

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования

**Национальный исследовательский ядерный  
университет «МИФИ»**

**ИНСТИТУТ ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ КИБЕРНЕТИЧЕСКИХ  
СИСТЕМ**

Направление подготовки: 01.03.02 Прикладная математика и информатика

### **ПРОЕКТНАЯ ПРАКТИКА**

Пояснительная записка к проекту  
**«Моделирование передачи данных в оптических сетях и повышение  
эффективности существующих сетей»**

Выполнили:  
Соболь К.А., Б19-511

Научный руководитель:  
Кочанов Марк Борисович, должность

Москва, 3 июня 2020 года

## 1. Оглавление:

1. Оглавление:.....	2
2. Введение: .....	3
3. Аналитическая часть: .....	4
4. Теоретическая часть: .....	5
5. Практическая часть:.....	5
6. Экспериментальная часть: .....	6
7. Заключение: .....	9
8. Список литературы: .....	10
9. Приложения: .....	11

## 2. Введение:

- В современном мире большая часть высокоскоростного интернета передается посредством волоконно-оптической связи. Это способ передачи информации, использующий в качестве носителя информационного сигнала электромагнитное излучение оптического (ближнего инфракрасного) диапазона, а в качестве направляющих систем — волоконно-оптические кабели. Благодаря высокой несущей частоте и широким возможностям мультиплексирования пропускная способность волоконно-оптических линий многократно превышает пропускную способность всех других систем связи и может измеряться терабитами в секунду. Малое затухание света в оптическом волокне позволяет применять волоконно-оптическую связь на значительных расстояниях без использования усилителей. Волоконно-оптическая связь свободна от электромагнитных помех и труднодоступна для несанкционированного использования: незаметно перехватить сигнал, передаваемый по оптическому кабелю, технически крайне сложно.
- В основе волоконно-оптической связи лежит явление полного внутреннего отражения электромагнитных волн на границе раздела диэлектриков с разными показателями преломления. Оптическое волокно состоит из двух элементов — сердцевины, являющейся непосредственным световодом, и оболочки. Показатель преломления сердцевины несколько больше показателя преломления оболочки, благодаря чему луч света, испытывая многократные переотражения на границе сердцевина-оболочка и распространяется в сердцевине, не покидая её.
- Частота информационного сигнала в оптических сетях находится в пределах ближнего инфракрасного (100 – 400 ТГц) диапазона, т.к. именно в этих пределах достигается наименьшее затухание.  
В силу сложной квадратурной модуляции скорость передачи информации зависит от длины диапазона частот, по которым происходит передача сигнала.
- Понятно, что систему оптических сетей можно представить в виде графа, где вершины – являются некими отправителями и принимающими информационный сигнал, а дуги между ними – это кабель сети с определенными частотами и длиной. На этом этапе возникает проблема передачи данных в оптических сетях. А именно необходимо разработать такой алгоритм, благодаря которому вся эта сложная система будет взаимодействовать между собой.  
Как уже было сказано, сигнал должен передаваться по определенным частотам(срезам), которые еще и должны быть смежные. Т.е. от одной вершины(отправителя) к другой вершине(получателя) срезы должны остаться неизменными на всем пути, а также покрывать объем запроса, который необходимо обработать, а также быть наиболее оптимальными с точки зрения длины пути.

### 3. Аналитическая часть:

В статье <https://arxiv.org/pdf/1904.06994.pdf> представлен адаптированный алгоритм Дейкстры для оптических сетей. А также сравнение его эффективности с другими существующими алгоритмами для данной задачи. Сравнение эффективности алгоритм происходит не на реальных условиях, а на специально подобранных значениях входных данных. К сожалению для проверки по этим данным в статье использовали суперкомпьютер и проверить эффективность самому довольно затруднительно.

В оптических сетях принято делить весь диапазон частот света на каналы с диапазоном примерно в 25 – 50 ГГц. Но в условиях эластичных оптических сетей мы имеем дело с динамическим трафиком, когда соединение не длится долго. Кроме того, учитывая растущие оптические сети, постоянно растущую потребность в полосе пропускания и гибкости соединения, которая еще больше возрастает из-за требований беспроводных сетей пятого поколения (5G).

