a b c k] = [-0.11686468  0.35346044  0.22325742  0.36734017]
```

3 Questão 2

3.1 Resultados

3.1.1 Iris-Setosa

```
Iris-Setosa

R = VΛV^(T)

SEM O TERMO INDEPENDENTE:

V = [[-0.80618188 -0.45661854 0.37625828]

[-0.54157827 0.31342349 -0.78003762]

[-0.23825146 0.8326255 0.49997102]]

Λ = [[5.86392634e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]

[0.00000000e+00 5.29776824e-01 0.00000000e+00]

[0.00000000e+00 0.0000000e+00 7.47589571e-01]]

V^T = [[-0.80618188 -0.54157827 -0.23825146]

[-0.45661854 0.31342349 0.8326255]
```

```
[ 0.37625828 -0.78003762  0.49997102]]
17
18
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
19
  V = [[-0.79610972 \quad 0.1628056 \quad -0.47792329 \quad -0.33360603]
20
   [-0.53478061 -0.03864172  0.33762985  0.77364243]
    [-0.23529777 \quad 0.18572124 \quad 0.80860497 \quad -0.50626137]
    [-0.15765144 -0.96825037 0.06126507 -0.18407563]]
  \Lambda =
        [[6.01336860e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
25
   [0.00000000e+00 2.79352229e-02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
26
    [0.00000000e+00 0.0000000e+00 5.31947766e-01 0.0000000e+00]
    [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 7.73257486e-01]]
  V^T = [[-0.79610972 -0.53478061 -0.23529777 -0.15765144]]
30
   [ 0.1628056  -0.03864172  0.18572124  -0.96825037]
31
    [-0.47792329 \quad 0.33762985 \quad 0.80860497 \quad 0.06126507]
32
  [-0.33360603 0.77364243 -0.50626137 -0.18407563]]
```

3.1.2 Iris-Versicolor

```
Iris-Versicolor
2
  R = V\Lambda V^{(T)}
  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  V = [[0.76039163 \quad 0.64759888 \quad -0.0491961]
    [ 0.35223975 -0.47485674 -0.80649751]
    [ 0.54564799 -0.59592513  0.58918716]]
  \Lambda = [[9.59570396e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]]
    [0.00000000e+00 1.33162776e+00 0.00000000e+00]
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 9.57976568e-01]]
  V^T = [[0.76039163 \ 0.35223975 \ 0.54564799]]
14
    [0.64759888 - 0.47485674 - 0.59592513]
15
    [-0.0491961 -0.80649751 0.58918716]]
16
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
19
  V = [-0.7545525 \quad 0.11812875 \quad 0.64474223 \quad 0.03167953]
20
    [-0.34954066 \quad 0.11526607 \quad -0.46962259 \quad 0.80248968]
21
    [-0.54144512 -0.01367345 -0.60234554 -0.58637025]
    [-0.1237297 -0.98619084 0.030691 0.1057197 ]]
24
  \Lambda = [9.74487597e + 02 0.00000000e + 00 0.00000000e + 00 0.00000000e + 00]
25
    [0.00000000e+00 7.14132919e-02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
26
    [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 1.33280153e+00 \ 0.00000000e+00]
27
     [0.00000000e+00 \ 0.0000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 9.68188359e-01]] 
_{30} V<sup>T</sup> = [[-0.7545525 -0.34954066 -0.54144512 -0.1237297]
  [ 0.11812875  0.11526607  -0.01367345  -0.98619084]
```

```
[ 0.64474223 -0.46962259 -0.60234554 0.030691 ]
[ 0.03167953 0.80248968 -0.58637025 0.1057197 ]]
```

3.1.3 Iris-Virginica

