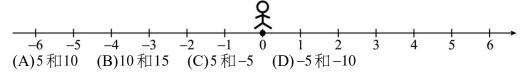
統測數學 Exercise 1

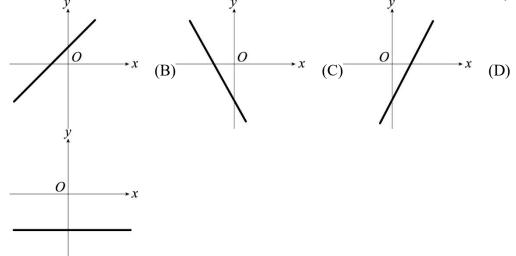
一、單選題: (100 小題, 每題 1 分, 共 100 分)

- **1.** ()設 a 為實數,若 $ax^2 2ax + 2a + 3 < 0$ 的解為任意實數,則下列何者正確? (A) a < -3 (B) -3 < a < 0 (C) 0 < a < 3 (D) a > 3
- 2. ()已知正三角形 ABC 的三個頂點分別為 A(a,b) 、 B(-1,1) 、 C(1,-1) ,則 ab=(A)1 (B)2 (C)3 (D)4
- **3.** () 函數 $f(x) = -x^2 + 4x 1$ 的圖形**不經過**哪一個象限 ? (A)— (B)二 (C)三 (D)四
- **4.** ()設 $\triangle ABC$ 之三頂點坐標分別為 A (10,8)、B (5,-4)、C (-7,1),則 $\triangle ABC$ 為何種三角形? (A)直角三角形 (B)等腰三角形 (C)等邊三角形 (D)等腰直角三角形
- 5. ()解不等式 |px-1| > q,可得 x > 3 或 x < -1,則 p+q 之值為何? (A) 3 (B) 4 (C) 5 (D) 6
- **6.** ()解不等式 $|ax-5| \le b$, 可得 $2 \le x \le 6$, 則 a+b 之值為何? (A) -2 (B) -1 (C) $\frac{15}{4}$ (D)
- **8.** ()下列何者為不等式 $3x^2 3x \le 6$ 之解 ? (A) $x \le -2$ 或 $x \ge 1$ (B) $-2 \le x \le 1$ (C) $-1 \le x \le 2$ (D) $x \le -1$ 或 $x \ge 2$
- 9. ()設a和b均為實數,若不等式 $ax^2 + bx 5 < 0$ 的解為 $-\frac{3}{2} < x < \frac{5}{3}$,則 $a + b = (A)\frac{5}{3}$ (B) $\frac{7}{3}$ (C) 5 (D)7
- **10.** ()設 $a \cdot b$ 均為實數,若不等式 $ax^2 + 11x + b \ge 0$ 的解為 $-\frac{1}{3} \le x \le 4$,則a + b = (A)0 (B)1 (C) 2 (D)3
- 11. () 不等式 $|x| \le 2$ 的解為 (A) -2 < x < 2 (B) x > 2 或 x < -2 (C) $-2 \le x \le 2$ (D) $x \ge 2$ 或 $x \le -2$
- **12.** () 有關二次函數 $y = -3(x+1)^2 + 8$ 的圖形,下列敘述何者正確? (A)圖形頂點為(1,8) (B) 圖形開口向上 (C)圖形的對稱軸為x = 1 (D)圖形有最大值8
- **13.** () 絕對值|x|=2可改寫成絕對值|x-0|=2,即表示數線上x到0的距離等於2,請問滿足此條件的x有哪些數字? (A)0和2 (B)0和-2 (C)2和-2 (D)2和4
- 14. ()在下面數線上,跟數字0距離5格的整數有哪些數字?