В статье было предложено разделить каналы на так называемые срезы шириной по 6,25 ГГц, тем самым повысив эластичность сети (т.к. для обработки небольшого запроса будет выделяться небольшой срез, в отличие от целого канала)

За основу алгоритма в статье взят алгоритм Дейкстры. Только вот сравнение вершим происходит по меткам, которые содержат в себе длину пути и диапазон доступных срезов.

На рис. 1 представлен псевдокод алгоритма.

---

**Algorithm 1**  
In:  $G = (V = \{v_i\}, E = \{e_i\}), W(e_i), S(e_i), l, d = (s, t, n)$   
Out:  $p = (e_1, ..., e_i, ..., e_l), \Sigma = \{\sigma_i\}$

---

```
 $L_s = \{(0, e_0, \Omega)\}$ 
push  $(0, e_0)$  to  $Q$ 
while  $Q$  is not empty do
   $q = (c, e) = \text{pop}(Q)$ 
   $v = e.target$ 
  if  $v == t$  then
    break the while loop
  end if
   $SSSC = \{l.SSC : l \in L_v \text{ and } l.c == c \text{ and } l.e == e\}$ 
  for all  $S \in SSSC$  do
    for all  $e' \in \text{outgoing edges of } v$  do
       $S' = S \cap S(e')$ 
       $c' = c + W(e')$ 
      if  $c' \leq m$  and  $S'$  can support  $d$  then
         $v' = e'.target$ 
         $l' = (c', e', S')$ 
        if  $\nexists l \in L_{v'} : l \leq l'$  then
           $L_{v'} = L_{v'} \setminus \{l : l \in L_{v'} \text{ and } l' \leq l\}$ 
           $L_{v'} = L_{v'} \cup \{l'\}$ 
          push  $(c', e')$  to  $Q$ 
        end if
      end if
    end for
  end for
end while
return  $(p, \Sigma) = \text{trace}(L, s, t)$ 
```

---

Рис. 1 псевдокод алгоритма предложенного в статье

#### 4. Теоретическая часть:

Адаптированный алгоритм Дейкстры для оптических сетей. Показательное распределение и распределение Пуассона, триангуляция Делоне и граф Габриэля.

#### 5. Практическая часть:

При реализации алгоритма был сделан класс вершин и класс ребер. Также пригодилась бинарная куча для взятия минимального элемента.

Также в процессе написания проекта я сделал генератор случайных чисел на основе плотности вероятности (а именно показательного распределения и распределения Пуассона). Для проверки эффективности были еще реализованы генераторы триангуляции Делоне и графа Габриэля.

А также множество мелких функций.

## 6. Экспериментальная часть:

### Проверка алгоритма:

- Граф строится на 100 вершинах
- Граф – это граф Габриэля
- Каждое ребро содержит 400 слотов
- Каждый день по {10, 12.5, 15, 17.5, 20, 25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60, 70, 80, 90, 100, 150, 200, 300, 400, 500, 600, 700, 800, 900, 1000} запросов распределенные при помощи показательного распределения
- Количество занимаемых слотов – 10 по распределению Пуассона
- Вершины, на которых строится запрос выбираются случайно
- Существование запроса: 10 часов распределенные при помощи показательного распределения

Probability – вероятность установления соединения (т.е. пути в согласно условиям)

Time – время установления соединения

Length – длина установленного соединения

Slice – количество занимаемых слотов

Utilization – заполненность графа по отношению к занимаемым слотам

Сравнение моих результатов с результатами в статье:

Общий результат представлен в виде строки – Name, Time, Utilization, Success, Length, Range, Way.

На основе которых строятся графики:

