# Задание 1. Реализация линейной множественной регрессии

Карцев Михаил АДПУР 7.2

**Цель работы:** сформировать и оценить линейную множественную регрессионную модель для предсказания субъективного качества сна на основе отобранных количественных факторов, выполнить отбор значимых признаков, сравнить полную и сокращенную модели по коэффициенту детерминации, МЅЕ и системному эффекту, проверить целесообразность исключения факторов по критерию Фишера и оценить выполнение условий Гаусса—Маркова для корректности оценок.

**Постановка задачи:** с помощью средств MS Excel построение линейной многофакторной модели с отбором значимых факторов и выполнить оценку соответствия модели условия Гаусса-Маркова.

#### Исходный датасет:

Был взят датасет «Screen Time vs Mental Wellness Survey - 2025» с сайта Kaggle. Этот набор данных содержит информацию, полученную от 400 участников опроса, о том, как их ежедневное использование экранов влияет на психическое благополучие. В связи с растущей распространенностью цифровых устройств в нашей жизни понимание связи между временем, проведенным за экраном, качеством сна, стрессом и продуктивностью становится важнейшей областью исследований в области науки о данных, психологии и общественного здравоохранения. Пустые значения отсутствуют.

В качестве факторов (х1, х2, х3, х4) были взяты:

- X1 возраст
- X2 экранное время, потраченное на работу/учебу в день в среднем
- X3 экранное время, потраченное на развлечение (видео, игры, социальные сети и т.д.) в день в среднем
  - X4 среднее время сна за ночь

В качестве зависимого параметра (у) была взята субъективная оценка качества сна респондентов (где 1 – очень плохо, 5 – очень хорошо)

## 1. Первая линейная регрессия (по всем факторам)

	m4	m3	m2	m1	b
Коэфф	0,451	-0,025	-0,015	-0,004	-1,442
SE	0,032	0,013	0,014	0,003	0,287
R^2; SE_y	0,386	0,514	#Н/Д	#Н/Д	#Н/Д
F; df	62,173	395,000	#Н/Д	#Н/Д	#Н/Д
SSreg; Ssresid	65,602	104,196	#Н/Д	#Н/Д	#Н/Д

Коэффициент детерминации		0,386352712	
Средняя квадратическая ошибка			0,263786773
Показатель си	истемного	эффекта	
факторов			-86,16091705
Мера мультиколлинеарности		-0,052011458	

Полная модель использует четыре фактора: возраст, экранное время для работы, экранное время для развлечений и часы сна, при этом главный вклад дает продолжительность сна (положительный коэффициент около 0,451), а развлекательное экранное время связано с меньшей оценкой сна (отрицательный коэффициент около -0,025), тогда как возраст и рабочее экранное время имеют намного более слабые эффекты (около -0,004 и -0,015 соответственно). Метрики качества у полной модели умеренные:  $R^2 \approx 0,386$  и MSE  $\approx 0,264$ , то есть модель объясняет заметную, но не основную часть разброса субъективной оценки качества сна по шкале 1-5. В отчете также зафиксированы «системный эффект факторов» около -86,16 и «мера мультиколлинеарности» около -0,052, что означает перекрытие парных связей факторов с целевой переменной и отражает то, что часть «вклада» факторов в оценку сна у данных пересекается между собой

## 2. Матрица корреляций

	x1	<i>x</i> 2	х3	<i>x4</i>	у
<b>x</b> 1	1				
x2	0,07444263	1			
<b>x</b> 3	0,01303851	-0,2864136	1		
<b>x4</b>	0,05350326	-0,1332431	-0,2557467	1	
у	-0,0178161	-0,1008538	-0,2245234	0,61438142	1

Корреляции с целевой переменной показывают простую картину: самая сильная связь у часов сна (у и х4 – 0,61), связь с развлечениями умеренно отрицательная (у и х3 – -0,22), тогда как возраст и рабочее экранное время связаны с оценкой сна слабо по модулю. Между самими факторами связи невысокие, что говорит о том, что факторы в целом не «дублируют» друг друга напрямую, а конкуренция за объяснение оценки сна возникает изза пересечения их индивидуальных связей с целевой переменной. Такая структура логично согласуется со знаками и относительной величиной коэффициентов в полной модели: больше сна — выше оценка, больше развлечений — ниже оценка, а возраст и рабочие экраны почти не меняют картину в линейной постановке. Были отобраны факторы х3 и х4, поскольку их влияние на зависимый параметр гораздо выше, при этом друг с другом все факторы коррелируют слабо, что позволяет отбирать и рассматривать любые группы.