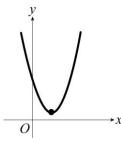
- **15.** ()設某沙漠地區某一段時間的溫度函數為 $f(t) = -t^2 + 10t + 10$,其中 $1 \le t \le 10$,則這段時間內該地區的最大溫差為幾度? (A)10 (B)19 (C)25 (D)35
- **16.** ()已知點 P(a-b,ab) 在坐標平面的第四象限,則下列敘述何者正確? (A) A(-a,b) 在第一象限 (B) $B(|ab|,-a^2b)$ 在第二象限 (C) $C\left(\frac{a^2}{b},-b\right)$ 在第三象限 (D) $D\left(a-b,\frac{a}{b}\right)$ 在第四象限
- 17. ()設 f(x) = ax + b 為一線型函數,且圖形通過點 (-2,4) 、 (1,1) ,則 f(x) = (A) x + 2 (B) x 2 (C) x + 2 (D) -x 2

18. () 利用截距定義,試問下列何者**不可能**是函數 y = f(x) = ax - 3 的圖形? (A)



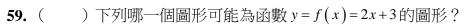
- **19.** ()試判斷拋物線 $y = 3x^2 + 2x + 4$ 的頂點落在哪一象限? (A)第一象限 (B)第二象限 (C) 第三象限 (D)第四象限
- **20.** ()已知88°C 蛋糕店每天製作x 個水果蛋糕時,每個水果蛋糕的平均成本y元,已知x與y的 關係式為二次函數 $y=2x^2-80x+1000$ 。請問每天製作幾個蛋糕時,其平均成本最低,且 平均成本為多少元? (A)40 個,100元 (B)30 個,150元 (C)20 個,200元 (D)10 個, 250元
- **21.** () 設A(-5,2)、B(1,-6),則 \overline{AB} 的長度為 (A) $2\sqrt{5}$ (B) $\sqrt{2}$ (C)5 (D)10
- **22.** () 函數 $y = -5(x+4)^2 3$ 的最大值為何? (A) -5 (B) -4 (C) -3 (D) 4
- **23.** ()不等式 $9x^2 + 12x + 4 \ge 0$ 之解為何? (A) x 為實數,但 $x \ne \frac{2}{3}$ (B) x 為實數,但 $x \ne -\frac{2}{3}$ (C) x 為所有實數 (D) $x \le 0$ 或 $x \ge \frac{2}{3}$
- **24.** () 已知 $A(-3,4) \cdot B(k,2) \cdot C(-2,7)$,且 $\overline{AB} = \overline{BC}$,則 k 之值為 (A) 8 (B) -8 (C) 4 (D) -4
- **26.** ()解不等式 | x | < −3 (A) x > 3 或 x < −3 (B) −3 < x < 3 (C) x 無實數解 (D) x 為任意實數
- **27.** () 若 |x-3|+|y+5|=0,則 x+y 之值為何? (A) -2 (B) -1 (C) 0 (D) 1
- 28. () 若 | x | + 3 = 5 , 則 x 之值為何? (A) 2 或-5 (B) -2 或 5 (C) ±2 (D)無實數解
- 29. () 試求絕對值小於 8 的整數有多少個 ? (A) 7 (B) 10 (C) 12 (D) 15
- **30.** () 設 A(-2,5)、B(a,3)、C(4,b)、D(-1,1),若四邊形 ABCD 為平行四邊形,則 b=(A)-1(B)-2(C)-3(D)-4
- **31.** ()在數線上 A (4)且 $\overline{AB} = 7$,B 點在 A 點之左側,則 B 點所對應的數為 (A) -7 (B) -3 (C) 11 (D) 7
- **32.** () y 軸上之點,其x 坐標為0,故其坐標必為 (A)(y,0) (B)(0,y) (C)(x,0) (D)(0,x)
- 33. ()設 $\triangle ABC$ 之三頂點坐標分別為 A (2,-3)、B (6,3)、C (0,7),則 $\triangle ABC$ 為何種三角形? (A)銳角三角形 (B)等腰直角三角形 (C)等邊三角形 (D)三邊不等長之三角形
- 34. ()已知 A(-3,4)、B(k,2)、C(-2,7),且 $\overline{AB} = \overline{BC}$,則 k 之值為 (A) 8 (B) -8 (C) 4 (D) -4

