

WYDZIAŁ FIZYKI I INFORMATYKI STOSOWANEJ



SZTUCZNE SIECI NEURONOWE  
**Sprawozdanie z projektu**

Aleksandra Poręba  
Grzegorz Podsiadło

17 czerwca 2020

# Spis treści

<b>1</b>	<b>Wstęp</b>	<b>3</b>
1.1	Sieć perceptron wielowarstwowy . . . . .	3
<b>2</b>	<b>Zbiór danych</b>	<b>5</b>
2.1	Analiza zbioru danych . . . . .	5
2.2	Korelacja pomiędzy danymi . . . . .	10
<b>3</b>	<b>Poszukiwanie najlepszej konfiguracji sieci neuronowej</b>	<b>14</b>
3.1	Wykresy pudełkowe . . . . .	14
3.2	Otrzymane błędy uczenia i testu dla różnych konfiguracji . . . . .	15
<b>4</b>	<b>Badanie wpływu ilości kolumn na jakość sieci</b>	<b>23</b>
4.1	Uzyskane błędy w przypadku usunięcia pierwszej kolumny . . . . .	23
4.2	Uzyskane błędy w przypadku usunięcia drugiej kolumny . . . . .	24
4.3	Uzyskane błędy w przypadku usunięcia trzeciej kolumny . . . . .	25
4.4	Uzyskane błędy w przypadku usunięcia czwartej kolumny . . . . .	26
4.5	Uzyskane błędy w przypadku usunięcia piątej kolumny . . . . .	27
4.6	Wnioski . . . . .	27
<b>5</b>	<b>Przewidywanie wyniku egzaminu bazując na rezultatach pozostałych egzaminów</b>	<b>28</b>
<b>6</b>	<b>Podsumowanie</b>	<b>31</b>

# 1 Wstęp

Tematem projektu było stworzenie sieci neuronowej, za której pomocą mielibyśmy możliwość przewidzenia wyniku egzaminu SAT na podstawie różnych czynników środowiskowych. Rozwiązanie tego problemu można znaleźć na wiele sposobów - w tej pracy zbadane zostały takie aspekty jak:

- Jaka jest najlepsza konfiguracja sieci neuronowej dla tego zbioru danych?
- Czy usunięcie niektórych kolumn wpłynie znacząco na jakość działania sieci?
- Czy da się przewidzieć wynik egzaminu na podstawie znajomości rezultatów pozostałych z zadowalającą jakością?

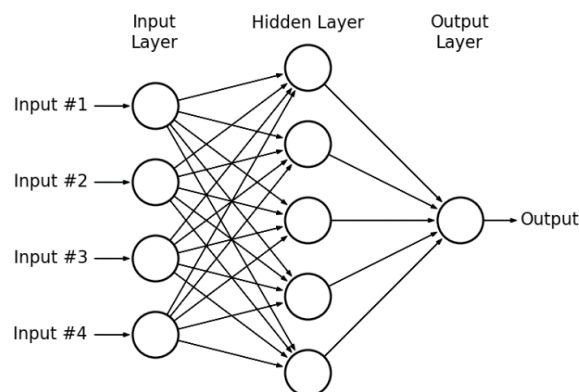
Przed przystąpieniem do implementacji sieci zbiór danych został dokładnie przeanalizowany pod kątem statystyk oraz korelacji parametrów, dzięki czemu łatwiej było określić poprawność uzyskiwanych wyników.

Projekt został zrealizowany w oparciu o środowisko Matlab.

## 1.1 Sieć perceptron wielowarstwowy

Perceptron wielowarstwowy ( *MLP*, ang. *Multilayer Perceptron*) jest rodzajem sztucznej sieci neuronowej. W odróżnieniu od sieci jednowarstwowej, takiej jak perceptron, składa się on minimalnie z dwóch warstw: wejściowej i wyjściowej, oraz może zawierać jedną lub więcej warstw ukrytych. Każda warstwa może mieć inną liczbę neuronów, czy funkcję aktywacji.

Schemat sieci został przedstawiony na rysunku poniżej.



Rysunek 1: Schemat sieci *MLP* [4]. Ilość neuronów w warstwie wejściowej zazwyczaj odpowiada ilości parametrów wejściowych, a w warstwie wyjściowej ilości możliwych klas.

Wynik działania perceptronu wielowarstwowego możemy zapisać jako złożenie funkcji[3]:

$$y = f^{(n)}(\dots f^{(3)}(f^{(2)}(f^{(1)}(x, \theta_1), \theta_2), \theta_3), \theta_n) \quad (1)$$

gdzie:

$y$  - wyjście sieci,

$x$  - wyjście sieci

$\theta$  - wagi.

W przeciwieństwie do perceptronu jednowarstwowego sieć ta może być wykorzystywana dla zbiorów, które nie są liniowo separowalne.

## 2 Zbiór danych

W projekcie został wykorzystany zbiór danych *Students Performance in Exams* [1] pochodzący z repozytorium *Kaggle* [2]. Zawiera on 8 kolumn, zawierających informacje o uczniach, takie jak:

- płeć,
- rasa,
- wykształcenie rodzica,
- dieta dostarczana przez szkołę,
- przystąpienie do kursu przygotowawczego,
- wynik egzaminu SAT z części pisemnej,
- wynik egzaminu SAT z części czytania,
- wynik egzaminu SAT z części matematycznej.

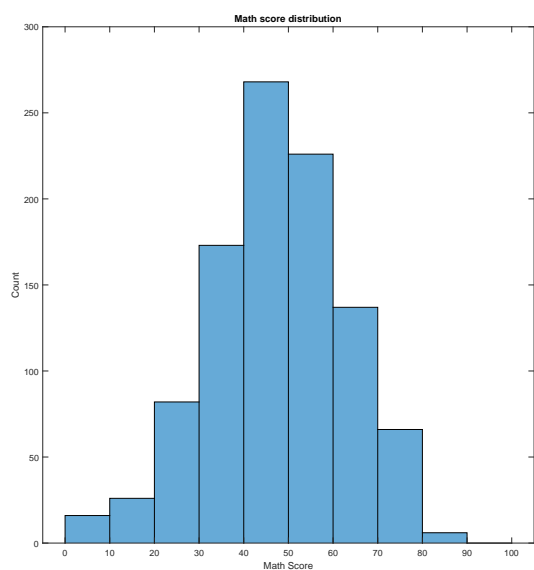
W zbiorze wyróżnione zostały dwie płcie, pięć różnych ras, sześć poziomów wykształcenia rodzica (uczęszczanie do szkoły średniej bez jej ukończenia, ukończenie szkoły średniej, uczęszczanie na uczelnię wyższą bez jej ukończenia, ukończenie *community college*, ukończenie studiów licencjackich, ukończenie studiów magisterskich). Dieta określona została przez dwie wartości: standardowa i pomniejszona, a kurs przygotowawczy może być ukończony lub nie. Wyniki egzaminów są liczbami całkowitymi z zakresu od 0 do 100.

Zbiór danych zawiera informacje dotyczące 1000 różnych uczniów, dla wszystkich dane są kompletne. Jako zbiór uczący wybrane zostały kolumny 1-5, a wynikiem działania sieci będą rezultaty kolejnych egzaminów. Został on losowo podzielony na trzy części - 15% część testująca, 15% części do walidacji, a pozostała część posłuży do uczenia.

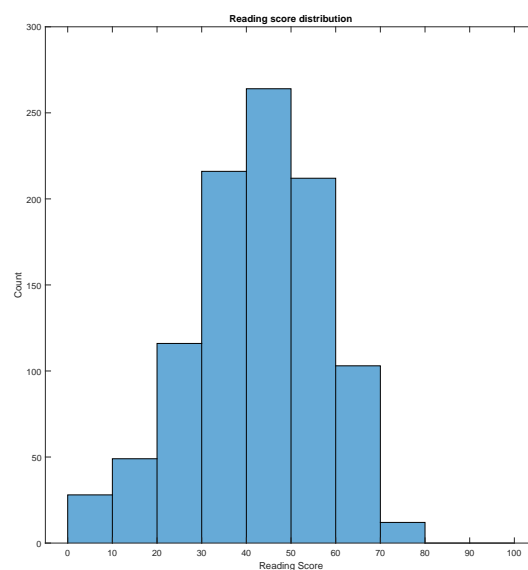
Statystyki dotyczące zbioru zostały przedstawione w rozdziale poniżej.

### 2.1 Analiza zbioru danych

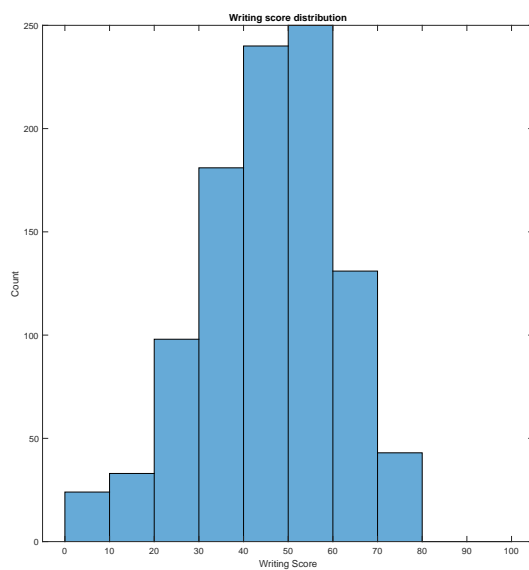
Poniższy rozdział opisuje częściową analizę dostarczonych danych. Na wykresach 2 pokazano histogramy z ogólnymi wynikami poszczególnych testów. We wszystkich przypadkach rozkład przypomina rozkład normalny, z wyłączeniem części pisemnej. Na wykresach pudełkowych na rysunkach 3 pokazano jak wyglądały cechy w zależności od płci. Gołym okiem widoczne są lepsze wyniki mężczyzn w części z matematyki oraz dominacja w pozostałych częściach przez kobiety. Kolejne wykresy prezentują jak rozkładały się wyniki egzaminu w zależności od poszczególnych cech jak płeć, wykształcenie rodziców czy przyjmowany posiłek. Wykresy opierały się na części egzaminu z matematyki.



(a) Wyniki dla matematyki.

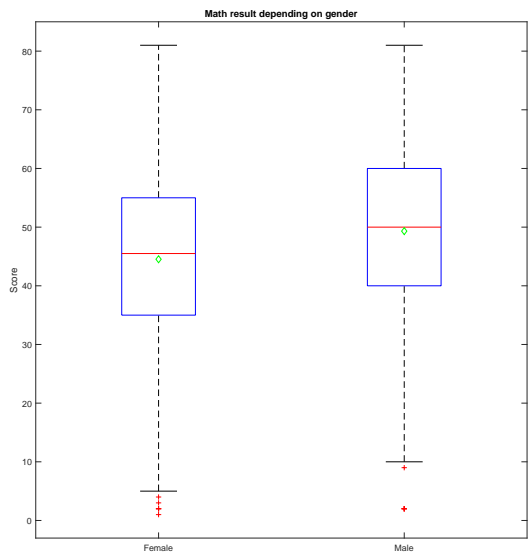


(b) Wyniki dla czytania.

