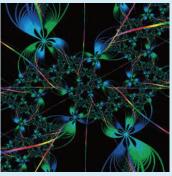
# 工学/自然システムの 諸問題に対する 数理工学による解法探求

高度情報化社会とよばれる現代社会においては、 大規模で複雑なシステムをモデル化して解析を行い、制御、設計、 そして運用するという状況がいたるところに現れます。 そこでは、情報、電気、機械、化学など個々の専門知識を 身に付けているだけでなく、一見異なるように見える 様々な問題に共通する数理的な構造を解明し、さらに問題解決の ための数理的な手法を開発することが非常に重要となります。 このような観点に立ち、私たち数理工学コースの7つの研究室では、 数理解析・離散数理・最適化数理・制御システム論・応用数理モデル(連携)・ 物理統計学・力学系数理の最先端の研究を進めています。





# べき乗則の普遍性とリスク指標の確立 ―超一般化中心極限定理の発見とそれから―

世界はべき乗側が溢れています。何故でしょうか?そんな数理的疑問から私達の旅は 出発しました。ガウス分布と異なるべき乗則は、非対称性を持つことがあり驚くほど多彩で す。そんなべき乗則の数理的根拠は、ランダムな変数の和がガウス分布に収束するという 中心極限定理の一般化に遡ります。数理的根拠を突き詰めつつ、世界に溢れるデータか らべき乗則を精度よく推定するアルゴリズムを構築し、金融市場のリアルタイムリスク指標 につながるデータ解析手法を新たに開発してきました。べき乗則は金融市場だけでなく、 宇宙の物理現象など様々なところに現れます。べき乗則は、統計物理学、確率論、カオ ス理論、宇宙論、金融市場、脳科学、数論(リーマンゼータ関数)といった様々な分野を 解明する共通の数理的概念です。皆さんも、私達の旅に参加してみませんか?まだ、始まっ たばかりです。



大学院情報学研究科 数理工学コース教授

平成7年3月東京大学大学院理学系研究科博士課程修了(物理学専攻)。博士(理学) 平成7年4月理化学研究所基礎科学特別研究員。平成10年4月郵政省入省。通信総合 研究所(現情報通信研究機構NICT)研究官。平成12年7月郵政省通信総合研究所(CRL) 主任研究官。平成17年11月理化学研究所次世代移動体通信研究チームリーダー 平成24年4月より現職。専門は統計物理学。非線型科学。複雑系。特に、カオス理論 を通信、暗号、モンテカルロ法などに適用し、最近では電離圏異常検出アルゴリズム を構築し、大地震発生前の雷離圏異常、宇宙天気異常などを捉えるなどの防災研究を 行い、国連専門機関である(III)(国際電気通信連合)ともその社会実装に連携を開始し ている。一方、金融市場の異常を捉える方法もメガバンクの一角である金融グルー と共同研究を行っている。

# 数学とコンピュータ、最適化で問題解決

「最適化」、「最適解」などという専門用語が今では日常語として出てくるように、「最適 化」が身近になってきました。数理工学における最適化では、「ふんわりとした最適化」を コンピュータもわかる「最適化モデル」として数学的に記述し、さらに現実社会に現れる大 規模かつ複雑な最適化モデルの最適解、つまり問題解決策を与える手法を開発してい ます。

私の研究室では、主に最適解の候補が連続値で表される連続最適化を主に扱ってい ます。連続最適化は、ディープラーニングや金融工学などを支える基盤技術です。みな さんも、数理工学を駆使して、多くの方々に喜ばれる最適な社会を作り上げてみませんか。



大学院情報学研究科 数理工学コース教授

1996年3月奈良先端科学技術大学院大学情報科学研究科博士課程修了。1996年4月日 本学術振興会PD。1997年8月京都大学大学院工学研究科助手。2005年4月京都大学大 学院情報学研究科准教授。2014年7月より現職。専門は連続最適化。とりわけ、大規 模最適化、均衡問題、非線形方程式などに従事。