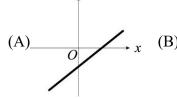
- **35.** () 設函數 $f(x) = \begin{cases} \frac{|x|}{x}, & \text{if } x \neq 0 \\ 0, & \text{if } x = 0 \end{cases}$,則f(2) f(-5)的值為 (A) 2 (B) 7 (C) -3 (D) -7
- **36.** () 設 $f(x) = -x^2 + 4x + 1$,g(x-1) = f(x+3),則g(-2) = (A) 3 (B) 4 (C) 5 (D) -11
- **37.** () 設函數 $f(x-1) = x^2 + 2x 2$,則 f(0)等於 (A) 0 (B) -2 (C) -3 (D) 1
- **38.** () 設 $f(x) = x^3 2x^2 + 5x 3$,且 g(x) = f(x+1),則 g(0) = (A) 1 (B) 0 (C) -1 (D) 2
- **39.** () $y = -x^2 + px + q$ 圖形最高點的坐標為(2,6),則 p + q = (A) 8 (B) 6 (C) 5 (D) 4
- **40.** () 二次函數 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 圖形如下,下列何者**不真**?

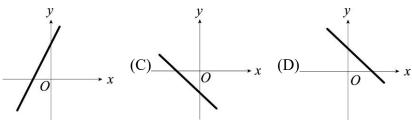


- (A) a > 0 (B) b > 0 (C) c > 0 (D) $b^2 4ac < 0$
- **41.** ()設 $f(x) = x^2 6x + 5$ 且 $0 \le x \le 4$,則 f(x)之最大值與最小值之和為 (A) 1 (B) -1 (C) 2 (D) -2
- **42.** ()一元二次不等式 $x^2 4x 12 < 0$,其解為何? (A) x > 6或x < -2 (B) x > 2或x < -6 (C) -2 < x < 6 (D) -6 < x < 2
- **43.** () 一元二次不等式 $x^2 8x 20 \le 0$, 共有多少個整數解? (A) 11 (B) 12 (C) 13 (D) 14
- **44.** () 不等式 $(x-1)(3-2x) \ge 0$,其解為何? (A) $1 \le x \le \frac{3}{2}$ (B) $-\frac{3}{2} \le x \le -1$ (C) $x \ge \frac{3}{2}$ 或 $x \le 1$ (D) $x \ge -1$ 或 $x \le \frac{-3}{2}$
- **45.** ()若不等式 $ax^2 bx 3 < 0$ 的解為-1 < x < 3,則 a + b 之值為何? (A) -1 (B) 1 (C) 2 (D) 3
- **46.** ()試求不等式 $x^2 2x 3 > 0$ 之解為何? (A) $-1 \le x \le 3$ (B) -1 < x < 3 (C) x < -1 或 x > 3 (D) $x \le -1$ 或 $x \ge 3$
- **47.** ()已知數線上兩點 A(-2)、B(8),則 A、B 兩點之距離為何? (A) 2 (B) 8 (C) 10 (D) 16
- **48.** ()解不等式 $|2x+1| \ge 5$ (A) $-\frac{5}{2} \le x \le \frac{5}{2}$ (B) $-3 \le x \le 2$ (C) $x \ge 2$ 或 $x \le -3$ (D) $x \ge \frac{5}{2}$ 或 $x \le -\frac{5}{2}$
- **49.** ()設A(2,3),B(-4,1),若 $\triangle ABC$ 重心G坐標為(1,0),則C點坐標為 (A) $(-\frac{1}{3},\frac{4}{3})$ (B)(4,-3) (C) $(\frac{5}{3},-\frac{4}{3})$ (D)(5,-4)
- **50.** () f(x) = 2 x 在平面坐標中,f的圖形為 (A)圓 (B)直線 (C)拋物線 (D)一點
- **51.** () 聯立不等式 $\begin{cases} 2x^2 7x 15 \le 0 \\ 6x^2 + 7x 20 \ge 0 \end{cases}$,其解為何? (A) $-\frac{3}{2} \le x < \frac{4}{3}$ (B) $\frac{4}{3} \le x \le 5$ (C) $-\frac{5}{2} < x < -\frac{3}{2}$ (D) $x \le -\frac{3}{2}$ 或 $x \ge \frac{4}{3}$
- **52.** () 若不等式 $|x+a| \le b$ 的解為 $-1 \le x \le 5$,試求 a+b 之值為 (A)1 (B)3 (C) -2 (D) -4
- **53.** ()已知數線上兩點 $A(-3) \cdot B(9) \cdot$ 則 $A \cdot B$ 兩點之中點坐標為何? (A) 0 (B) 1 (C) 2 (D)