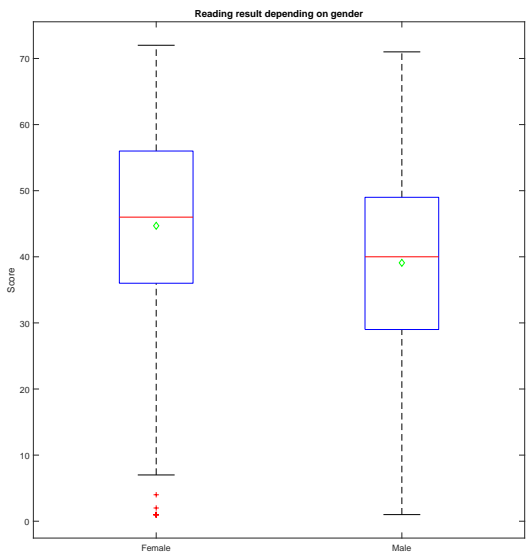


(c) Wyniki dla pisania.

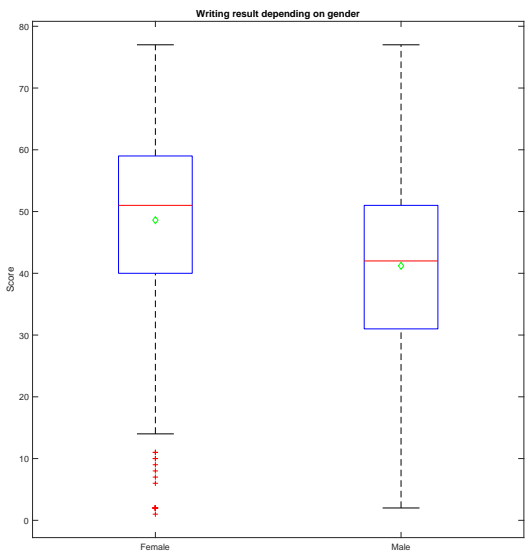
Rysunek 2: Rozkłady wyników poszczególnych egzaminów.



(a) Wyniki dla matematyki.

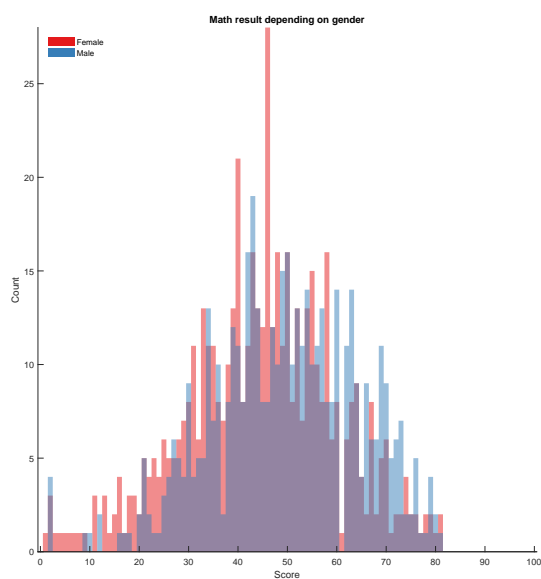


(b) Wyniki dla czytania.

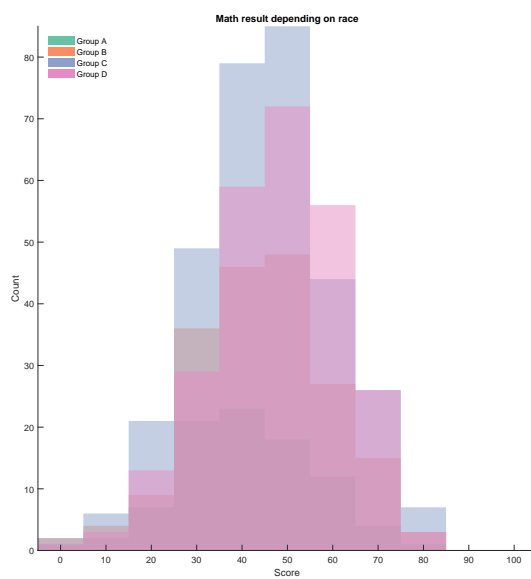


(c) Wyniki dla pisania.

Rysunek 3: Wykresy pudełkowe dla poszczególnych części egzaminów w zależności od płci.

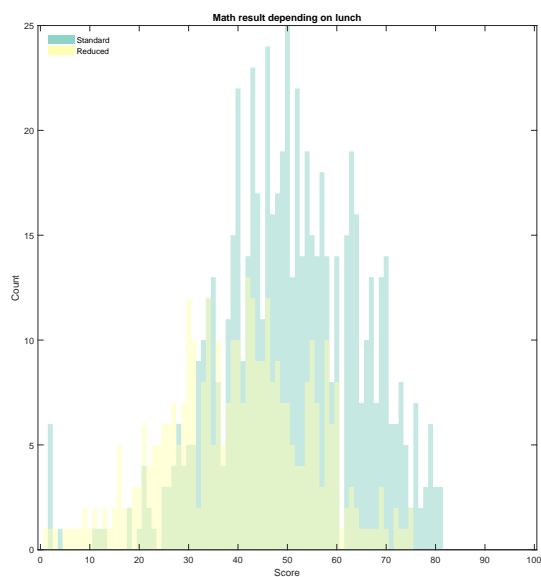


Rysunek 4: Uzyskane wyniki na teście z matematyki w zależności od płci.

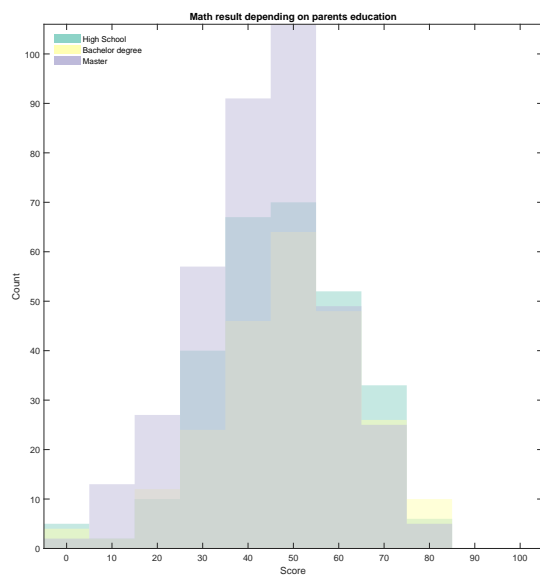


Rysunek 5: Uzyskane wyniki na teście z matematyki w zależności od rasy.

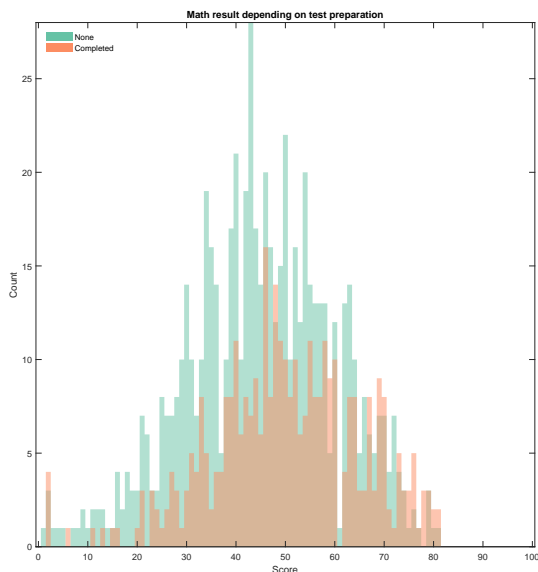




Rysunek 6: Uzyskane wyniki na teście z matematyki w zależności od przyjmowanego posiłku.



Rysunek 7: Uzyskane wyniki na teście z matematyki w zależności od wykształcenia rodziców.



Rysunek 8: Uzyskane wyniki na teście z matematyki w zależności od przystąpienia do testu przygotowawczego.

Analizując powyższe histogramy widoczny jest wyższy wynik testu dla męskiej części populacji oraz dla osób, które przystąpiły do kursu przygotowawczego. Widoczny jest również pozytywny wpływ standardowej wersji posiłku. Niestety nie jesteśmy w stanie podjąć się analizy różnicy między poszczególnymi rasami, gdyż zbiór danych nie opisuje czym różnią się poszczególne grupy.

## 2.2 Korelacja pomiędzy danymi

W ramach projektu został obliczony współczynnik korelacji *Pearsona* pomiędzy danymi z repozytorium. Dzięki niemu możemy sprawdzić w jakim stopniu zależne są od siebie dane, a dzięki temu dostosować czynniki użyte do uczenia sieci.

Do obliczenia współczynnika korelacji została użyta funkcja pakietu MATLAB `corr`.

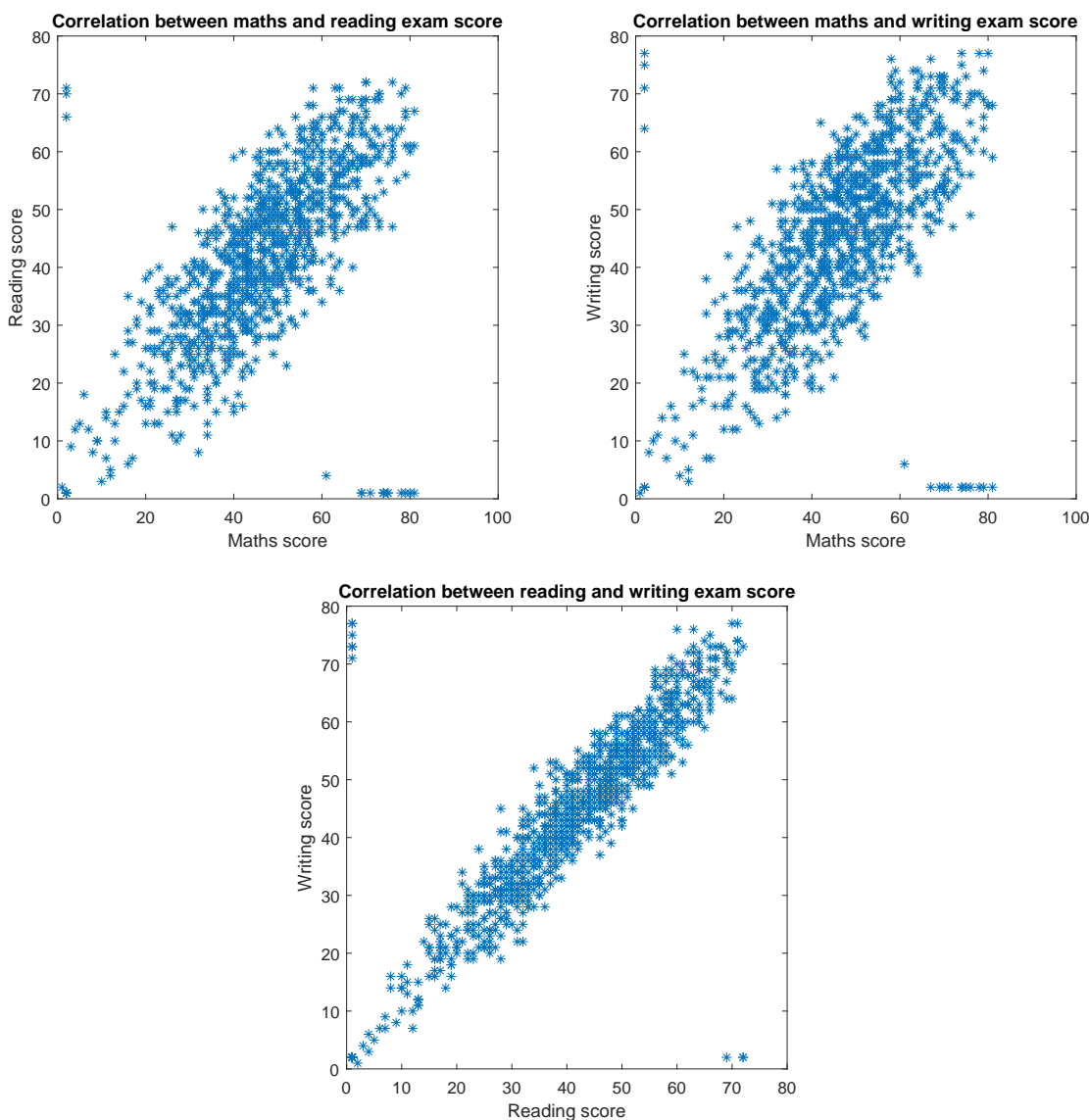
### 2.2.1 Korelacja pomiędzy wynikami egzaminów

Na początku został wyznaczony współczynnik korelacji pomiędzy wynikami egzaminów. Jako "Egzamin 1" został przyjęty egzamin z części matematycznej, "Egzamin 2" - część z czytania, a "Egzamin 3" egzamin z części pisemnej. Otrzymane wyniki przedstawiono w tabeli poniżej.