```
Iris-Virginica
  R = V\Lambda V^{(T)}
  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  V = [[-0.72592866 -0.63483621 0.2645951]
    [-0.32772296 -0.01894783 -0.94458385]
    [-0.60466953 0.77241438 0.19429563]]
        [[1.28249881e+03 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
10
    [0.00000000e+00 5.79253032e-01 0.0000000e+00]
11
    [0.00000000e+00 0.0000000e+00 1.07193335e+00]]
12
          [[-0.72592866 -0.32772296 -0.60466953]
  V ^ T =
    [-0.63483621 -0.01894783 0.77241438]
    [ 0.2645951 -0.94458385 0.19429563]]
16
17
18
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
  V = \begin{bmatrix} [-7.21743001e-01 -2.76297507e-01 6.34623278e-01 -1.50933108e-04] \end{bmatrix}
    [-3.25843186e-01 \quad 9.35769444e-01 \quad 3.68031853e-02 \quad -1.29642937e-01]
    [-6.01187515e-01 -1.93722166e-01 -7.68083597e-01 -1.05322749e-01]
22
    [-1.07176625e-01  1.02308151e-01  -7.71129602e-02  9.85951218e-01]]
23
        [[1.29740071e+03 0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
    [0.00000000e+00 \ 1.08243546e+00 \ 0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00]
    [0.00000000e+00 0.0000000e+00 5.82311582e-01 0.00000000e+00]
27
    [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 8.45463191e-02]]
28
  V^T = [[-7.21743001e-01 -3.25843186e-01 -6.01187515e-01 -1.07176625e-01]
   [-2.76297507e-01 9.35769444e-01 -1.93722166e-01 1.02308151e-01]
    [6.34623278e-01 \ 3.68031853e-02 \ -7.68083597e-01 \ -7.71129602e-02]
   [-1.50933108e-04 -1.29642937e-01 -1.05322749e-01 9.85951218e-01]
```

4 Questão 3

4.1 Resultados

4.1.1 Iris-Setosa

```
1 Iris-Setosa

2 R = UΣV^(T)

4 SEM O TERMO INDEPENDENTE:
6 U = [[-0.80618188  0.37625828 -0.45661854]]
```

```
[-0.54157827 -0.78003762 0.31342349]
    [-0.23825146  0.49997102  0.8326255 ]]
  \Sigma = [[5.86392634e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]]
10
   [0.00000000e+00 7.47589571e-01 0.0000000e+00]
11
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 5.29776824e-01]]
12
  V^T = [[-0.80618188 -0.54157827 -0.23825146]]
   [ 0.37625828 -0.78003762  0.49997102]
15
    [-0.45661854 0.31342349 0.8326255 ]]
16
17
18
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
  U = [[-0.79610972 \quad 0.33360603 \quad 0.47792329 \quad -0.1628056]
   [-0.53478061 -0.77364243 -0.33762985 0.03864172]
21
   [-0.23529777 \quad 0.50626137 \quad -0.80860497 \quad -0.18572124]
22
    [-0.15765144  0.18407563  -0.06126507  0.96825037]]
23
  \Sigma = [[6.01336860e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]]
   [0.00000000e+00 7.73257486e-01 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
    [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 5.31947766e-01 \ 0.00000000e+00]
27
     \left[ 0.00000000 + 00 \ 0.00000000 + 00 \ 0.00000000 + 00 \ 2.79352229 e - 02 \right] \right] 
28
  V^T = [[-0.79610972 -0.53478061 -0.23529777 -0.15765144]
   [ 0.33360603 -0.77364243  0.50626137  0.18407563]
   [ 0.47792329 -0.33762985 -0.80860497 -0.06126507]
32
```

4.1.2 Iris-Versicolor

```
Iris-Versicolor
 R = U \sum V (T)
  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  U = [[-0.76039163 \quad 0.64759888 \quad -0.0491961]
   [-0.35223975 -0.47485674 -0.80649751]
    [-0.54564799 -0.59592513 0.58918716]]
  \Sigma = [[9.59570396e+02 0.00000000e+00 0.00000000e+00]]
   [0.00000000e+00 1.33162776e+00 0.00000000e+00]
11
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 9.57976568e-01]]
12
  V^T = [[-0.76039163 -0.35223975 -0.54564799]]
   [ 0.64759888 -0.47485674 -0.59592513]
    [-0.0491961 -0.80649751 0.58918716]]
16
17
18
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
U = [[-0.7545525 \quad 0.64474223 \quad 0.03167953 \quad -0.11812875]
  [-0.34954066 -0.46962259 0.80248968 -0.11526607]
21
22 [-0.54144512 -0.60234554 -0.58637025 0.01367345]
```

4.1.3 Iris-Virginica