#### 概要

#### ■分野一覧

- 73 23 36			
分野名	担当教員		
数理解析	辻本 諭 教授		
離散数理	原口 和也 准教授		
最適化数理	山下 信雄 教授 福田 エレン 秀美 准教授 佐藤 寛之 特定准教授 山川 雄也 助教		
制御システム論	加嶋 健司 准教授 大木 健太郎 助教		
物理統計学	梅野 健 教授 上原 恵理香 講師 岩崎 淳 助教		
力学系数理	矢ヶ崎 一幸 教授 柴山 允瑠 准教授 山口 義幸 助教		
応用数理モデル (連携ユニット)	野中 洋一 連携教授 高橋 由泰 連携准教授(株式会社日立製作所)		

#### ■数理工学コースカリキュラム

=					
	博士(情報学)				
	博士論文				
3年	コース開設科目(セミナー4単位を含む計6単位)				
2年	数理工学特別セミナー A、B E (各2単位)	研究指導			
1年	応用数学特別セミナー E システム数理特別セミナー E 数理物理学特別セミナー E (各2単位)				

1年	ル用数字特別セミナー E ンステム数理特別セミナー E 数理物理学特別セミナー E (各2単位)	
	修士論文	
	コース開設科目(他コース開設の推奨科目を含む選択12単位以上、 ただし、コース開設科目・研究科共通科目計算科学入門を計8単位以上を含む)	研究指導科目 (必修10単位)
2年	コース専門科目 セミナー科目 数理解析特論 割散処理特論 制御システム特論 数理解析も言か 離散数理セミナー 最散数理セミナー 制御システム論セミナー 制御システム論セミナー 物理統計学セミナー カ学系数理セミナー	数理工学特別研究2 <i>E</i> (修士2年、5単位)
1年	金融工学 応用数理工学特論A 応用数理工学特論B 他コース開設の推奨科目 (以上各1単位) パターン認識特論 他11科目	数理工学特別研究1 <i>E</i> (修士1年、5単位)
	コース基礎科目(各2単位) 計画数字通論 数理物理字通論 システム解析通論	
	研究科共通科目	研究科が提供するその他科目
入学前	基礎数学 基礎事項を 修得している 協用数学 システム数理 接続数字 後得している 数値解析、グラフ理論など 制御理論など	数理物理学 古典力学、微分方程式、 統計力学など

※Eと記された科目は英語だけでも修得可

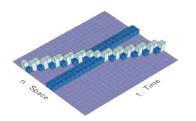
# 数理解析分野

#### 可積分系によるアルゴリズム開発

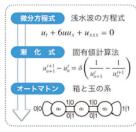
現代のソリトン研究、可積分系研究では、直交多項式や特 殊関数などの可積分系に関係の深い応用解析の研究だけで 分野は、この研究領域のパイオニアとして、可積分系による なく、可積分系研究で開発された数理的手法が、アルゴリズ ム開発や数値計算法など、従来可積分系とは無関係とみら

れてきた様々な問題に適用されるようになってきました。本 アルゴリズム開発などコンピュータサイエンスを視野にいれ た新しい数学「可積分系の応用解析」を研究しています。

[辻本 諭]



超離散ソリトンの相互作用



連続・離散・オートマトンをつなぐ理論

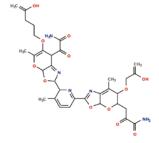
# 離散数理分野

#### 離散数学の問題の複雑さの解明とアルゴリズムの開発

システムを表現するグラフ・ネットワーク、生産の効率化 を計るスケジューリング、大量のデータの論理的解析など、 離散数学の話題は応用と密着しています。本分野ではこれら 問題に対する計算の複雑さの解明、厳密アルゴリズム、近似

アルゴリズムの理論的設計、タブー探索、遺伝アルゴリズム などのメタヒューリスティクスの開発および現実問題への適 用を目指しています。 [原口 和也]





燃焼熱が、ある目標値を持つと期待される化合物の構造式。 化合物データベースから学習した予測モデルの逆問題を、 混合整数最適化問題として定式化し解くことで構築した。