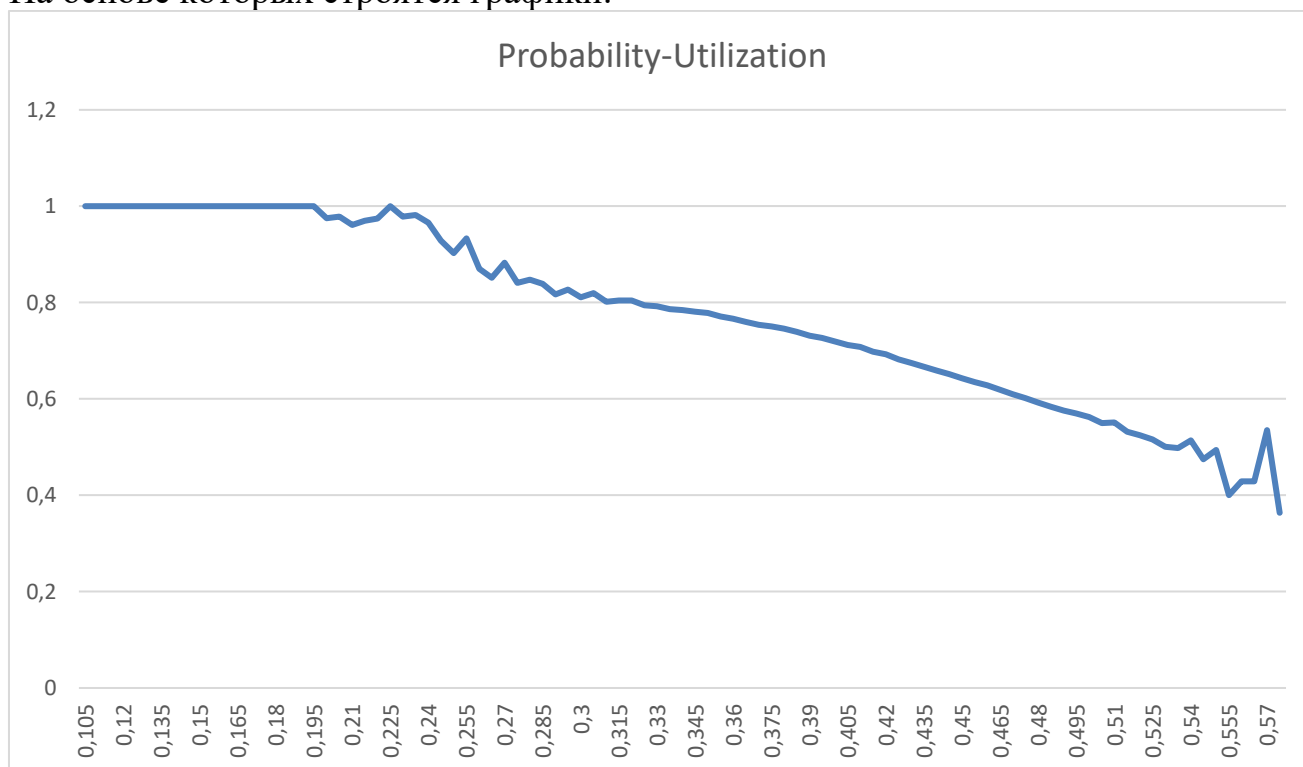


Рис. 2 Probability-Utilization (мой результат)

