## AUTOMATYKA I ROBOTYKA - SEMESTR 2

## ANALIZA i RÓWNIANIA RÓŻNICZKOWE 2. ZESTAW 7.

## Zad. 1. Obliczyć całki

(a) 
$$\int_{L} (z^2 - 2z + i) dz, \quad L - \text{odcinek od } A = -1 \text{ do } B = 2i$$

(b) 
$$\int_{L} z \cdot |z| dz$$
,  $L: |z| = 2 \text{ od } A = 2i \text{ do } B = -2$ 

(c) 
$$\oint_{C^+} \frac{z^3 - 3z^2 + z - 1}{z} dz$$
,  $C = \{z : |\text{Re } z| \le 2 \land |\text{Im } z| \le 2\}$ 

## Zad. 2. Obliczyć całki

(a) 
$$\int_{\overline{AB}} \overline{z} dz$$
,  $\overline{AB}$  – odcinek od  $A = 0$  do  $B = 1 + i$ 

(b) 
$$\int_L \bar{z} \, dz$$
,  $L$  – odcinki : od 0 do 1 i od 1 do 1 +  $i$  (ich suma)

(c) 
$$\oint_{C^{-}} \frac{|z|^2}{z-1} dz$$
,  $C: |z-1|=2$ 

(d) 
$$\oint_{C^+} e^{-z^2} dz$$
,  $C: z(t) = \frac{3}{2}e^{it} + \frac{1}{2}e^{-it}$ ,  $t \in [0, 2\pi]$