```
Iris-Virginica
  R = U \sum V^{(T)}
  SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  U = \begin{bmatrix} [-0.72592866 & 0.2645951 & -0.63483621] \end{bmatrix}
    [-0.32772296 -0.94458385 -0.01894783]
    [-0.60466953 \quad 0.19429563 \quad 0.77241438]]
  \Sigma = [[1.28249881e+03 0.00000000e+00 0.00000000e+00]]
    [0.00000000e+00\ 1.07193335e+00\ 0.00000000e+00]
11
    [0.00000000e+00 0.00000000e+00 5.79253032e-01]]
12
   V^T = [[-0.72592866 -0.32772296 -0.60466953]]
14
    [0.2645951 - 0.94458385 0.19429563]
15
    [-0.63483621 -0.01894783 0.77241438]]
16
17
   COM O TERMO INDEPENDENTE:
19
  U = \begin{bmatrix} [-7.21743001e-01 & 2.76297507e-01 & 6.34623278e-01 & -1.50933108e-04] \end{bmatrix}
    [-3.25843186e-01 -9.35769444e-01 3.68031853e-02 -1.29642937e-01]
    [-6.01187515e-01 \quad 1.93722166e-01 \quad -7.68083597e-01 \quad -1.05322749e-01]
    [-1.07176625e-01 -1.02308151e-01 -7.71129602e-02 9.85951218e-01]
23
24
  \Sigma = [[1.29740071e+03 0.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]]
25
    [0.00000000e+00 1.08243546e+00 0.0000000e+00 0.0000000e+00]
    [0.00000000e+00 0.0000000e+00 5.82311582e-01 0.0000000e+00]
     [0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 0.00000000e+00 \ 8.45463191e-02]] 
29
  V^T = [[-7.21743001e-01 -3.25843186e-01 -6.01187515e-01 -1.07176625e-01]
30
    [2.76297507e-01 -9.35769444e-01 1.93722166e-01 -1.02308151e-01]
31
     \begin{bmatrix} 6.34623278e-01 & 3.68031853e-02 & -7.68083597e-01 & -7.71129602e-02 \end{bmatrix} 
    [-1.50933108e-04 -1.29642937e-01 -1.05322749e-01 9.85951218e-01]]
```

5 Questão 4

5.1 Resultados

```
SEM O TERMO INDEPENDENTE:
  A =
       Iris-Versicolor
       Iris-Setosa
  B =
  C =
       Iris-Setosa
  D =
       Iris-Versicolor
  E =
       Iris-Virginica
  COM O TERMO INDEPENDENTE:
       Iris-Versicolor
  A =
  B =
       Iris-Setosa
  C = Iris-Setosa
D = Iris-Versicolor
13 E = Iris-Virginica
```

6 Código

```
# Programa codigo.py
  # Autora: Karen dos Anjos Arcoverde
 # Data: 06/02/2021
7 import numpy as np
8 from scipy import linalg
  from scipy.linalg import diagsvd
  import sys
  14
  def pegarDados(tipo_iris):
15
      # tipo_iris = 1 Setosa , tipo_iris = 2 Versicolor,
      # tipo_iris = 3 Virginica
      dados = []
19
      IDs = []
20
21
      Setosa = range(25,39+1)
      Versicolor = range(75,89+1)
      Virginica = range (125, 139+1)
24
25
      arquivo= open("dados_13.csv",'r')
26
      arquivo.readline() # ignora a primeira linha
27
      if (tipo_iris == 1):
         IDs = Setosa
30
      if (tipo_iris == 2):
```