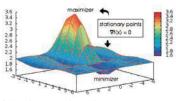
幅が固定された箱に矩形を重複なく 詰め込み、高さを最小化するパズル。

#### 概要

#### 最適化数理分野

#### 最適化は問題解決のキーワード

現実の様々な問題を解決するための数理的な方法論 として非常に重要な役割を果たしている最適化の理論 と手法について教育・研究します。特に、数理計画の 基礎理論の研究とともに、現実の大規模システム、複雑 な非線形システム、不確実性を含むシステムなどに対 する新しい数理最適化のアプローチの開発を行います。 [山下 信雄・福田 エレン 秀美・佐藤 寛之・山川 雄也]



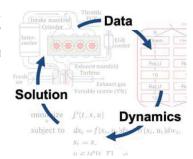
無制約最適化問題の最大解と最小解

#### 制御システム論分野

#### 制御とモデリングへの数理的アプローチ

発展性と実用性を重視した制御理論の構築を目標と して、制御システムのモデリング、解析、設計における 数理的手法とその応用に関する教育・研究を行います。 主な研究テーマは、確率システムの制御、量子制御理 論です。

[加嶋 健司・大木 健太郎]



制御システム設計の概念図

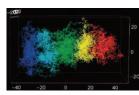
#### 物理統計学分野

#### 多要素結合ネットワーク系のダイナミクスの数理と複雑工学システム設計理論

多くの要素(ユニット)が相互作用し情報のやりとりを行う 分散通信ネットワークやスマートグリッドの様な複雑工学シ ステムの数理的解析や設計理論の構築を目標とします。ま た、ニューラルネットワークなどの生物系ネットワーク、SNS などのソーシャルメディア、経済現象に生起する複雑多様な 現象の数理的、統一的理解とシステム設計理論の構築をめ ざします。例えば、ニューラルネットワークにおける情報処理、

インターネットや分散ネットワーク、無線ネットワークなどの 情報通信システムのシステム評価、高速モンテカルロ計算ア ルゴリズム、価格・株価変動等の経済現象の動的性質を、 統計物理学、確率過程理論、力学系理論、エルゴード理論、 計算機実験、大規模データ処理技術等を用いて解析します。 「梅野 健・上原 恵理香・岩崎 淳]





信号解析・多重通信システムに 適用可能なカオス符号パターン

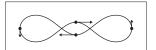
ランダムなネットワークの両端に外場を与えて伸長させるときの 頂点の分布をグラフラプラシアンから計算する。

## 力学系数理分野

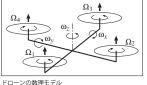
#### 力学系理論に基づいたシステムの数理

力学系理論の手法を用いて、自然科学や工学分野等に現れるさまざまなシス テムで起こるカオスや分岐等の複雑現象を解明し、さらに応用して新たな工学技 術を創生することを目標とします。その目標のため、従来の理論に留まらず、力学 系の革新的な理論の構築に挑戦します。また、精度保証計算や大規模数値シミュ レーション等の数値的な手法も用いて、力学系や微分方程式の非可積分性、偏 微分方程式でモデル化される非線形波動、古典力学のn体問題における周期運 動、多体系の運動論の問題、さらにロケットの軌道設計やドローンのような飛翔 体の運動や制御にも取り組みます。

[矢ヶ崎 一幸・柴山 允瑠・山口 義幸]



変分法により存在が示された4体問題の超8の字解



### 応用数理モデル連携ユニット

### 情報システムに知を吹きこむ(連携:日立製作所)

情報システムをくらしや産業に役立たせるには、システムが扱う人々の行動 やモノの運動特性を数理的にモデル化することが不可欠です。モデルの形は、 概念的なものから精緻な数値モデルまで多岐にわたりますが、人間の知識の活 用方法(構造化モデリング)や実データの活用方法(多変量解析)など、さまざま なモデル作りの方法論を産業界の実例で研究しています。

[株式会社日立製作所連携:野中 洋一・高橋 由泰]



社会基盤分野のモデリング