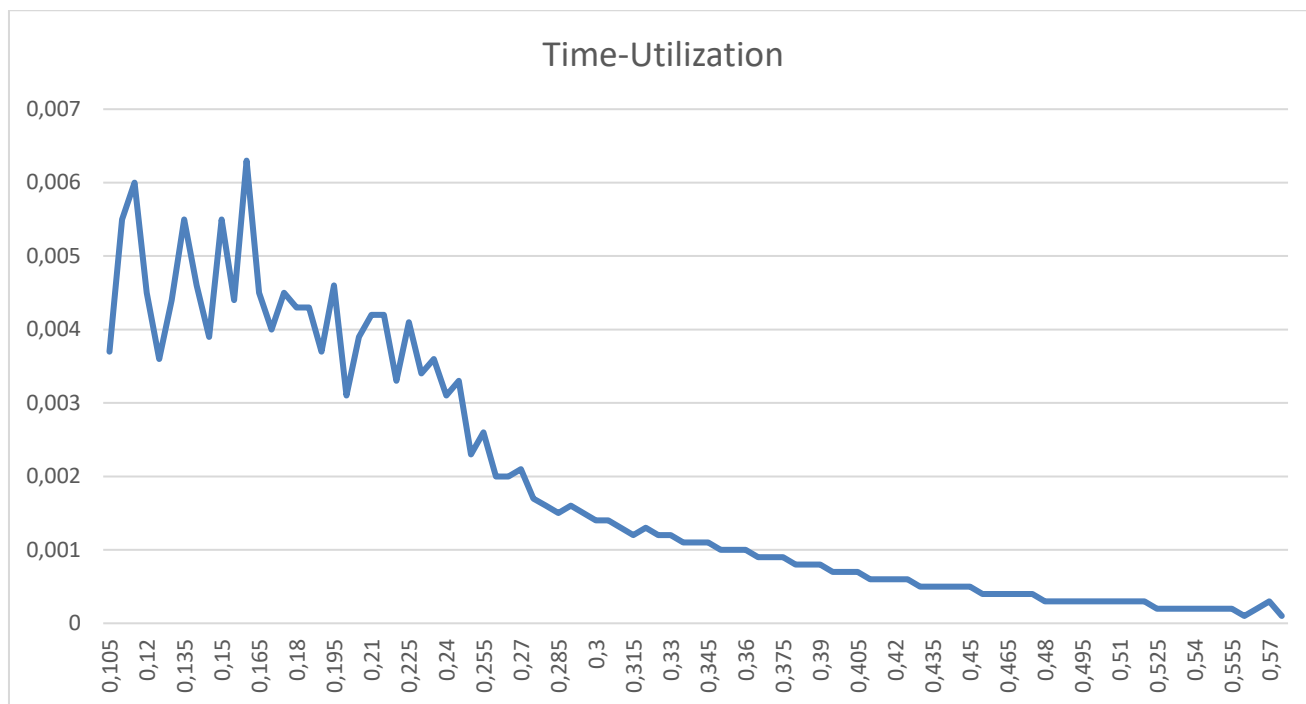


Рис. 3 Time-Utilization (мой результат)