```
IDs = Versicolor
       if (tipo_iris == 3):
33
           IDs = Virginica
34
35
       for i in range(1,46): # percorre todo o banco de dados 1-45
36
           linha = (arquivo.readline()).split(',') #separa os dados por virgula
               (int(linha[0]) in IDs):# percorre os ids selecionados
           if
               linha.pop(0) # retira o ID dos dados
41
               linha.pop(-1) # retira a especie dos dados
42
               for j in range(4): #para cada dado
                   linha[j] = float(linha[j]) #transforma em numero
               dados.append(linha) #adiciona na lista de dados
47
       arquivo.close()
48
      return dados
  def construir_equacao_normal (dados):
52
53
       #equacao normal - minimos quadrados:
       \# (x^T).x.w = (x^T).y
      #(x_transposta).x.w =(x_transposta).y
      \# R.w = p
57
      \# R = (x^T).x
58
       \# p = (x^T).y
      ##### sem termo independente #####
      # y = a*x1 +b*x2 +c*x3
62
      x = []
63
      y = []
64
65
       \#achar (x^T) e x
      # x - colunas SepalLengthCm, SepalWidthCm, PetalLengthCm
67
       x = np.array(dados)
68
       x = np.delete(x.reshape(15,4),3,1) #deleta a ultima coluna de x
69
       x_transposta = np.transpose(x) #faz a transposta de x: (x^T)
70
      #achar R
       R = np.dot(x_transposta,x) #multiplica (x^T) por x
74
       #achar y - coluna PetalWidthCm
75
      y = np.array(dados)
76
       y = np.delete(y.reshape(15,4),0,1) #deleta a primeira coluna de y
77
       y = np.delete(y.reshape(15,3),0,1) #deleta a segunda coluna de y
       y = np.delete(y.reshape(15,2),0,1) #deleta a terceira coluna de y
80
      #achar p
81
       p = np.dot(x_transposta,y)
82
```

```
###### com termo independente #####
       # y = a*x1 +b*x2 +c*x3 +k
85
86
       for i in range (0,15):
            dados[i][3] = 1
88
       #achar (x^T) e x
       x = np.array(dados)
91
       x_{transposta} = np.transpose(x) #faz a transposta de x: (x^T)
92
       #achar R
93
       R1= np.dot(x_transposta,x) #multiplica (x^T) por x
94
       #achar p
       p1 = np.dot(x_transposta,y)
97
       return R,p,R1,p1
98
99
100
   def PLU(R,p):
       indice_coluna = 0
102
        indice_linha = 1
103
        indice_L_1s = 0
104
       tamanho_R = len(R)
105
106
       while (indice_coluna < tamanho_R):</pre>
            #constroi a matriz L, triangular inferior
108
            if (R[indice_coluna][indice_coluna] != 0):
109
                L = np.zeros((tamanho_R, tamanho_R))
110
111
                indice_coluna_aux = indice_coluna + 1
                while (indice_coluna_aux < tamanho_R):</pre>
                     L[indice_coluna_aux][indice_coluna] = - R[indice_coluna_aux][
                        indice_coluna]/R[indice_coluna][indice_coluna]
                     indice_linha += 1
115
                     indice_coluna_aux += 1
116
117
                while (indice_L_1s < tamanho_R):
                     L[indice_L_1s][indice_L_1s] = 1
119
                     indice_L_1s += 1
120
121
                indice_L_1s = 0
122
                indice_linha = 1
                #multiplica a matriz R por L
125
                R = np.dot(L,R)
126
                p = np.dot(L,p)
127
128
            #se o pivo for zero, necessario multiplicar por uma matriz P de
130
               permutacao
            if (R[indice_coluna][indice_coluna] == 0):
131
                P = np.zeros((tamanho_R, tamanho_R))
132
                P[indice_coluna][indice_coluna + 1] = 1
133
```