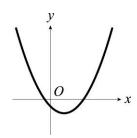
- **54.** ()解不等式 |x| > 3 (A) x > 3 或 x < -3 (B) -3 < x < 3 (C) x > 0 (D) x < 0
- 55. ()解不等式 $|x+3| \ge 1$ (A) $x \ge 1$ 或 $x \le -1$ (B) $x \ge -2$ 或 $x \le -4$ (C) $-1 \le x \le 1$ (D) $-4 \le x \le -2$
- **56.** () 若 |x| = 5,則 x 之值為何 ? (A) 5 (B) -5 (C) ± 5 (D)無解
- 57. ()解不等式 $3 \le |x+2| \le 7$ (A) $-9 \le x \le -5$ 或 $1 \le x \le 5$ (B) $-7 \le x \le -3$ 或 $2 \le x \le 3$ (C) -1 $\le x \le 7$ (D) $\frac{-1}{2} \le x \le \frac{5}{2}$
- **58.** ()對於函數 $f(x)=x^2+6x+5$ 的圖形而言,下列敘述何者**錯誤**? (A)其圖形頂點坐標為 (-3,-4) (B)其圖形經過第四象限 (C)其圖形是開口向上的拋物線 (D)函數 f(x)之最小值為 f(-3)







- **60.** ()若函數 $y = x^2 + kx + 4$ 之圖形與 x 軸不相交,則 k 之範圍為 (A) k = 4 或 -4 (B) -4 < k < 4 (C) k < -4 或 k > 4 (D) k < -1 或 k > 3
- **61.** () 設 $x \cdot a \cdot b \cdot c$ 皆屬於實數, $f(x) = ax^2 + bx + c$, $a \neq 0$,若f(x) < 0,則下列選項何者正確? (A) $a(b^2 4ac) > 0$ (B) $a(b^2 4ac) = 0$ (C) $a(b^2 4ac) < 0$ (D)無法判斷
- **62.** ()解不等式 $|px+3| \ge k$,可得 $x \ge 1$ 或 $x \le -5$,則 p+k 之值為何? (A) 5 (B) 6 (C) 7 (D) 8
- **63.** () 設 A(2,-3)、B(-4,8),若 P(x,y)在線段 \overline{AB} 的延長線上,且 \overline{AP} : \overline{BP} = 5:3,則外分點 P 的坐標為 $(A)(-\frac{2}{5},\frac{7}{5})$ $(B)(\frac{9}{8},\frac{13}{8})$ $(C)(-\frac{3}{2},\frac{5}{2})$ $(D)(-13,\frac{49}{2})$
- **64.** () 不等式 $\frac{2x+1}{x-1}$ 1 < 0,其解為何? (A) x < -2 (B) x > -2 (C) -2 < x < 1 (D) x < -2 或 x > 1
- **65.** () 解不等式|3x+1|>1 (A)0<x< $\frac{2}{3}$ (B)x> $\frac{2}{3}$ 或x<0 (C)- $\frac{2}{3}$ <x<0 (D)x>0或x<- $\frac{2}{3}$
- **66.** ()不等式 $(2x+1)(x-1) > (x-1)^2$,其解為何? (A)x < -2 (B)x > -2 (C)x < -2 或 x > 1 (D) -2 < x < 1
- **67.** () 設函數 $f(x+2) = 2x^2 + 3x 4$,則f(1) = (A) 5 (B) 1 (C) 6 (D) 10
- **68.** ()已知拋物線 $y = ax^2 + 4bx + 4a$ 與 x 軸有兩相異交點,且頂點在第一象限,則下列敘述何者正確? (A) a < 0 , $a^2 < b^2$ (B) a < 0 , $a^2 > b^2$ (C) a > 0 , $a^2 < b^2$ (D) a > 0 , $a^2 > b^2$
- **69.** ()設 $a \cdot b \cdot c$ 為實數,且二次函數 $y = ax^2 + bx + c$ 的圖形如圖所示,則點 $P(b^2 4ac, abc)$ 在 第幾象限?