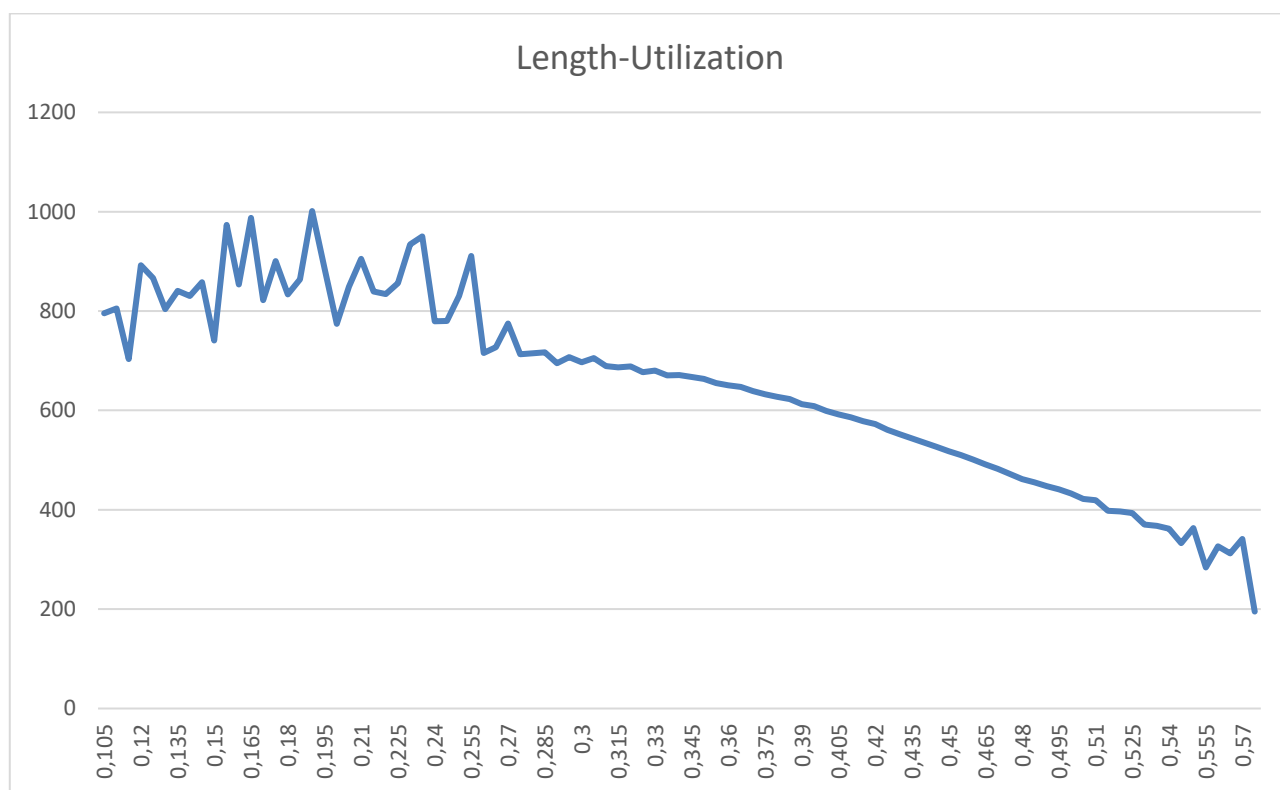


Рис. 4 Length-Utilization (мой результат)

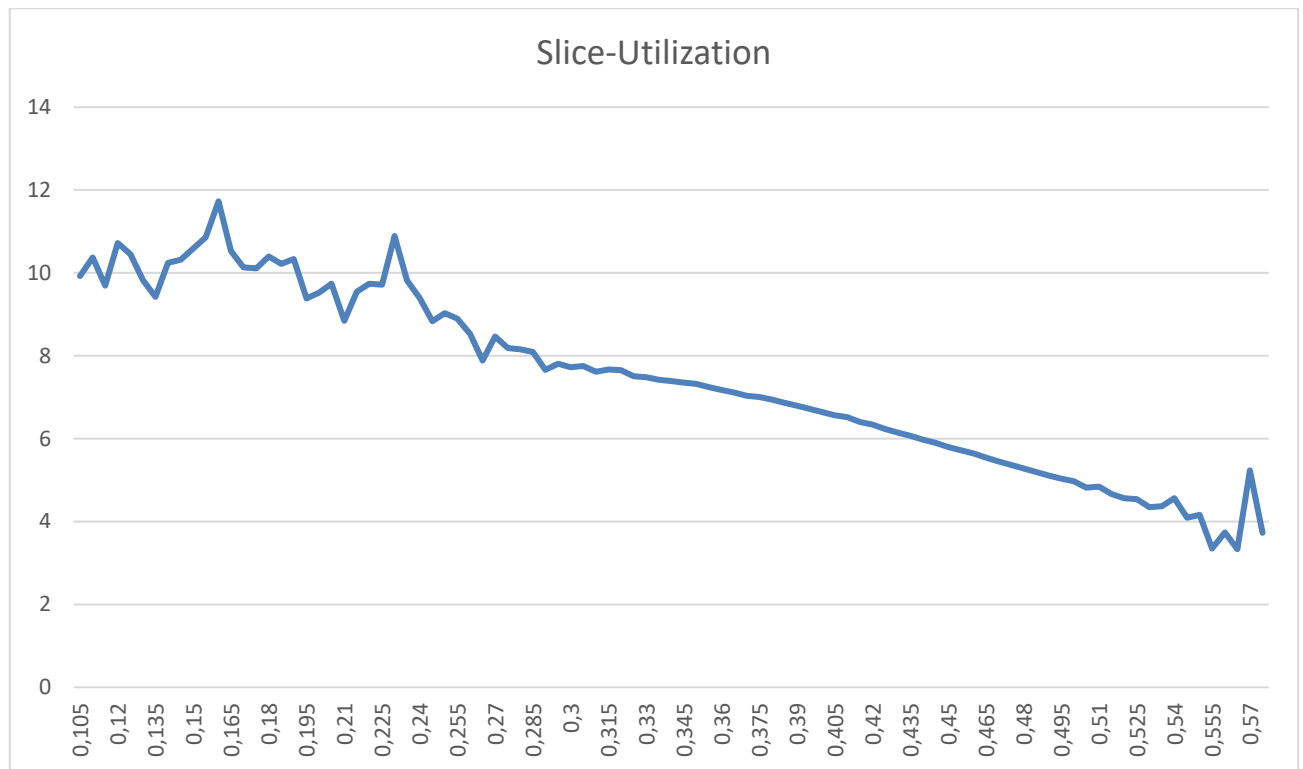


Рис. 5 Slice-Utilization (мой результат)