```
P[indice_coluna + 1][indice_coluna] = 1
134
135
                 i = 0
136
                 j = 0
137
                 guarda_1 = False
138
                 while (i < tamanho_R):</pre>
139
                      while (j < tamanho_R):</pre>
140
                           if (P[i][j] == 1):
141
                               guarda_1 = True
142
                               j += 1
143
                      if (guarda_1 == False):
144
                          P[i][i] = 1
                      i += 1
147
                 R = np.dot(P,R)
148
                 p = np.dot(P,p)
149
150
             indice_coluna += 1
151
152
        #backsubstitution
153
        w = np.linalg.solve(R, p)
154
155
        return w
156
158
   def decomposicao_espectral(R):
159
160
        \# R = VDV^{(T)}
161
        #determinando autovalores e autovetores
        autovalores, autovetores = np.linalg.eig(R)
        # matriz diagonal de autovalores
164
        matrizDiagonal = np.diag(autovalores)
165
166
        return
                 autovetores, matrizDiagonal
167
168
169
   def estimar_amostras(amostra, w_setosa, w_versicolor, w_virginica, c_independente
170
      ):
171
       lista_erros = []
172
       estimativa = ""
173
       indice = 0
174
       amostra_x = []
175
       indice_erros_modulo = 0
176
177
       while (indice < 3):
178
           amostra_x.append (amostra[indice])
           indice += 1
180
181
       if (c_independente == True):
182
           amostra_x.append(1)
183
```

```
amostra_x = np.array(amostra_x)
185
186
      \#produto interno \langle x, y \rangle = (x^T).y
187
188
      estimativa_setosa = np.dot(amostra_x,w_setosa)
189
      estimativa_versicolor = np.dot(amostra_x, w_versicolor)
190
      estimativa_virginica = np.dot(amostra_x,w_virginica)
191
192
      erro_setosa = estimativa_setosa[0] - amostra[3]
193
      lista_erros.append(erro_setosa)
194
195
      erro_versicolor = estimativa_versicolor[0] - amostra[3]
196
      lista_erros.append(erro_versicolor)
197
198
      erro_virginica = estimativa_virginica[0] - amostra[3]
199
      lista_erros.append(erro_virginica)
200
201
      while (indice_erros_modulo < len(lista_erros)):</pre>
202
          lista_erros [indice_erros_modulo] = abs(lista_erros[indice_erros_modulo
203
             ])
          indice_erros_modulo += 1
204
205
      if (min(lista_erros) == abs(erro_setosa)):
206
          estimativa = "Iris-Setosa"
208
          return estimativa
209
210
      if (min(lista_erros) == abs(erro_versicolor)):
211
          estimativa = "Iris-Versicolor"
213
          return estimativa
215
      if (min(lista_erros) == abs(erro_virginica)):
216
          estimativa = "Iris-Virginica"
217
218
          return estimativa
219
220
   221
   def menu():
222
       resultado = 0
223
       tipo_iris = 0
       coeficientes_sem_aux = []
225
       coeficientes_com_aux = []
226
       indice = 0
227
228
229
       while (resultado != 5):
230
           print()
           print('############# MENU PRINCIPAL
232
              ############, )
           print("Digite somente o numero da questao que voce deseja ver o
233
              resultado: ")
```

```
print("1 = Questao 1")
234
          print("2 = Questao 2")
235
          print("3 = Questao 3")
236
          print("4 = Questao 4")
237
          print("5 = SAIR")
238
          print('
239
             print()
240
241
          resultado = int(input())
242
          if (resultado == 5):
244
              sys.exit(0)
245
246
          if (resultado == 1):
247
248
              while (tipo_iris != 4):
                  print('############# MENU IRIS
250
                     ###########, )
                  print("Digite qual especie voce deseja fazer a regressao
251
                     linear: ")
                  print("1 = Iris-Setosa")
                  print("2 = Iris-Versicolor")
                  print("3 = Iris Virginica")
254
                  print("4 = VOLTAR AO MENU PRINCIPAL")
255
                  print('
256
                     print()
258
                  tipo_iris = int(input())
259
260
                  if (tipo_iris == 4):
261
                     menu()
262
263
                  else:
264
                      dados = pegarDados (tipo_iris)
265
                      R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
266
267
                      w = PLU(R,p)
                      w1 = PLU(R1, p1)
268
                      print()
270
                         (tipo_iris == 1):
271
                          print("Iris-Setosa\n")
272
                      elif (tipo_iris == 2):
273
                          print("Iris-Versicolor\n")
274
                      elif (tipo_iris == 3):
                          print("Iris-Virginica\n")
276
277
                      print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
278
                      print("y = a*x1 + b*x2 + c*x3")
279
                      print("[a b c] = ",end="")
280
```