Egzamin 1 i 2	Egzamin 1 i 3	Egzamin 2 i 3
0.6453	0.6435	0.8578

Dla wszystkich kombinacji otrzymaliśmy wysokie wartości (większe od 0.6), możemy więc uznać, że dane te są od siebie liniowo zależne. Największa korelacja występuje pomiędzy egzaminem 2 oraz 3, czyli egzaminem z czytania oraz z pisania - współczynnik jest równy 0.86.

Na rysunkach poniżej zależności pomiędzy zbiorami zostały przedstawione w sposób graficzny.



Rysunek 9: Zależności pomiędzy wynikami egzaminów przedstawione w sposób graficzny.

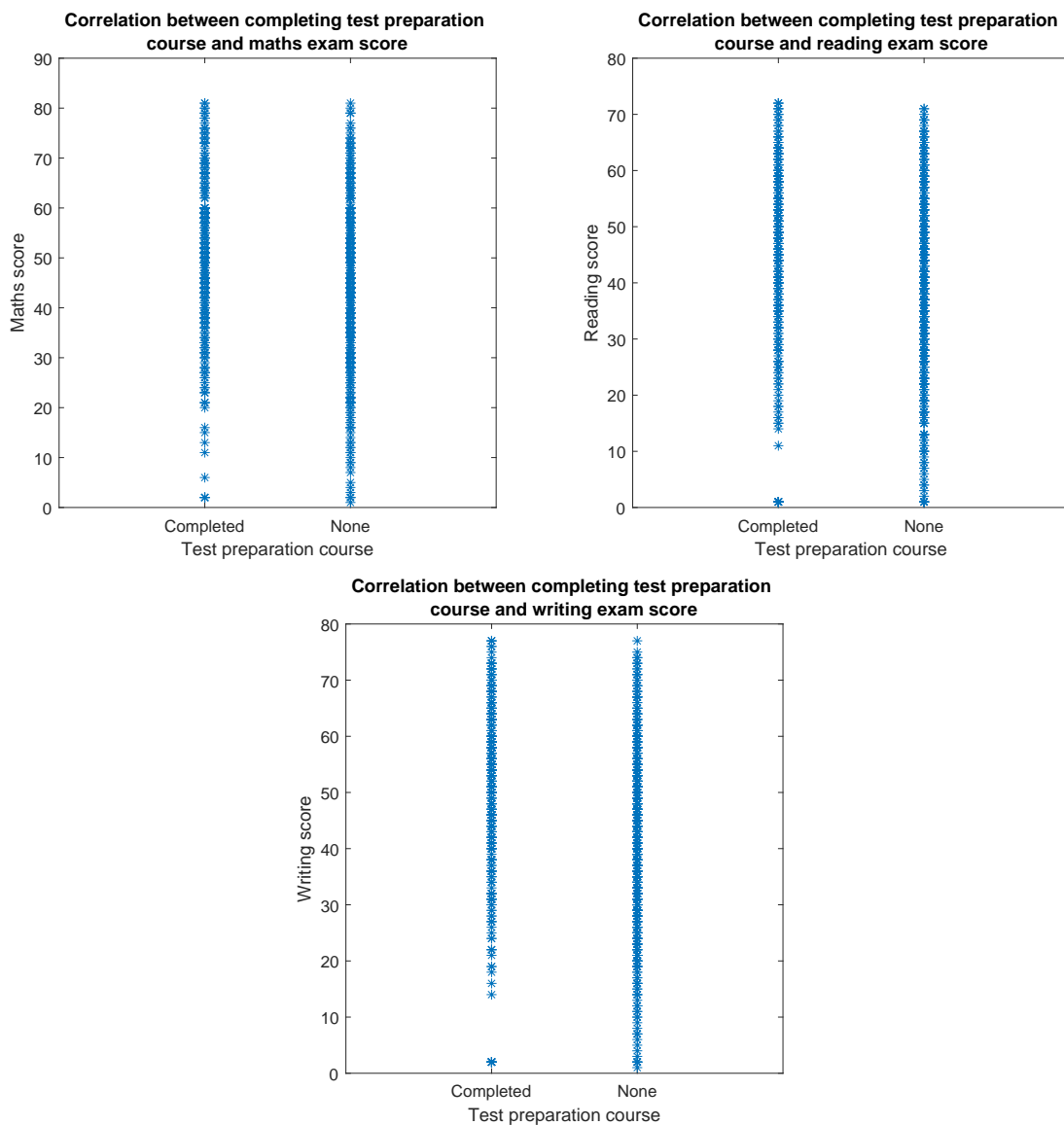
### 2.2.2 Korelacja pomiędzy czynnikami środowiskowymi a wynikami egzaminów

W dalszej części analizy zbioru danych została zbadana zależność pomiędzy czynnikami, będącymi wejściem sieci neuronowej, a wynikami kolejnych egzaminów. Otrzymane współczynniki

korelacji przedstawiono w tabeli poniżej.

Czynnik środowiskowy	Egzamin 1	Egzamin 2	Egzamin 3
Płeć	0.1558	-0.1886	-0.2396
Rasa	0.1771	0.0770	0.0907
Wykształcenie rodzica	-0.0584	-0.0306	-0.0571
Przystąpienie do kursu	0.3269	0.1906	0.2182
Dieta	-0.1564	-0.1838	-0.2647

Otrzymane wartości są dość niskie, nie istnieje wyraźna korelacja pomiędzy którąś z tych cech, a wynikami. Najmniejszą zależność obserwujemy pomiędzy wynikami, wykształceniem rodziców - są one najbliższe zeru. Największe znaczenie ma przystąpienie do kursu przygotowawczego, w dalszej kolejności dieta oraz płeć.



Rysunek 10: Zależności pomiędzy wynikami egzaminów a ukończeniem kursu przygotowawczego przedstawiona w sposób graficzny. Na rysunkach można zauważyć, że osoby które ukończyły kurs, uzyskiwały wynik większy niż 15, ale osoby, które nie ukończyły kursu uzyskiwały równie wysokie wyniki, co osoby po kursie. Wyjątek stanowi egzamin z części matematycznej - tu osób, które uzyskały wysoki wynik bez ukończenia kursu jest mniej.

### 3 Poszukiwanie najlepszej konfiguracji sieci neuronowej

Przeprowadzono badanie błędu średniokwadratowego dla uczenia oraz testu różnych konfiguracji funkcji aktywacji, ilości warstw ukrytych oraz ilości neuronów w poszczególnych warstwach. Przetestowano konfigurację sieci o jednej oraz dwóch warstwach, z wykorzystaniem różnych kombinacji funkcji:

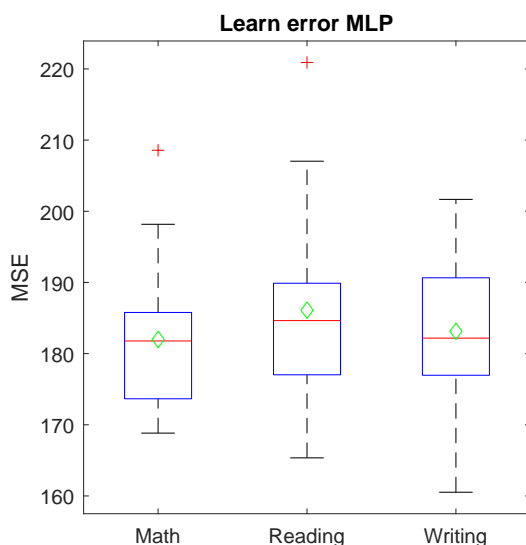
1. `logsig`
2. `tansig`
3. `purelin`
4. `radbas`

Dla każdej konfiguracji zbadano również wpływ ilości neuronów w poszczególnych warstwach. Ilość neuronów zmieniano między 10 a 100 ze skokiem 10. Wykresy błędów dla wybranych konfiguracji znajdują się na następnych stronach.

#### 3.1 Wykresy pudełkowe

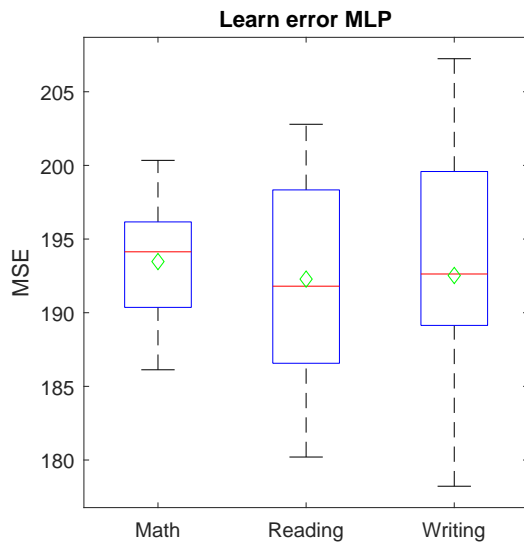
Otrzymane błędy uczenia oraz testu dla różnych konfiguracji przedstawiono przy pomocy tak zwanych wykresów pudełkowych z wąsami. Przykład takiego wykresu pokazano na rysunku 11.

Na wykresie zielone diamenty symbolizują wartości średnie z  $N$  prób, czerwona linia wewnątrz oznacza medianę. Górna granica pudełka to trzeci kwartył ( $Q_3$ ), natomiast dolna to kwartył pierwszy ( $Q_1$ ). Dolny i górny "wąs" reprezentują kolejno wartości  $Q_1 - 1.5IQR$  oraz  $Q_3 + 1.5IQR$ , gdzie  $IQR$  to rozstęp ćwiartkowy, obliczany jako  $IQR = Q_3 - Q_1$ . Czerwonymi plusami zaznaczono wartości odstające.