(A)第一象限 (B)第二象限 (C)第三象限 (D)第四象限

-)在二次函數 $f(x)=3x^2+4x+k$ 中,若對於任意實數 x ,其對應的函數值 y 恆為正數,則 **70.** (實數 k 取值的範圍為何 ? (A) $k < \frac{3}{4}$ (B) $k > \frac{3}{4}$ (C) $k < \frac{4}{3}$ (D) $k > \frac{4}{3}$
-)在坐標平面上,點P(a,-b)在第二象限,則點Q(ab,a+b)在第幾象限內? (A)— (B)二 **71.** ((C)三 (D)四
- **72.** ()數線上 A(-5) 、 B(10) 兩點間的距離為 (A)15 (B)25 (C)10 (D)20
-) 數線上,若|x|=2,則x為 (A)2 (B)-2 (C)2或-2 (D)1或-1 **73.** (
-)下列哪一個二次函數圖形的頂點落在第二象限內? (A) $y = x^2 5$ (B) $y = 2(x 3)^2 + 1$ **74.** ((C) $y = -\frac{1}{2}x^2 + 2$ (D) $y = -2(x+1)^2 + 5$
- **75.** ()已知 $A \cdot B \cdot C$ 三家某知名商店,B店位於A店往西 240 公尺往北 120 公尺處,而C店 位於B店往東 180 公尺往南 40 公尺位置。求A店與C店的距離為多少公尺? (B)120 (C)140 (D)160
-)小克在天文雜誌上看到以下的資訊「可利用北斗七星斗杓的天璇與天樞這兩顆星來尋找 76. 北極星: 由天璇起始向天樞的方向延伸便可找到北極星, 其中天樞與北極星的距離為天 樞與天璇距離的 5 倍。」今小克將所見的星空想像成一個坐標平面,其中天璇的坐標為 A(10,9) 及天樞的坐標為B(8,12)。請依上述資訊,求出北極星的坐標C(x,y)。 北極星



- (A)(-2,27) (B)(2,-27) (C)(-2,-27) (D)(2,27)
-)滿足不等式 $\frac{2x+5}{4} \le \frac{x-7}{3}$ 的最大整數x = (A)-19 (B)-20 (C)-21 (D)-22**77.** (
- **78.** ()下列方程式所對應的圖形中,何者恆在x 軸的上方? (A) $y = 5x^2 - 3x + 1$ (B) $y = 3x^2 + 5x - 1$ (C) $y = x^2 - 5x + 3$ (D) $y = 3x^2 + x - 5$
-)設A(-1,-3)與B(6,4)為坐標平面上之兩點。若點C 在線段AB上,且 $4\overline{AC}=3\overline{BC}$,則 $\overline{BC}=$ **79.** ((A) $\sqrt{2}$ (B) $3\sqrt{2}$ (C) $4\sqrt{2}$ (D) $5\sqrt{2}$
-)已知A(-1,4)、B(5,4)為坐標平面上兩點。若拋物線 $H: y = C(x-h)^2$ 通過A、B兩點,則 80. (C + h = ? (A) $\frac{13}{5}$ (B) $\frac{22}{9}$ (C) $\frac{18}{7}$ (D) $\frac{17}{4}$
- **81.** ()若點A與點B在數線上的坐標分別是-1與5,則線段 \overline{AB} (包含兩端點,如圖所示)是下

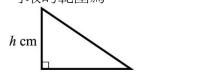
列哪一個不等式之解的圖形?
$$\xrightarrow{A} \quad \xrightarrow{B}$$

$$\xrightarrow{-1} \quad 5$$

(A) $|x-1| \le 4$ (B) $|x+1| \le 5$ (C) $x^2 - 4x - 5 \le 0$ (D) $x^2 + 6x + 5 \le 0$