```
281
282
                        while (indice < len(w)):
283
                            coeficientes_sem_aux.append(w[indice][0])
284
                            coeficientes_sem = np.array(coeficientes_sem_aux)
285
                            indice += 1
286
287
                       print(coeficientes_sem)
288
                        coeficientes_sem_aux = []
289
290
291
                       print()
293
                       print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
294
                       print("y = a*x1 + b*x2 + c*x3 + k")
295
                       print("[a b c k] = ",end="")
296
297
                        indice = 0
                        while (indice < len(w1)):
299
                            coeficientes_com_aux.append(w1[indice][0])
300
                            coeficientes_com = np.array(coeficientes_com_aux)
301
                            indice += 1
302
                        print(coeficientes_com)
                        coeficientes_com_aux = []
305
                        indice = 0
306
307
                       print()
308
           if (resultado == 2):
310
311
               while (tipo_iris != 4):
312
                   print('############# MENU IRIS
313
                       ############, )
                   print("Digite qual especie voce deseja fazer a decomposicao
314
                       espectral: ")
                   print("1 = Iris-Setosa")
315
                   print("2 = Iris-Versicolor")
316
                   print("3 = Iris Virginica")
317
                   print("4 = VOLTAR AO MENU PRINCIPAL")
318
                   print('
                       ,)
                   print()
320
321
322
                   tipo_iris = int(input())
324
                   if (tipo_iris == 4):
325
                       menu()
326
327
328
                   else:
```

```
dados = pegarDados (tipo_iris)
329
                         R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
330
                         autovetores, matrizDiagonal = decomposicao_espectral(R)
331
                         autovetores1, matrizDiagonal1 = decomposicao_espectral(R1)
332
333
                             (tipo_iris == 1):
                         if
334
                             print("Iris-Setosa\n")
335
                         elif (tipo_iris == 2):
336
                             print("Iris-Versicolor\n")
337
                         elif (tipo_iris == 3):
338
                             print("Iris-Virginica\n")
339
                         print("R = V \setminus u039BV^{(T)}")
341
                         print()
342
343
                         print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
344
                         print("V = ",autovetores)
345
                         print()
                         print('\u039B = ',matrizDiagonal)
347
                         print()
348
                         print("V^T = ",np.transpose(autovetores))
349
350
                         print()
                         print()
353
                         print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
354
                         print("V = ", autovetores1)
355
356
                         print('\u039B = ', matrizDiagonal1)
                         print()
358
                         print("V^T = ", np.transpose(autovetores1))
359
360
                         print()
361
362
            if (resultado == 3):
363
364
               while (tipo_iris != 4):
365
                   print('################" MENU IRIS #########")
366
                   print("Digite qual especie voce deseja fazer o SVD: ")
367
                   print("1 = Iris-Setosa")
368
                   print("2 = Iris-Versicolor")
369
                   print("3 = Iris Virginica")
370
                   print("4 = VOLTAR AO MENU PRINCIPAL")
371
                   print('###############",')
372
                   print()
373
374
                   tipo_iris = int(input())
376
                   if (tipo_iris == 4):
377
                        menu()
378
379
380
                    else:
```