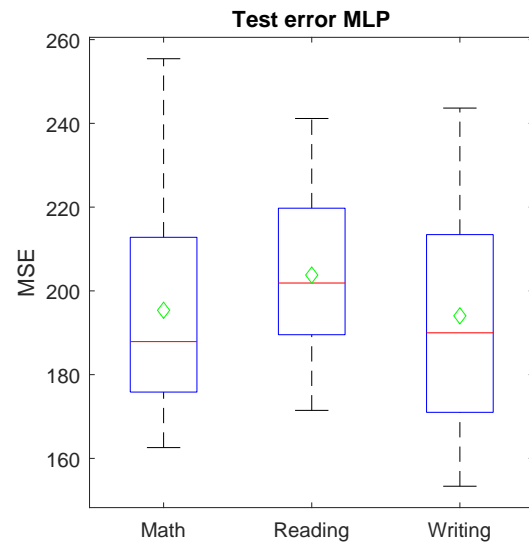


Rysunek 11: Przykład wykresu pudełkowego pokazującego błędy dla różnych egzaminów.

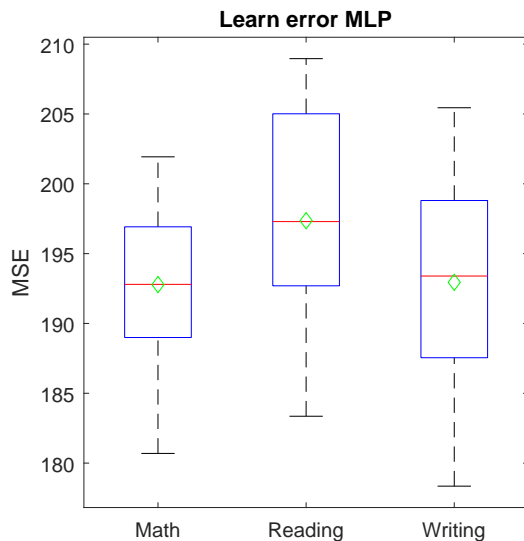
### 3.2 Otrzymane błędy uczenia i testu dla różnych konfiguracji



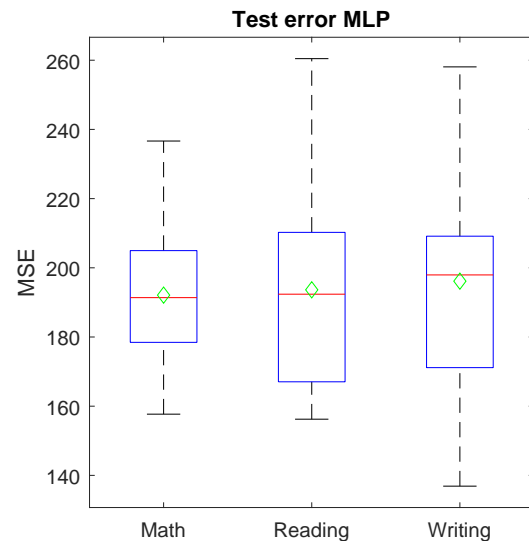
(a) MSE uczenia dla 20 neuronów.



(b) MSE testu dla 20 neuronów.



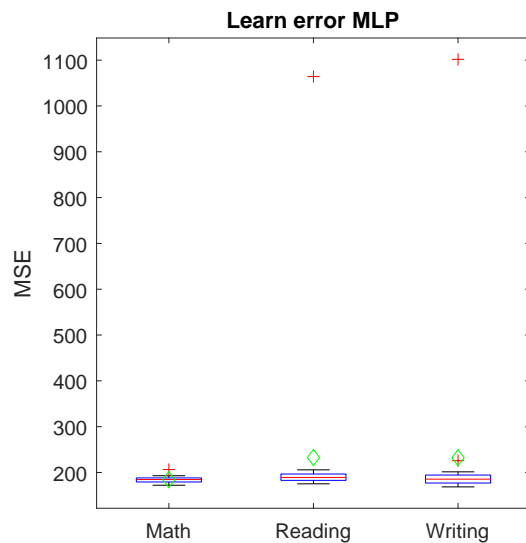
(c) MSE uczenia dla 50 neuronów.



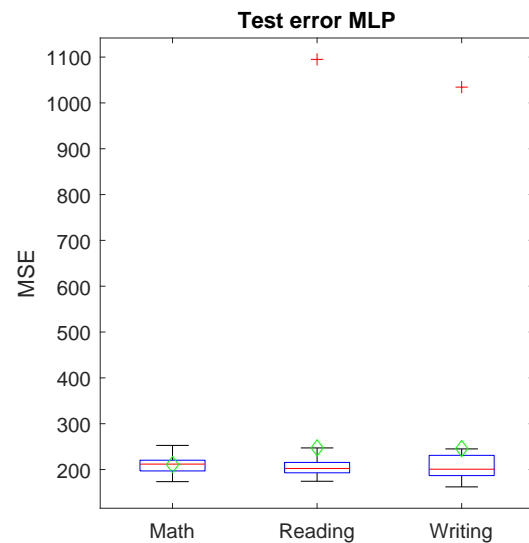
(d) MSE testu dla 50 neuronów.

Rysunek 12: Błąd uczenia i testowania sieci dla 20 prób dla kolejnych egzaminów, **funkcje: purelin, purelin.**

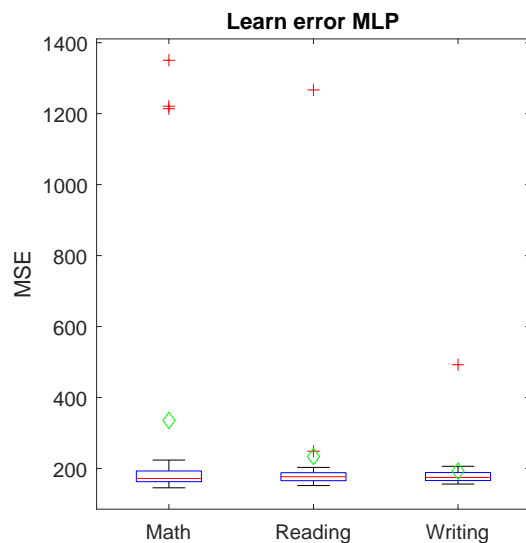
Pierwszym omawianym zestawieniem jest prosty przykład dla kombinacji funkcji purelin oraz purelin. Otrzymane wartości błędów były jednymi z najmniejszych wśród wszystkich konfiguracji, z akceptowalnym odchyleniem. W przypadku tak prostej sieci ilość neuronów nie wpłynęła praktycznie wcale na otrzymane wyniki.



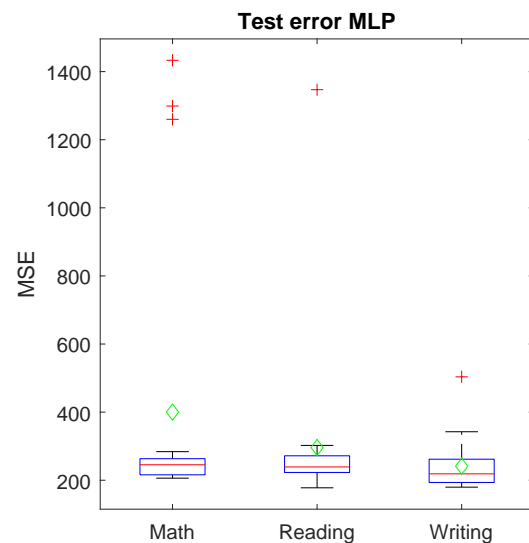
(a) MSE uczenia dla 20 neuronów.



(b) MSE testu dla 20 neuronów.



(c) MSE uczenia dla 50 neuronów.

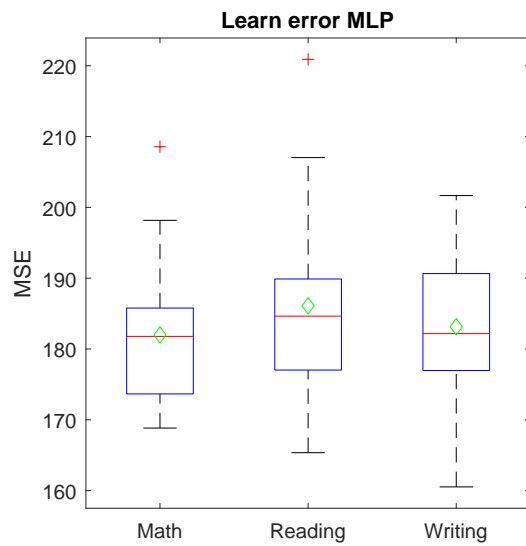


(d) MSE testu dla 50 neuronów.

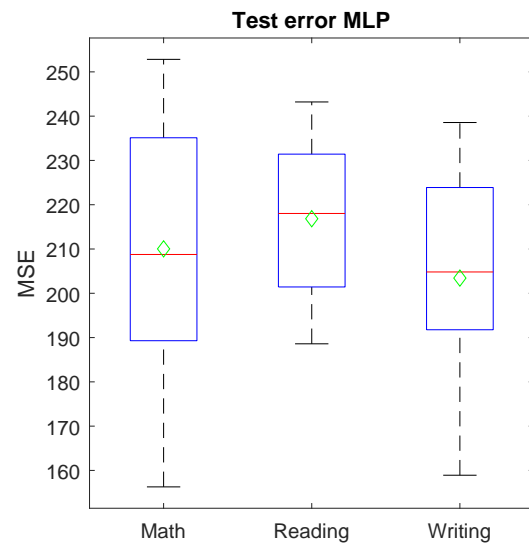
Rysunek 13: Błąd uczenia i testowania sieci dla 20 prób dla kolejnych egzaminów, **funkcje: tansig, tansig**.

Przykładem jednej z konfiguracji, która daje mierne rezultaty jest konfiguracja z wykorzystaniem funkcji tansig oraz tansig na wyjściu. Wartości błędów były jednymi z większych, jednak istotny jest fakt, że wyniki dla trzeciego egzaminu były zbieżne, w przeciwieństwie do większości pozostałych konfiguracji. Ilość neuronów nie miała dużego wpływu na otrzymywane błędy.

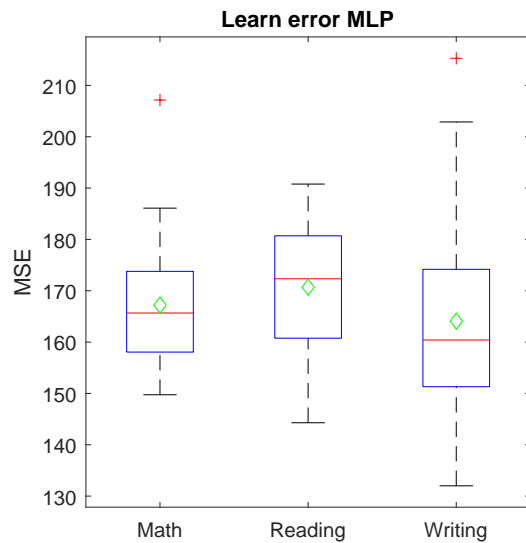




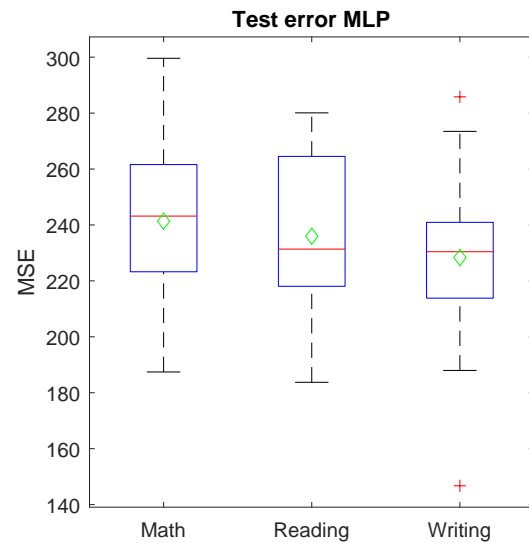
(a) MSE uczenia dla 20 neuronów.



