

September Aflevering.

## Opgave 1

En funktion  $f$  er givet ved følgende forskrift

$$f(x) = 2x + 3.$$

Angiv funktionsværdierne af -3, -2, 0 og 4.

$$F(-3)=2(-3)+3=-6+3=-3$$

$$F(-2)=2(-2)+3=-4+3=-1$$

$$F(4)=2(4)+3=8+3=11$$

$$F(0)=2(0)+3=0+3=3$$

## Opgave 2

Bestem  $f(g(x))$  og  $g(f(x))$ , når

a.  $f(x) = 2x + 4$  og  $g(x) = x + 3$ ,

b.  $f(x) = 2$  og  $g(x) = \frac{1}{2}x - 5$ ,

c.  $f(x) = x^2 + x$  og  $g(x) = -x + 2$ .

a.  $F(g(x))=f(x+3)=2(x+3)+3=2x+6+9=2x+15$   
 $G(f(x))=g(2x+4)=2x+4+3=2x+7$

b.  $F(g(x))=f(1/2x-5)=2$   
 $G(f(x))=g(2)=1/2*2-5=-4$

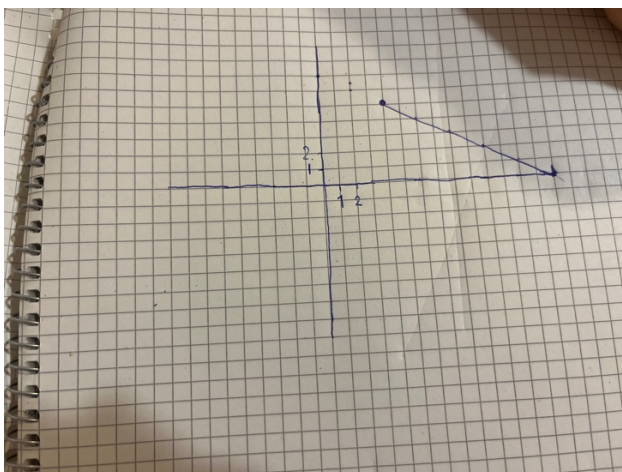
c.  $F(g(x))=f(-x+2)=(-x+2)^2+(-x-2)=-x^2+4-x-2=-x^2-x+2$   
 $G(f(x))=g(x^2+x)=-(x^2+x)+2=-x^2-x+2$

## Opgave 3

Angiv forskrifter for funktioner  $f$  og  $g$ , så

- a.  $f(g(x)) = (x - 1)^2$
- b.  $f(g(x)) = \sqrt{x - 2}$
- c.  $f(g(x)) = (2x + 1)^2 - 2$
- d.  $f(g(x)) = \sqrt{x^2 + 2x}$ .

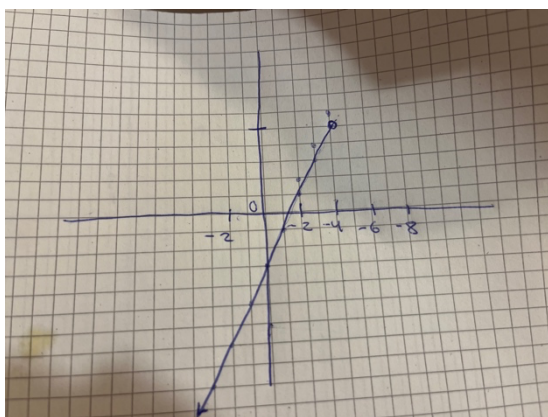
- a.  $G(x)=x-1$   
 $F(x)=x^2$
- b.  $G(x)=x-2$   
 $F(x)=\sqrt{x}$
- c.  $G(x)=2x+1$   
 $F(x)=x^2-2$
- d.  $G(x)=x^2+2x$   
 $F(x)=\sqrt{x}$



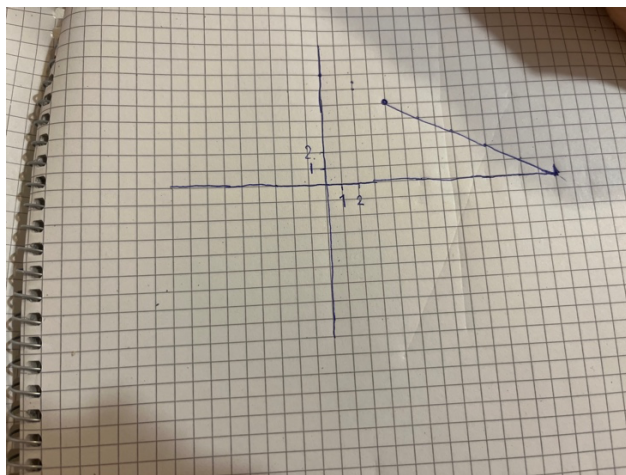
## Opgave 4

Tegn grafen for følgende funktion

$$f(x) = \begin{cases} 2x - 3, & \text{når } x \leq 4, \\ -\frac{1}{2}x + 7, & \text{når } x > 4. \end{cases}$$