```
381
                         dados = pegarDados (tipo_iris)
382
                         R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
383
                         U, s, VT = linalg.svd(R)
384
                         U1, s1, VT1 = linalg.svd(R1)
385
386
                              (tipo_iris == 1):
387
                               print("Iris-Setosa\n")
388
                         elif (tipo_iris == 2):
389
                               print("Iris-Versicolor\n")
390
                         elif (tipo_iris == 3):
391
                               print("Iris-Virginica\n")
393
                         print("R = U \setminus u03A3V^(T)")
394
                         print()
395
396
                         print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
397
                         print("U = ", U)
                         print()
399
                         print('\setminus u03A3 = ', diagsvd(s, R.shape[0], R.shape[1]))
400
                         print()
401
                         print("V^T = ", VT)
402
                         print()
                         print()
405
                         print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
406
                         print("U = ", U1)
407
                         print()
408
                         print('\u03A3 = ', diagsvd(s1, R1.shape[0], R1.shape[1]))
                         print()
410
                         print("V^T = ", VT1)
411
412
                         print()
413
414
415
416
             if (resultado == 4):
417
                 A = [5.0, 2.3, 3.3, 1.0]
418
                 B = [4.6, 3.2, 1.4, 0.2]
419
                 C = [5.0, 3.3, 1.4, 0.2]
420
                 D = [6.1, 3.0, 4.6, 1.4]
                 E = [5.9, 3.0, 5.1, 1.8]
422
423
                 print("SEM O TERMO INDEPENDENTE: ")
424
                 dados = pegarDados (1)
425
                 R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
426
                 w_{setosa} = PLU(R,p)
428
                 dados = pegarDados (2)
429
                 R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
430
                 w_versicolor = PLU(R,p)
431
```

```
dados = pegarDados (3)
433
                R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
434
                w_virginica = PLU(R,p)
435
436
                c_independente = False
437
                estimativa = estimar_amostras(A, w_setosa, w_versicolor, w_virginica,
438
                   c_independente)
                print("A = ", estimativa)
439
                estimativa = estimar_amostras(B, w_setosa, w_versicolor, w_virginica,
440
                   c_independente)
                print("B = ", estimativa)
441
                estimativa = estimar_amostras(C, w_setosa, w_versicolor, w_virginica,
                   c_independente)
                print("C = ", estimativa)
443
                estimativa = estimar_amostras(D, w_setosa, w_versicolor, w_virginica,
444
                   c_independente)
                print("D = ", estimativa)
445
                estimativa = estimar_amostras(E, w_setosa, w_versicolor, w_virginica,
446
                   c_independente)
                print("E = ", estimativa)
447
448
                print()
449
                print("COM O TERMO INDEPENDENTE: ")
                dados = pegarDados (1)
                R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
452
                w1\_setosa = PLU(R1,p1)
453
454
                dados = pegarDados (2)
455
                R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
                w1_versicolor = PLU(R1,p1)
457
                dados = pegarDados (3)
459
                R,p,R1,p1 = construir_equacao_normal(dados)
460
                w1_virginica = PLU(R1,p1)
461
462
                c_independente = True
463
                estimativa1 = estimar_amostras(A,w1_setosa,w1_versicolor,
464
                   w1_virginica,c_independente)
                print("A = ", estimativa1)
465
                estimativa1 = estimar_amostras(B,w1_setosa,w1_versicolor,
466
                   w1_virginica,c_independente)
                print("B = ", estimativa1)
467
                estimativa1 = estimar_amostras(C,w1_setosa,w1_versicolor,
468
                   w1_virginica,c_independente)
                print("C = ", estimativa1)
469
                estimativa1 = estimar_amostras(D,w1_setosa,w1_versicolor,
470
                   w1_virginica,c_independente)
                print("D = ", estimativa1)
471
                estimativa1 = estimar_amostras(E,w1_setosa,w1_versicolor,
472
                   w1_virginica,c_independente)
                print("E = ", estimativa1)
473
```

```
475 menu()
476
477 ####### chamada ao menu
478 menu()
```

7 Bibliografia

- https://algebralinearufcg.github.io/jup-not/prog02-learning-numpy.html
- https://machinelearningmastery.com/singular-value-decomposition-for-machine-learning/
- https://pt.coredump.biz/questions/34007632/how-to-remove-a-column-in-a-numpy-array
- https://pythonforundergradengineers.com/unicode-characters-in-python.html
- https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/generated/scipy.linalg.svd.html
- https://docs.scipy.org/doc/scipy/reference/generated/scipy.linalg.diagsvd.html#scipy.linalg.diagsvd
- https://www.geeksforgeeks.org/python-exit-commands-quit-exit-sys-exit-and-os-_exit/