

Justifica convenientemente as tuas respostas e indica os principais cálculos..

1. Dos números que se seguem, apenas um deles não é irracional. Qual é:		
	$\int \frac{\sqrt{3}}{3} - 4$	$\sqrt[3]{5} - 2.(23)$
	$\int 2+3\pi$	
	serva a figura ao lado. O valor exacto do perímetro do	o octógono é: $\sqrt{5}$
3. Qual dos seguintes intervalos é o conjunto-solução da inequação $\frac{1}{2}(4x-6) \le 1 - (x-4) + 6x$ ?		
	$\left] \left[ -\frac{8}{3}, +\infty \right[ \right.$	
	$\Big]  \Big] -\infty, -\tfrac{8}{3} \Big[$	
4. O Sr. Inocêncio decidiu dedicar-se aos desportos radicais e, para avaliar as suas capacidades, vai alugar um par de patins em linha. Nas duas lojas de aluguer que encontrou verificou os seguintes preços:		
	Loja A  Taxa Fixa: 10.25€  +  0.21€ por cada metro percorrido	Loja B  Taxa Fixa: 9.30€  +  0.22€ por cada metro percorrido
Perante o dilema, o Sr. Inocênio pretende saber a partir de quantos metros é que a loja A é mais vantajosa do que a loja B! Designando por $m$ o número de metros a percorrer, qual das seguintes inequações traduz matematicamente a situação descrita?		
	0.22m - 9.30 > 0.21m - 10.25	
	0.21m + 10.25 > 0.22m + 9.30	
5. Qu	al dos seguintes intervalos é o conjunto-solução da cor	adição $1 - x \le \frac{x+1}{3}$ $\land$ $1 + \frac{3(1-x)}{4} > x$ ?
	$\left] \left[ \frac{1}{2}, 1 \right[$	
	$\left[rac{1}{2},-1 ight[$	

6. **Problema:** O Nuno quer comprar um livro do poeta António Ramos Rosa que custa entre 20.5€ e 24.5€. Foi buscar ao seu mealheiro moedas de 0.50€ e de 2,00€ e utilizou 15 dessas moedas. Determina o número máximo e o número mínimo de moedas de 0.50€ que podiam ter sido usadas.

Sendo m o número de moedas de 0.50€, qual das seguintes condições traduz matematicamente a situação descrita?

7. Na figura A,  $\overline{AB} = 16\sqrt{3}$  e cada segmento de recta seguinte mede exactamente metade do segmento de recta anterior. Na figura B,  $\overline{CD} = \sqrt{6}$  e cada segmento de recta seguinte mede exactamente o dobro do segmento de recta anterior.

Se alinharmos todos os segmentos de recta das duas figuras, quanto medirá exactamente a linha assim obtida?

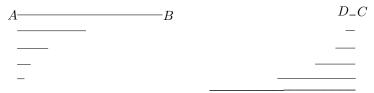


figura A figura B

8. O João vive em Amarante e decidiu comprar um telemóvel para poder falar mais comodamente para o seu irmão que se encontra a trabalhar em Lisboa. Esse telemóvel só vai ser usado para fazer chamadas para a capital e, por isso, o João foi-se informar sobre os preços de chamadas de longa distância. Pela *Trocafone* uma chamada deste tipo custa 2.30€ acrescida de 0.23€ por cada minuto de conversação; pela *Pessimus* custa 2.95€ acrescida de 0.20€ por cada minuto de conversação.

Como se vê, o preço a pagar por cada chamada depende do tempo de conversação. Por qual das duas operadoras deve optar o João?

9. Resolve as seguintes condições:

(a) 
$$\begin{cases} 3x - 5 > \frac{1}{2} \\ -2(x - 3) \ge -\frac{1}{3} + x \end{cases}$$

(b) 
$$x+5 \ge 3x-1 \quad \lor \quad \frac{x+1}{2} \le -x+1$$

(c) 
$$\begin{cases} \frac{1-3x}{2} > 1 - \frac{x-1}{3} \\ |x| \le 4 \end{cases}$$

10. Uma bola esférica de  $4\pi\,cm$  de diâmetro está a flutuar num lago. O topo da bola está a  $4\,cm$ acima do nível da água.

Calcula o valor exacto da área da circunferência formada pelo contacto da superfície da água com a bola.