(b) MSE testu dla 20 neuronów.



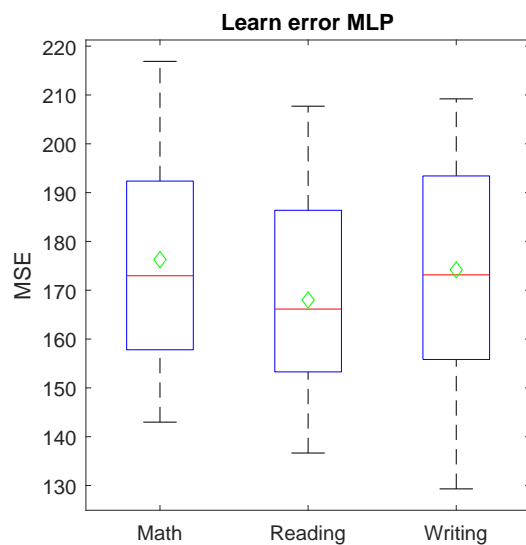
(c) MSE uczenia dla 50 neuronów.



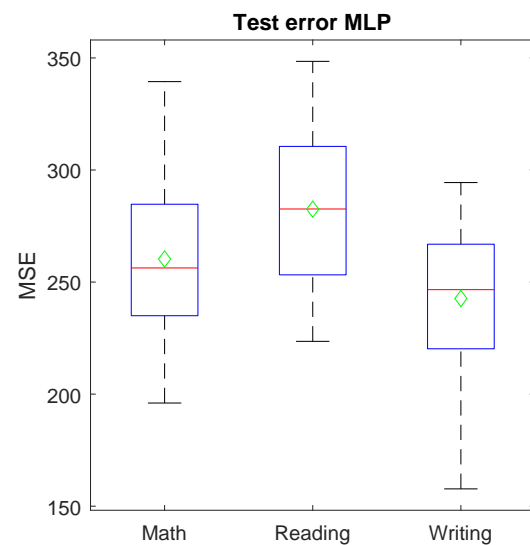
(d) MSE testu dla 50 neuronów.

Rysunek 14: Błąd uczenia i testowania sieci dla 20 prób dla kolejnych egzaminów, **funkcje: tansig, purelin**.

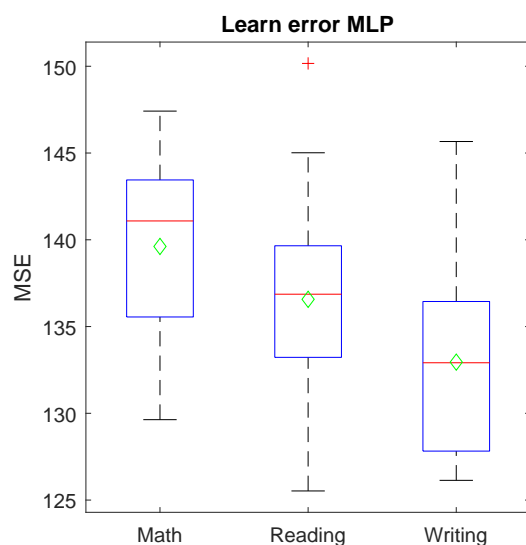
Kombinacja tansig oraz purelin daje bardzo niskie wartości błędów w porównaniu z pozostałymi metodami, jednak z dość dużym rozstrzałem między otrzymywanymi wartościami. Błędy uczenia nieznacznie spadały wraz ze wzrostem ilości neuronów w warstwie, jednak tendencja dla testu była odwrotna. Najlepsze wyniki udało się uzyskać dla 20 oraz 30 neuronów.



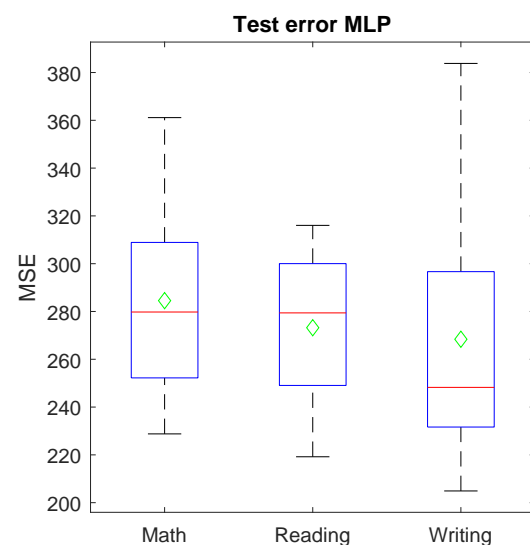
(a) MSE uczenia dla 40 neuronów w pierwszej warstwie, 20 w drugiej.



(b) MSE testu dla 40 neuronów w pierwszej warstwie, 20 w drugiej.



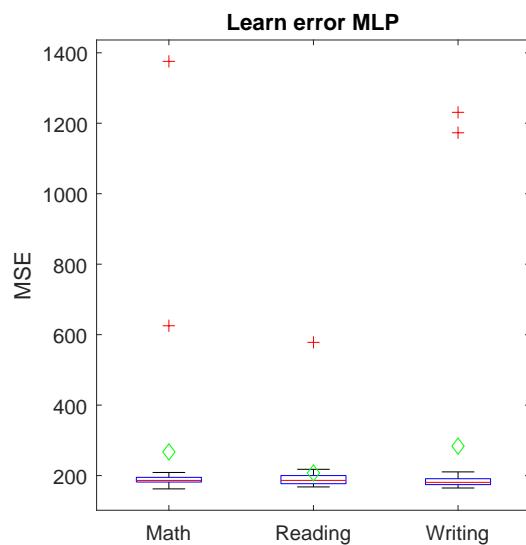
(c) MSE uczenia dla 100 neuronów w pierwszej warstwie, 50 w drugiej.



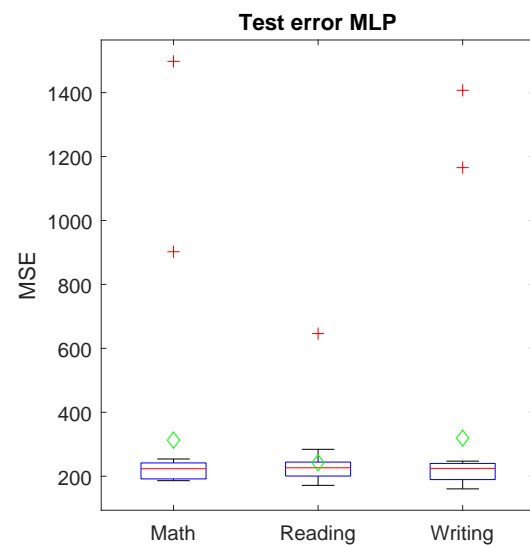
(d) MSE testu dla 100 neuronów w pierwszej warstwie, 50 w drugiej.

Rysunek 15: Błąd uczenia i testowania sieci dla 20 prób dla kolejnych egzaminów, **funkcje: radbas, tansig, purelin**.

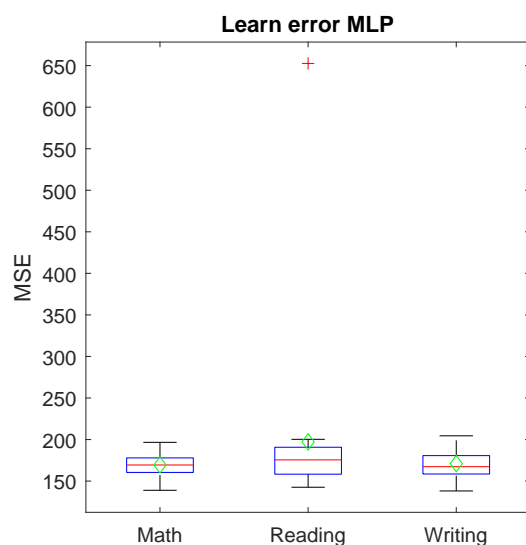
Postanowiono również przetestować sieci o dwóch warstwach w bardziej egzotycznych konfiguracjach, dla przykładu konfiguracja radbas, tansig, purelin dała zadziwiająco niskie wartości błędów dla próby uczenia, który gwałtownie zmieniał się wraz z dokładaniem ilości neuronów. Pod względem błędu uczenia była to najlepsza konfiguracja.



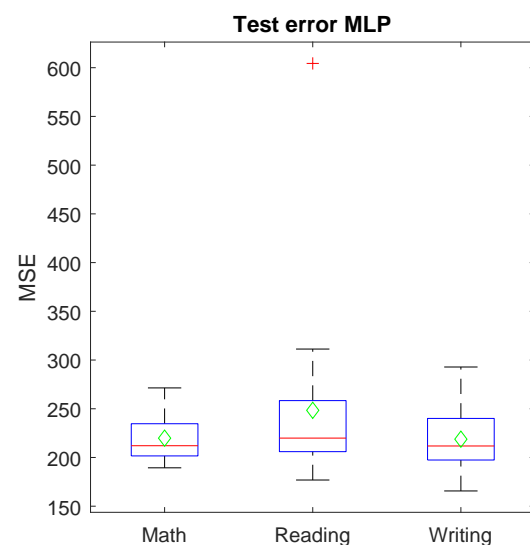
(a) MSE uczenia dla 50 neuronów w pierwszej warstwie, 50 w drugiej.



(b) MSE testu dla 50 neuronów w pierwszej warstwie, 50 w drugiej.



(c) MSE uczenia dla 50 neuronów w pierwszej warstwie, 50 w drugiej.



(d) MSE testu dla 50 neuronów w pierwszej warstwie, 50 w drugiej.

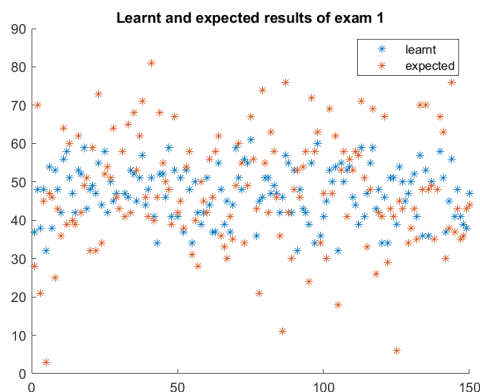
Rysunek 16: Błąd uczenia i testowania sieci dla 20 prób dla kolejnych egzaminów, **funkcje: logsig, tansig, tansig**.