### 3. Вторая линейная регрессия (с факторами х3 и х4)

	m2	m1	b
Коэфф	0,456	-0,021	-1,656
SE	0,031	0,012	0,254
R^2; SE_y	0,382	0,514	#Н/Д
F; df	122,866	397,000	#Н/Д
SSreg; Ssresid	64,918	104,880	#Н/Д

Коэффициент детерминации	0,382324826
Средняя квадратическая ошибка	0,264180606
Показатель системного эффекта факторов	-91,732
Мера мультиколлинеарности	-0,046

Сокращенная модель оставляет два наиболее информативных фактора - часы сна и развлекательное экранное время - при этом коэффициенты по смыслу остаются такими же: положительный при часах сна (около 0,456) и отрицательный при развлечениях (около -0,021). По метрикам качество практически не меняется:  $R^2 \approx 0,382$  и MSE  $\approx 0,264$ , то есть по точности описания оценок сна сокращенная модель близка к полной. В отчете «системный эффект факторов» для сокращенной модели около -91,732, а «мера мультиколлинеарности» около -0,046, что указывает на сохраняющееся перекрытие парных связей с целевой переменной, но уже без слабых факторов, практически не влияющих на итоговые метрик.

### Критерий Фишера:

D4	0,38635271
D2	0,38232483
F1	1,296
f1	2
f2	395
tкp	3,04
Уровень значимости	0,95

F1 < t, следовательно гипотеза о том, что исключенные факторы не влияют на у не опровергается, а значит исключение факторов х1 и х2 является целесообразным.

#### Сравнение моделей

Различия метрик между полной и сокращенной спецификациями малы:  $R^2$  снизился  $c \approx 0.386$  до  $\approx 0.382$ , а MSE изменился  $c \approx 0.2638$  до  $\approx 0.2642$ , то есть качество описания практически сохранилось. По расчету критерия Фишера получено, что в интерпретации отчета подтверждает целесообразность исключения x1 и x2.

## 4. Условия Гаусса-Маркова

## Случайность остатков:

K		261
$\frac{2n-1}{3}-2$	$\frac{16n-29}{90}$	249,5061067

#### Независимость остатков

d	1,59
dl	1,728
dh	1,81

# Критерий Стьюдента:

p	0,95
f	395
t	7,2695
tкp	1,9799

Случайность остатков по критерию поворотных точек подтверждена, что согласуется с предпосылкой случайного характера последовательности ошибок. Критерий Дарбина—Уотсона дал d  $\approx$  1,59 < dl, что указывает на положительную автокорреляцию остатков.

Коэффициенты асимметрии и эксцесса

Коэффициент асимметрии	3,571303517
Коэффициент эксцесса	13,72955822
Sa (стандартное отклонение коэфф)	0,014776953
Se (стандартное отклонение коэфф)	0,057795762

Проверка равенства суммы остатков нулю по критерию Стьюдента показала  $t \approx 7,27$  > tkp, что отвергает гипотезу о нулевой сумме ошибок. Коэффициенты асимметрии  $\approx 3,57$  и эксцесса  $\approx 13,73$  с учетом стандартных ошибок указывают на отклонение от нормальности распределения остатков

#### Почему такие значения

Зависимая переменная — субъективная порядковая оценка качества сна по шкале 1—5, что ограничивает достижимую долю объясненной дисперсии линейной моделью и согласуется с умеренными значениями коэффициента детерминации в обеих спецификациях. Основной вклад объяснения связан с продолжительностью сна и противоположным по знаку влиянием развлекательного экранного времени, тогда как

возраст и рабочее экранное время показывают существенно меньшую линейную связь с субъективной оценкой.

## Вывод

Сокращенная линейная модель с факторами x3 и x4 сохраняет метрики качества на уровне полной модели и, по расчету критерия для сравнения моделей, подтверждает целесообразность исключения слабых факторов x1 и x2. Диагностика остатков указывает на положительную автокорреляцию и ненормальность, что отражает особенности данных с субъективной шкалой.