-)解不等式 $|ax+2| \le b$,可得 $-4 \le x \le 8$,則 a-b 之值為何? (A) -5 (B) -6 (C) -7 (D) **82.** (
-)不等式 $|3x+2| \le |2x-1|$,其解為何? (A) $-3 \le x \le \frac{-1}{5}$ (B) $-\frac{1}{5} \le x \le 3$ (C) $x \ge 3$ 或 $x \le x \le 1$ **83.** ($\frac{-1}{5}$ (D) $x \ge -\frac{1}{5}$ $\vec{\boxtimes} x \le -3$
-) 二次函數 $y = -x^2 + 2bx + a$, 當 x = 2 時, y 有最大值 5, 則 a + b = (A) 1 (B) -1 (C) 2**84.** ((D)3
-) 一元二次不等式 $9x^2 6x + 1 \ge 0$,其解為何? (A) $x \ge \frac{1}{3}$ (B) $x \le \frac{1}{3}$ (C) x 為所有實數 **85.** ((D)無實數解
-)一元二次不等式 $49x^2 + 14x + 1 \le 0$,其解為何 ? (A) $x \ge \frac{-1}{7}$ (B) $x \le \frac{-1}{7}$ (C) $x = \frac{-1}{7}$ (D) **86.** (無實數解
-)若n 為整數且二次函數 $f(x) = (n^2 n 12)x^2 + 6x 3$ 之圖形為開口向下的拋物線,則n 有 **87.** (幾個解? (A)4 (B)5 (C)6 (D)7
-) 設 a 為正數 , |x| = a 表示 (A) x > a (B) x > a 或 x < -a (C) x = a 或 x = -a (D) -a < x < a**88.** (
-) 設 $x \cdot y$ 為實數且滿足 $|x+1|+(y-6)^2=0$,則 $x \times y=$ **89.** ((A)-6 (B)6 (C)-1 (D)1
-)不等式|2x+3| > 5的解為 (A) x < -4 或 x > 1 (B) x < 1 或 x > 4 (C) x < -4 或 x > -1 (D) **90.** (x < -1 或 x > 4
-) 設P(x,y)為坐標平面上一點,且滿足 $\sqrt{(x-1)^2+(y-2)^2}+\sqrt{(x-3)^2+(y-4)^2}$ **91.** ($=\sqrt{(3-1)^2+(4-2)^2}$,則 P 點的位置在第幾象限 ? (A) 一 (B) 二 (C) 三 (D) 四
-)函數 $y = f(x) = 3x^2 6x + 2$ 之最小值為 (A)0 (B)1 (C)-1 (D)2 **92.** (
- **93.** ()若二次函數 $y = f(x) = -3x^2 + 6x$ 的頂點 A 到原點 O 的距離為 d ,則 (A) 2 < d < 3 (B) 3 < d < 4 (C) 4 < d < 5 (D) 5 < d < 6
-) 設函數 $f(x) = \begin{cases} x^2 x + 3 \cdot 0 \le x < 2 \\ 3x + 5 \cdot 2 \le x \le 7 \end{cases}$, 則 f(0) + f(5) = 1**94.** ((A) 20 (B) 21 (C) 22 (D) 23
-) 拋物線 $y = x^2 3x 10$ 與 x 軸交於 A , B 兩點 , 則 A , B 兩點之距離為 (A)2 (B)5 (C) **95.** (6 (D)7
-)已知平面上三點 $P(a,b) \cdot Q(-1,2) \cdot R(-2,1)$ 共線,R介於 $P \cdot Q$ 之間且 $\overline{PQ} = 2\overline{OR}$,則 **96.** (a-b=? (A)-5 (B)-3 (C)-1 (D)1
-) 設直角坐標平面上四點 $A(-2,1) \cdot B(b_1,b_2) \cdot C(c_1,c_2) \cdot D(4,3)$ 在同一直線上,依序為 **97.** ($A \cdot B \cdot C \cdot D$,且 $B \cdot C$ 兩點將線段 AD = \$,則點 $C \ge \# (c_1, c_2)$ 為何? (A) $\left(2, \frac{7}{3}\right)$ (B) $\left(\frac{2}{3}, \frac{4}{3}\right)$ (C) $\left(\frac{1}{3}, \frac{2}{3}\right)$ (D) $\left(0, \frac{5}{3}\right)$

- **98.** ()設點 A(x+5,y-3) 在第二象限,則點 B(y+1,x+1) 在第幾象限? (A)第一象限 (B)第 二象限 (C)第三象限 (D)第四象限
- **99.** () 函數 $f(x) = -2x^2 + 3x 4$ 的圖形,其頂點落在第幾象限? (A)— (B)二 (C)三 (D)四
- **100.** ()某直角三角形的高度 h cm 比它的底邊長度少 4 cm ,且三角形的面積不大於 30 cm 2 ,則 h 可取的範圍為



(A) $0 < h \le 6$ (B) $0 \le h \le 6$ (C) $-10 \le h \le 6$ (D) $-10 \le h < 6$