Kombinacja logsig, tansig oraz tansig dała ciekawe rezultaty, wartości błędu dla wszystkich prób nie licząc trzeciego egzaminu były do siebie zbliżone. Wyniki dla trzeciego egzaminu jednak zbyt odstają od reszty, by móc brać tę konfigurację w kolejnych badaniach.

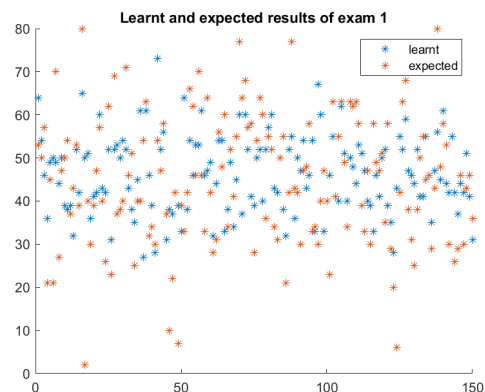
W zestawieniu nie objęto wykresów dla pozostałych kombinacji (na przykład tansig, tansig),

gdyż niezależnie od ilości neuronów wyniki były bardzo złe.

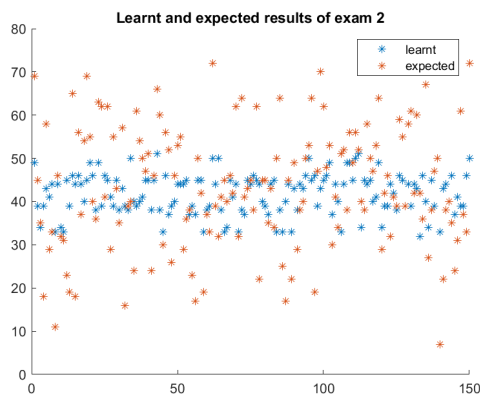
Poniżej przedstawione zostały przykładowe wyniki dla najlepszej (purelin, purelin, 20 neuronów) i najgorszej sieci (tansig, tansig, 50 neuronów w warstwie ukrytej), dla zbioru testującego.



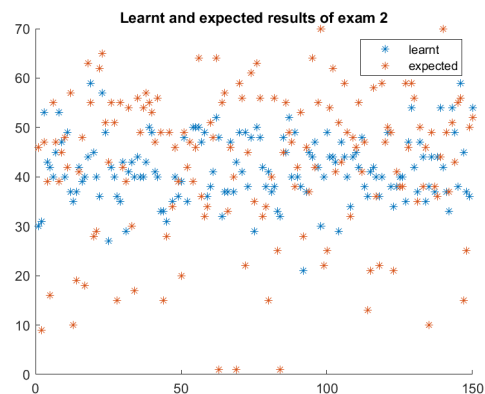
(a) Oczekiwane i znalezione wyniki dla najlepszej sieci dla egzaminu 1 (matematyka).



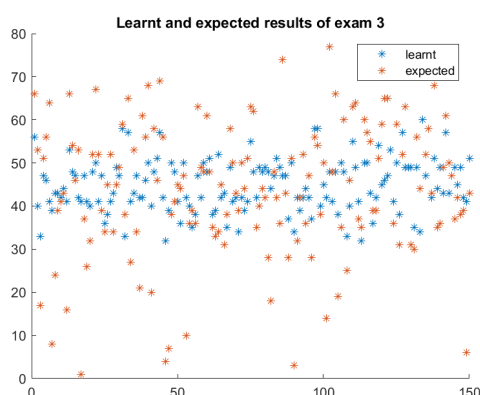
(b) Oczekiwane i znalezione wyniki dla najgorszej sieci dla egzaminu 1 (matematyka).



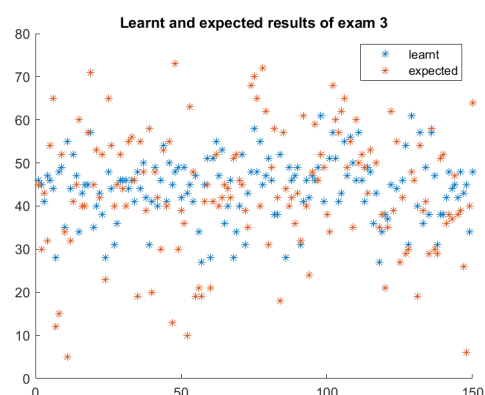
(c) Oczekiwane i znalezione wyniki dla najlepszej sieci dla egzaminu 2 (czytanie).



(d) Oczekiwane i znalezione wyniki dla najgorszej sieci dla egzaminu 2 (czytanie).



(e) Oczekiwane i znalezione wyniki dla najlepszej sieci dla egzaminu 3 (pisanie).



(f) Oczekiwane i znalezione wyniki dla najgorszej sieci dla egzaminu 3 (pisanie).

Powyższe wyniki pochodzą z pojedynczego uruchomienia programu, przy każdym uczeniu wynik działania będzie trochę inny.

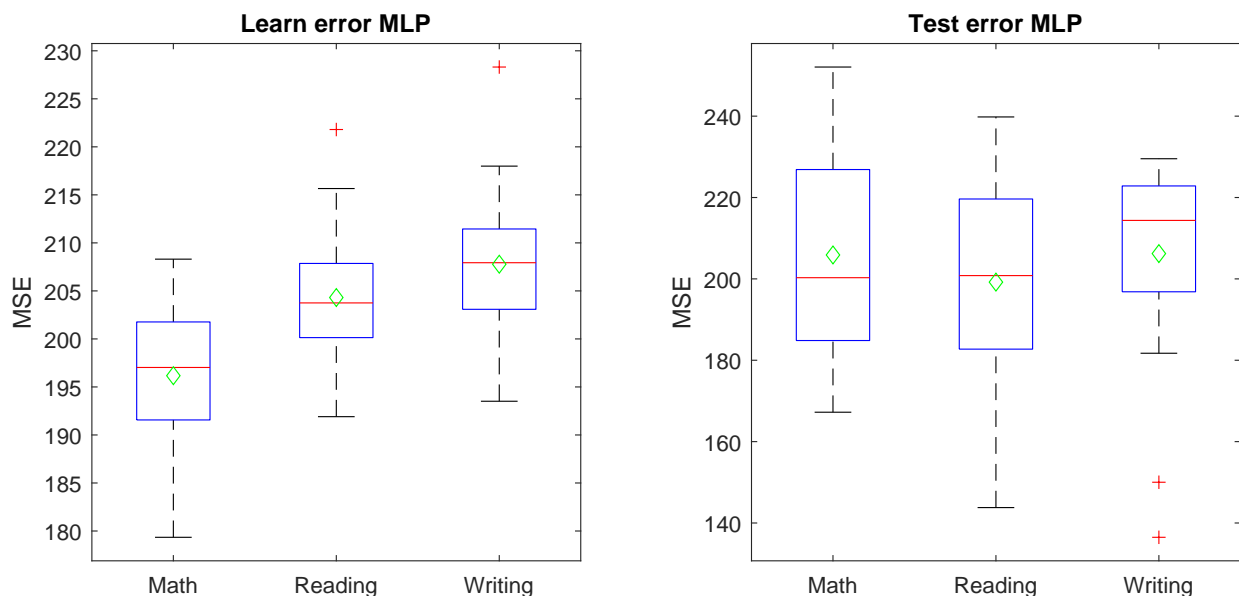
Na rysunkach możemy zauważyć, że dla najlepszej sieci otrzymane wyniki są bardziej skupione w okolicy średniej liczby punktów. W przypadku najgorszej sieci otrzymane dane są bardziej "rozproszone" - nieliniowy kształt odpowiedzi niekorzystnie wpływa na wyniki sieci.

## 4 Badanie wpływu ilości kolumn na jakość sieci

Dla wybranych najlepszych parametrów sieci zostało przeprowadzone uczenie ze zmniejszoną ilością kolumn. Celem tego zabiegu było zbadanie, jaki wpływ mają te czynniki na jakość działania sieci.

### 4.1 Uzyskane błędy w przypadku usunięcia pierwszej kolumny

Ze zbioru uczącego została usunięta kolumna informująca o **płci** ucznia. Wyniki działania takiej sieci przedstawiono poniżej.



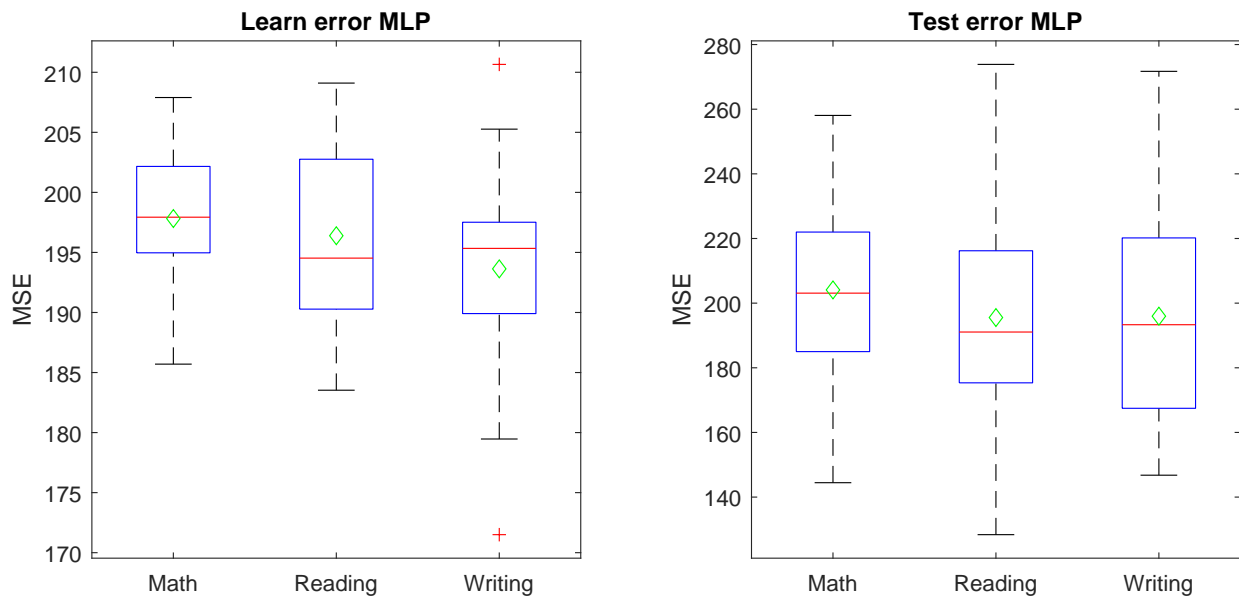
(a) MSE uczenia dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

(b) MSE testu dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

Rysunek 18: Błąd uczenia i testowania sieci w przypadku usunięcia pierwszej kolumny z danymi, funkcje: **purelin**, **purelin**.

## 4.2 Uzyskane błędy w przypadku usunięcia drugiej kolumny

Poniżej przedstawione zostały błędy uczenia oraz testowania sieci przy usunięciu kolumny informującej o **rasie** ucznia.



