4-3 單元小考

一、單選題:(6 小題,每格 4 分,共 24 分)

- 1. () $\log_3 3 + \log_2 1 =$ (A)0 (B)1 (C)2 (D)3
- 2. () 下列各式何者正確? (A) $\log_2(-3) = -\log_2 3$ (B) $\log_2 3 = \frac{1}{\log_{\frac{1}{2}} 3}$ (C) $\log_2 3 = \log_4 9$ (D) $\log_2 3 = (\log_2 3)^3$
- 3. () $\log_2 3 \times \log_3 4 \times \log_4 8 =$ (A)1 (B)2 (C)3 (D)4
- **4.** () $\log_{10} \frac{3}{4} + \log_{10} 14 \log_{10} 21 + \log_{10} \frac{1}{5} =$ (A) -1 (B) 1 (C) $\log_{10} 3$ (D) $\log_{10} 5$
- 5. () $\log_{27} 3\sqrt{27} =$ $(A)\frac{6}{5}$ $(B)\frac{5}{4}$ $(C)\frac{5}{6}$ $(D)\frac{4}{5}$
- **6.** () 下列各式何者無意義? (A) $\log_5 55$ (B) $\log_{10} \left(-5\right)$ (C) $\log_{0.1} \frac{1}{5}$ (D) $\log_{\frac{4}{3}} \frac{3}{4}$

二、填充題: (7 小題,每格 7 分,共 49 分)

- **1.** $\log_3 3^{\sqrt{3}} + 3^{\log_3 \sqrt{3}} =$ ______ \circ
- 3. $\log_{\frac{1}{8}} \frac{1}{2} + \log_{\frac{1}{27}} \frac{1}{3} + \log_{\frac{1}{125}} \frac{1}{5} = \underline{\hspace{1cm}}$
- **4.** $\log_5 10 + \log_5 50 2\log_5 2 =$ \circ
- **5.** $\log_2 \frac{7}{5} \log_2 \frac{112}{9} + \log_2 \frac{10}{9} = \underline{\hspace{1cm}}$
- **6.** $\log_{10} 2 + \log_{10} \sqrt{15} \frac{1}{2} \log_{10} 6 = \underline{\hspace{1cm}} \circ$
- **7.** 設 $\log_x 9\sqrt{3} = 5$,則 x =_____。

三、計算題: (3 小題, 每題 9 分, 共 27 分)

1. 試求
$$\left(\log_2 125 + \log_8 \frac{1}{5}\right) \left(\log_5 2 + \log_{125} \frac{1}{2}\right)$$
 之值。

2. 試求 $\log_3 9 + \log_2 \frac{1}{32} - \log_5 125$ 之值。

3. $設 a = log_2 3$, $b = log_2 5$, 試以a 、b 表示:

- (1) log₂ 75。(4分)
- (2) log₉ 50。(5分)