

# Complexidade de Espaço

Faça este desafio. Leia a descrição, pause o vídeo e depois retorne para conferir. Um método recebe um vetor ordenado de inteiros e um número a encontrar. Deve retornar a posição (começando em zero) onde o número se encontra no vetor. Exemplo:

- [1,3,6,10,12,25] número a encontrar: 12 → Resultado: 4

Restrições: O programa deve executar no menor tempo e espaço possível.

### Pause o vídeo agora!

# Solução simples

```
class Linear:
  def busca (self, nums, target):
     for i in range(len(nums)):
       if target == nums[i]:
          return i
     return None
if name ==" main ":
  I = Linear()
  print(l.busca([1,3,6,10,12,25],12))
```

```
Tempo: O(n)
Espaço: O(n)
```

```
public class Busca simples {
    public int busca (int ☐ nums, int target) {
         for (int i=0; i<nums.length; i++) {
              if (nums[i] == target) {
                   return i;
         return -1;
    public static void main(String[] args) {
         System.out.println((new Busca simples())
                   .busca(new int [] {1,3,6,10,12,25},
12));
```

Resolvem o problema, mas não são as implementações de menor tempo possível. Usar um hashmap ou Dictionary, como fizemos, violaria a restrição de espaço.

#### Busca binária

Um algoritmo que usa a estratégia "Divide and conquer" que divide o vetor em metades:

Há implementações iterativas ou recursivas.

No pior caso a complexidade de tempo é O(log n) que é menor que O(n).

A complexidade de espaço é a mesma.

```
BUSCA-BINÁRIA(V∏, início, fim, e)
  i recebe o índice do meio entre início e fim
  se (v[i] = e) entao
     devolva o índice i # elemento e
encontrado
  fimse
  se (inicio = fim) entao
     não encontrou o elemento procurado
  senão
    se (V[i] vem antes de e) então
      faça a BUSCA-BINÁRIA(V, i+1, fim, e)
    senão
      faça a BUSCA-BINÁRIA(V, inicio, i-1, e)
    fimse
  fimse
```

#### Busca binária

```
from bisect import bisect_left
class Binary:
    def busca (self, nums, target):
        i = bisect_left(nums, target)
        if i != len(nums) and nums[i] == target:
            return i
        return None
if __name__ =="__main__":
        I = Binary()
        print(I.busca([1,3,6,10,12,25],12))
```

Complexidade de tempo no pior caso é O(log n); Complexidade de espaço depende:

- Recursiva: O(log n);
- Iterativa: O(1);

Assumindo que os vetores estão em ordem ascendente, tanto python como java possuem bibliotecas para busca binária:

- Python: bisect\_left();
- Java: java.util.Arrays.binarySearch();

### Medindo a complexidade de espaço

Complexidade de espaço: Espaço auxiliar + espaço para variáveis de entrada

O(1): O espaço independe da entrada. Não há loops nem recursões;

O(n): O espaço depende da entrada. Pode haver loops;

Se você está passando um vetor como um parâmetro, pode haver complexidade de espaço maior, dependendo da forma da passagem:

- Por referência: O(1) – pode ser desprezado;

- Por valor: O(n) – É feita uma cópia do vetor;

Em python os objetos são passados por referência e em Java o valor passado é uma referência ao objeto real, então consideramos a passagem do vetor como O(1).

Se tivéssemos criado um hash (dictionary ou hashmap) em vez de usar busca binária, a complexidade seria O(2n), que seria O(n). Mas estaríamos utilizando espaço de memoria maior ao criar um novo vetor.