(a) MSE uczenia dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

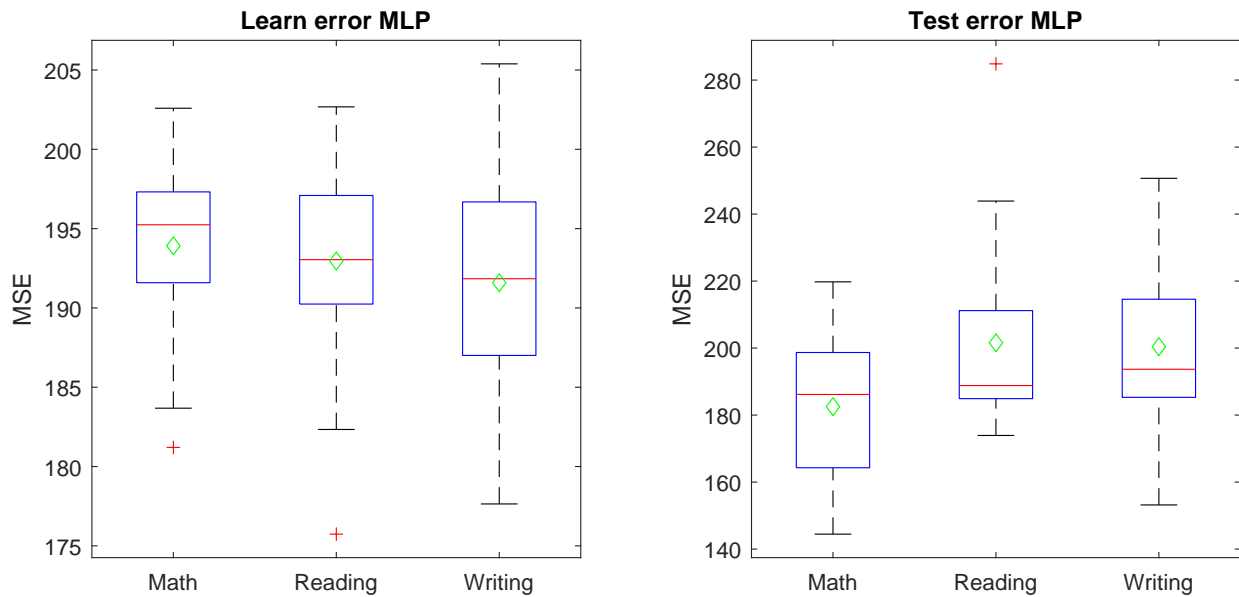
(b) MSE testu dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

Rysunek 19: Błąd uczenia i testowania sieci w przypadku usunięcia drugiej kolumny z danymi, funkcje: **purelin**, **purelin**.



### 4.3 Uzyskane błędy w przypadku usunięcia trzeciej kolumny

Ze zbioru uczącego usunięta została kolumna informująca o **wykształceniu rodzica**.



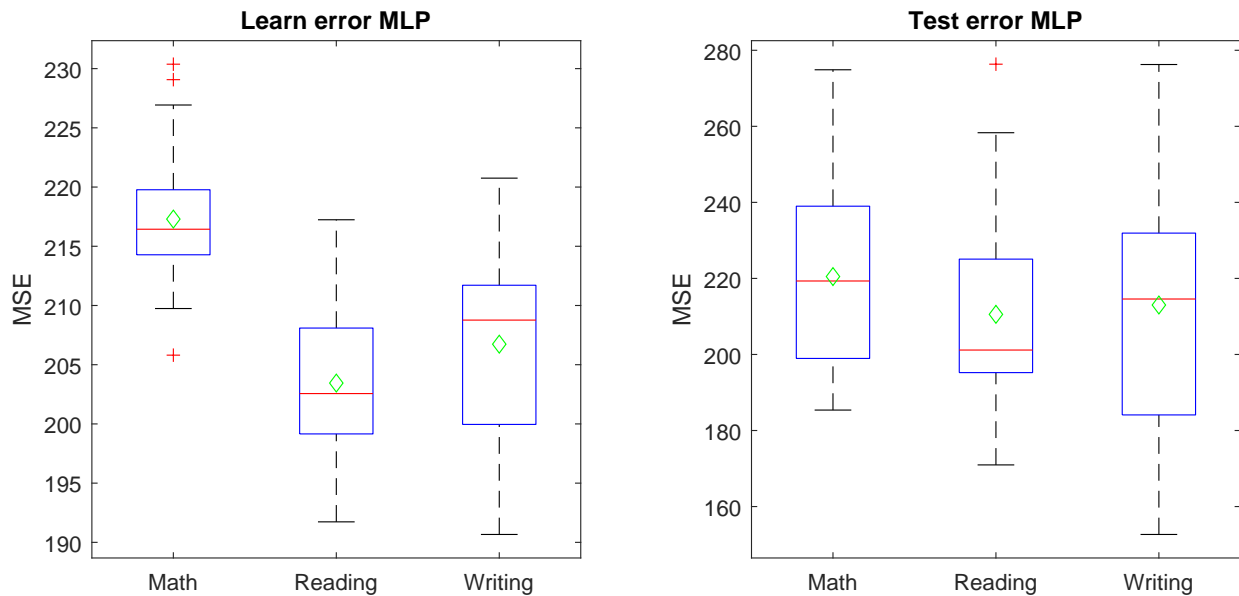
(a) MSE uczenia dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

(b) MSE testu dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

Rysunek 20: Błąd uczenia i testowania sieci w przypadku usunięcia trzeciej kolumny z danymi, funkcje: **purelin**, **purelin**.

#### 4.4 Uzyskane błędy w przypadku usunięcia czwartej kolumny

Poniżej przedstawiono błędy sieci w przypadku usunięcia czwartej kolumny, informującej o diecie ucznia.



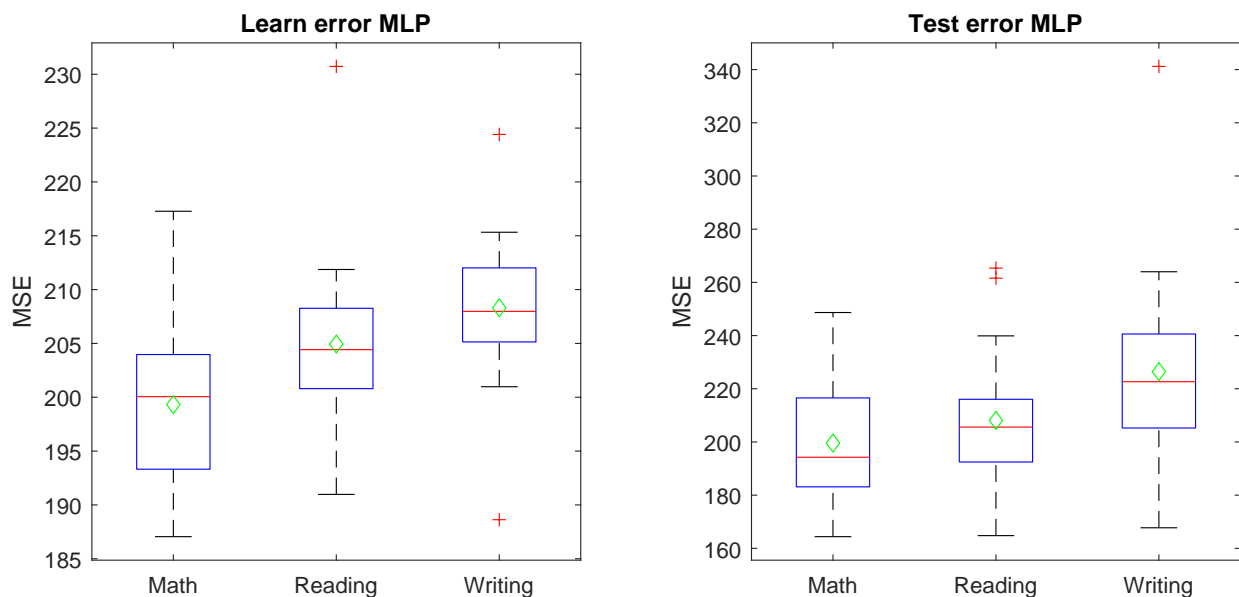
(a) MSE uczenia dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

(b) MSE testu dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

Rysunek 21: Błąd uczenia i testowania sieci w przypadku usunięcia czwartej kolumny z danymi, funkcje: **purelin**, **purelin**.

## 4.5 Uzyskane błędy w przypadku usunięcia piątej kolumny

Jako ostatnia ze zbioru uczącego została usunięta kolumna informująca o **ukończeniu kursu przygotowawczego**. Otrzymane wyniki przedstawiono poniżej.



(a) MSE uczenia dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

(b) MSE testu dla 20 neuronów w pierwszej warstwie.

Rysunek 22: Błąd uczenia i testowania sieci w przypadku usunięcia piątej kolumny z danymi, funkcje: **purelin**, **purelin**.

## 4.6 Wnioski

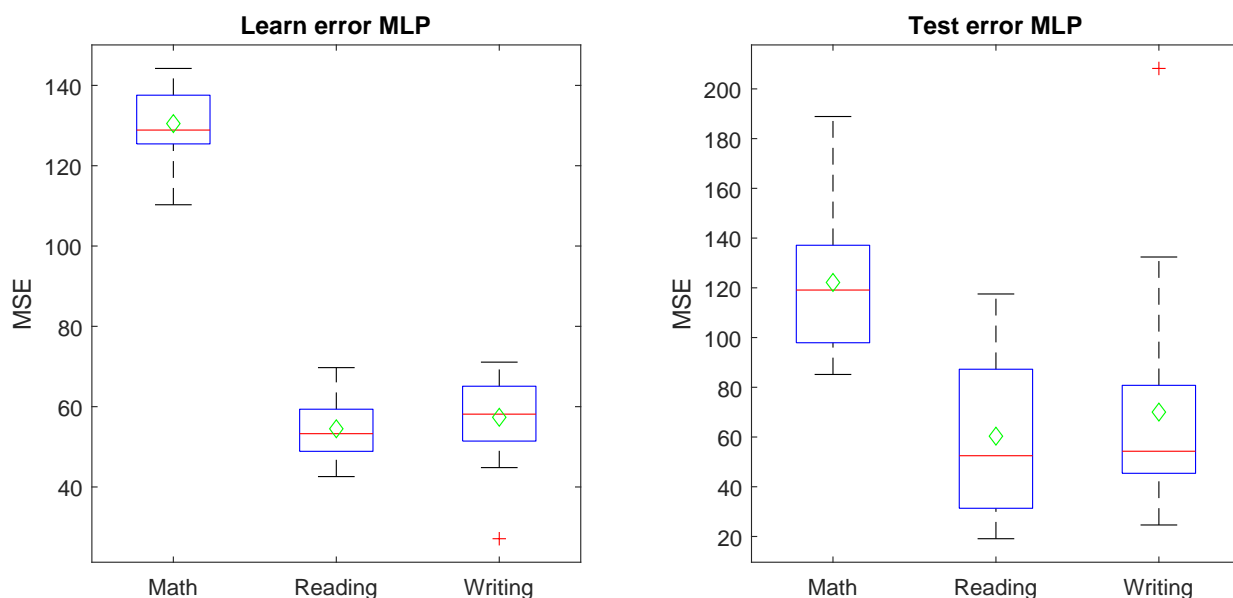
Podjęto się badania sieci z funkcjami **purelin**, **purelin** oraz 20 neuronami w pierwszej warstwie.