$$F(x) = 2x - 3, \text{ når } x \leq 4,$$



$$F(x) = -\frac{1}{2}x + 7, \text{ når } x > 4.$$

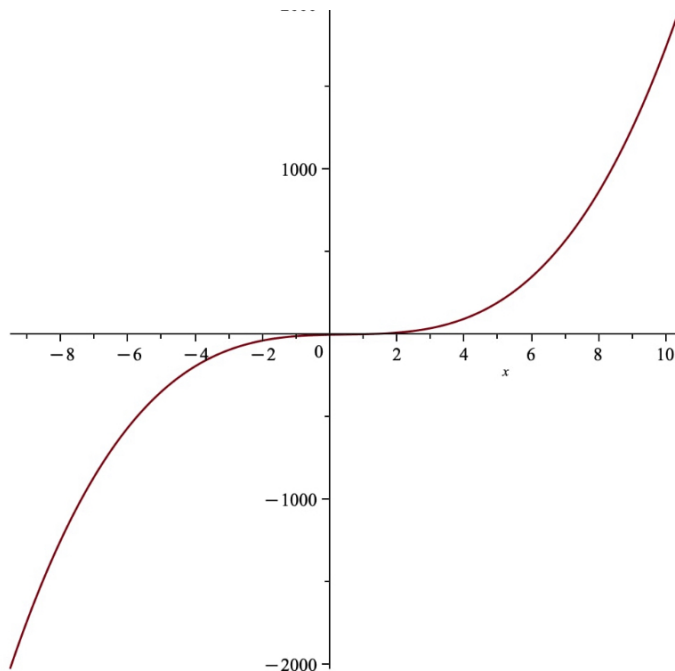
## Opgave 5

En funktion  $f$  er givet ved følgende forskrift

$$f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 4x - 5, \quad -3 \leq x \leq 3.$$

- Tegn grafen for  $f$ .
- Angiv  $x$ -intervallet, hvor  $f$  er defineret. (Dette kaldes også *definitionsområdet* for  $f$ .)
- Angiv funktionens skæringspunkter med  $x$ -aksen (når  $f(x) = 0$ ), og tegn ind på grafen.
- Angiv funktionens skæringspunkt med  $y$ -aksen (når  $x = 0$ ), og tegn ind på grafen.
- Angiv funktionens lokale minima - toppunkter i "glade smileys" - og tegn ind på grafen.
- Angiv funktionens lokale maxima - toppunkter i "sure smileys" - og tegn ind på grafen.
- Angiv funktionens globale minimum og maksimum, og tegn ind på grafen.
- Angiv  $y$ -intervallet for funktionen. (Dette kaldes også *værdimængden* for  $f$ .)
- Bestem funktionens *monotoniforhold*: i hvilke  $x$ -intervaller er funktionen aftagende hhv. voksende?

**a.**



**b.**  $[-3; x[ \cup ]x; 3]$

**$f(0)$  er der hvor den skærer y-aksen.**

**Vi skal finde rødderne ved at finde diskriminanten, samt nulpunktsformlen.**

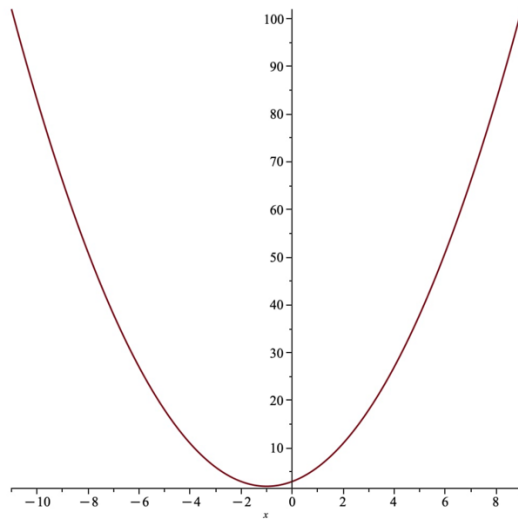
Udfyld et skema som nedenstående for funktionen  $f(x) = x^2 + 2x + 3$ .

$x$	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$f(x)$									

- Afsæt punkterne i et koordinatsystem, og tegn grafen.
- Angiv definitionsområdet og værdimængden for  $f$ .
- Angiv om  $f$  er kontinuert eller ikke-kontinuert.

Min fremgangsmåde:

[illegible]



- a.
- b.  $Dm = ]-\infty; \infty[$ ,  $Vm = [2; \infty[$
- c. Den er kontinuert, fordi den ikke er usammenhængende eller har noget "spring" i funktionen.