W przypadku usunięcia trzeciej kolumny, która informowała o wykształceniu rodziców otrzymaliśmy największe zmniejszenie błędów średniokwadratowych. Usunięcie piątej kolumny, która świadczyła o przejściu kursu przygotowawczego spowodowało znaczne powiększenie błędów. W pozostałych przypadkach otrzymaliśmy podobne wyniki. Może to świadczyć o dużym znaczeniu wykształcenia rodziców oraz podjęcia się kursu przygotowawczego na wynik egzaminu. tych dwóch kolumn w pracy sieci.

## 5 Przewidywanie wyniku egzaminu bazując na rezultatach pozostałych egzaminów

Jak zostało zauważone podczas analizowania zbioru danych, wyniki egzaminów są od siebie zależne (wysoki współczynnik korelacji). Korzystając z wyników z dwóch egzaminów podjęto próbę stworzenia sieci obliczającej wynik z trzeciego egzaminu. Sieć została skonfigurowana według najlepszych znalezionych parametrów.

Otrzymane błędy testowania zostały przedstawione poniżej.



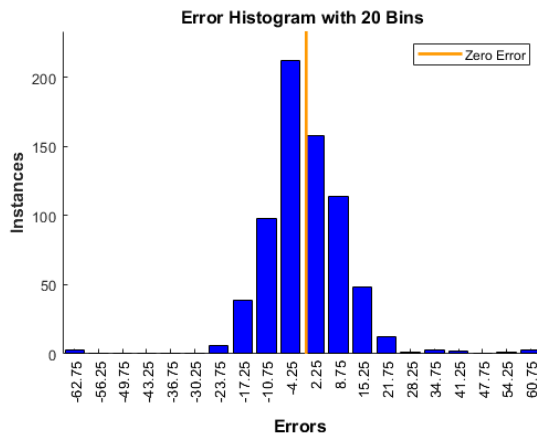
(a) MSE uczenia dla 20 prób, dla kolejnych egzaminów.

(b) MSE testowania dla 20 prób, dla kolejnych egzaminów.

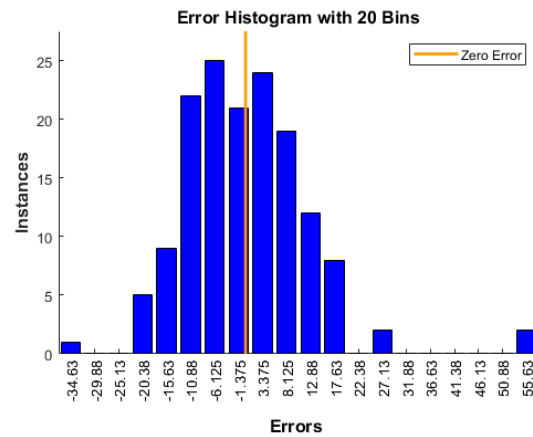
Na podstawie obserwacji wielkości błędów, można zauważyć, że dla egzaminów 2 oraz 3 sieć osiąga dobre wyniki - na poziomie wartości 50. Są one o wiele niższe niż dla sieci uczonej czynnikami środowiskowymi.

Otrzymane wyniki można powiązać z analizowaną wcześniej korelacją danych - wyniki egzaminów 2 i 3 są ze sobą w większym stopniu powiązane, niż egzamin 1 z egzaminem 2 lub 3.

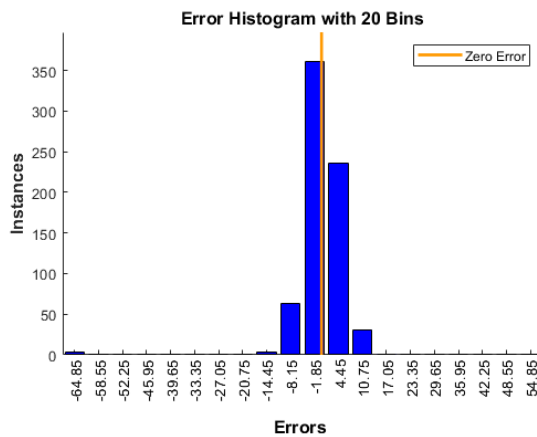
Na rysunkach poniżej został przedstawiony za pomocą histogramu rozkład błędów, powstały przy pojedynczym uruchomieniu. Za każdym razem histogramy te różniły się między sobą lecz zaobserwowane tendencje pozostawały takie same.



(a) Rozkład błędów dla zbioru uczącego dla egzaminu 1 (matematyka).



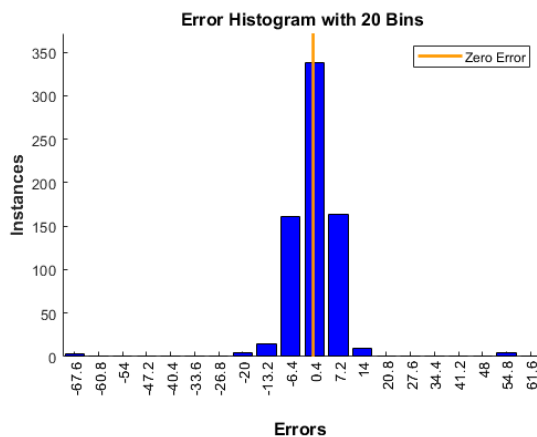
(b) Rozkład błędów dla zbioru testującego dla egzaminu 1 (matematyka).



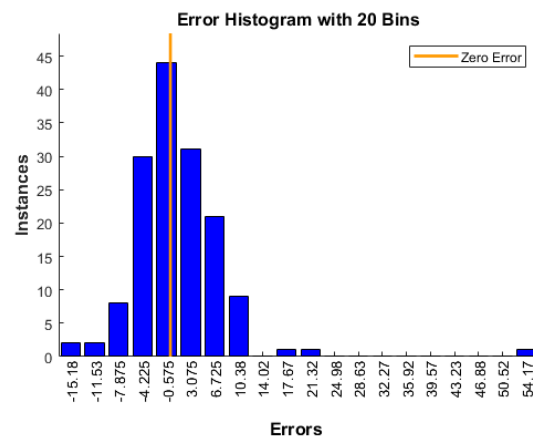
(c) Rozkład błędów dla zbioru uczącego dla egzaminu 2 (czytanie).



(d) Rozkład błędów dla zbioru testującego dla egzaminu 2 (czytanie).



(e) Rozkład błędów dla zbioru uczącego dla egzaminu 3 (pisanie).



(f) Rozkład błędów dla zbioru testującego dla egzaminu 3 (pisanie).

Największa ilość błędów we wszystkich przypadkach to te bliskie zeru. Przy testowaniu zbioru uczącego wartości są bardziej skoncentrowane, szczególnie dla egzaminów 2 oraz 3. Choć różnica pomiędzy wartością oczekiwaną a doświadczalną jest czasem duża, sieć w większości przypadków potrafi przewidzieć wynik egzaminu z dokładnością do 10 punktów.

## 6 Podsumowanie

Po przetestowaniu różnych kombinacji konfiguracji sieci *MLP*, z różną ilością warstw ukrytych, ilością neuronów oraz funkcjami aktywacji, udało się wyłonić najlepszą. Sieć osiągała najmniejsze wartości błędu średniokwadratowego dla liniowych funkcji aktywacji i jednej warstwy ukrytej z 20 neuronami. Błąd testowania wciąż był bliski wartości 200 - możemy uznać że jest dość duży, mimo że jest najmniejszy z osiągniętych.

Gdy przyjmiemy, że nasza sieć powinna znajdować wynik w granicach błędu np 5 punktów (na 100 wszystkich możliwych) albo 10 jakoś wyników sieci wzrasta. Zależnie od potencjalnego wykorzystania sieci, możliwe, że taka dokładność byłaby wystarczająca.

W przypadku uczenia sieci wynikami egzaminów, jakość jej działania jest o wiele wyższa niż w przypadku uczenia jej czynnikami środowiskowymi. Powiązane jest to z faktem, że korelacja pomiędzy kolumnami z wynikami egzaminów jest o wiele większa niż pomiędzy egzaminami a czynnikami środowiskowymi. Jednak, gdy chcielibyśmy użyć sieci w prawdziwym życiu, przed egzaminami nie dysponujemy taką wiedzą. Można by było posłużyć się wynikami egzaminów próbnych - nie były one jednak zawarte w naszym zbiorze, więc ta hipoteza musiałaby zostać zbadana.

Oprócz wyników egzaminu, duży wpływ ma ukończenie kursu przygotowawczego - szczególnie z matematyki. Usunięcie tej kolumny pomniejszyło jakość działania sieci. Dla pozostałych dwóch zbiorów podobnie duży wpływ ma jeszcze płeć oraz dieta ucznia. Usunięcie informacji o wykształceniu rodzica polepszyło wyniki działania sieci - ten fakt dostarcza nam informacji, że dane które nie mają realnego wpływu na wynik mogą zakłócać działanie sieci.

W żadnej konfiguracji nie udało nam się uzyskać idealnych wyników, co można uznać za pozytywną informację dla uczniów. Ich wyniki nie są zdeterminowane rasą, płcią czy rezultatami pozostałych egzaminów, a ich realną pracą i wysiłkiem włożonym w przygotowanie (choć sam fakt ukończenia kursu nie miał bardzo dużego znaczenia - prawdopodobnie uczeń powinien również aktywnie na nim uważać). Do stworzenia idealnej sieci potrzebna by była większa ilość danych, na przykład na temat samodzielnej pracy ucznia, wyników egzaminów próbnych, czy ocen cząstkowych z kursu.

## Literatura

- [1] Zbiór danych *Students Performance in Exams* - <https://www.kaggle.com/spscientist/students-performance-in-exams>
- [2] Platforma *Kaggle* - <https://www.kaggle.com/>
- [3] Perceptron wielowarstwowy - [https://pl.wikipedia.org/wiki/Perceptron\\_wielowarstwowy](https://pl.wikipedia.org/wiki/Perceptron_wielowarstwowy)
- [4] ASSESSMENT OF ARTIFICIAL NEURAL NETWORK FOR BATHYMETRY ESTIMATION USING HIGH RESOLUTION SATELLITE IMAGERY IN SHALLOW LAKES: CASE STUDY EL BURULLUS LAKE. - [https://www.researchgate.net/publication/303875065\\_ASSESSMENT\\_OF\\_ARTIFICIAL\\_NEURAL\\_NETWORK\\_FOR\\_BATHYMETRY\\_ESTIMATION\\_USING\\_HIGH\\_RESOLUTION\\_SATELLITE\\_IMAGERY\\_IN\\_SHALLOW\\_LAKES\\_CASE\\_STUDY\\_EL\\_BURULLUS\\_LAKE](https://www.researchgate.net/publication/303875065_ASSESSMENT_OF_ARTIFICIAL_NEURAL_NETWORK_FOR_BATHYMETRY_ESTIMATION_USING_HIGH_RESOLUTION_SATELLITE_IMAGERY_IN_SHALLOW_LAKES_CASE_STUDY_EL_BURULLUS_LAKE)