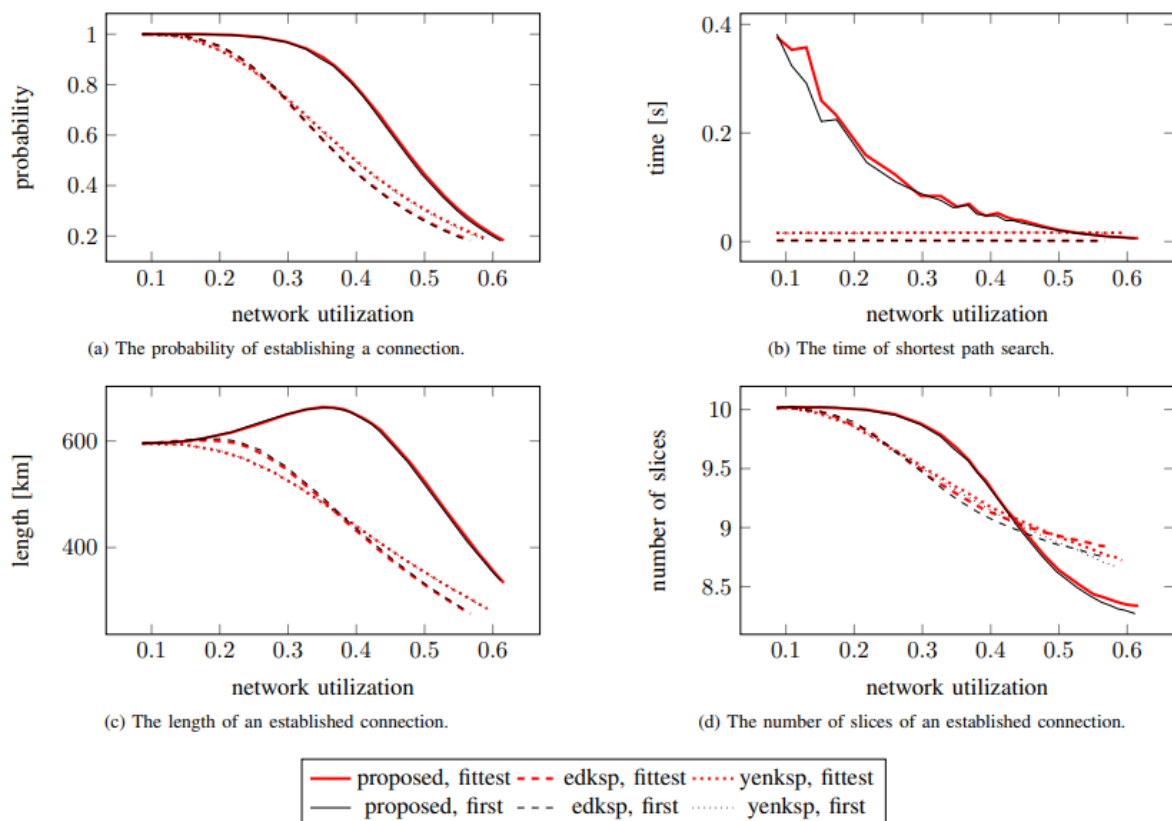


Рис. 6 (результаты из статьи)

Разность результатов возможно вызвана тем, что я тестировал алгоритм на графе Габриэля из 30 вершин, а в статье на графе из 100 вершин.



## 7. Заключение:

- В процессе разработки проекта было сделано:
  - ✓ Бинарная куча
  - ✓ Поиск Дейкстры
  - ✓ Поиск Йена
  - ✓ Адаптированный поиск Дейкстры для оптической сети
  - ✓ Моделирование работы алгоритмов (наиболее приближенной к реальным условиям):
    - Триангуляция Делоне
    - Граф Габриэля
    - Показательное распределение
    - Распределение Пуассона
- Ожидается:
  - ✓ Адаптированный алгоритм Йена для оптической сети (идейно уже готов)
  - ✓ Сравнение алгоритмов (с помощью мощного компьютера)

По отношению к графикам результатов можно заметить, что начиная с загрузки в 0,27 по 0,54 все графики имеют вполне стабильный вид. Понятия не имею чем это вызвано (может быть даже работой моего компьютера при проверке работы алгоритма).

В общем и целом, если смотреть с большим оптимизмом, то мои результаты и результаты из статьи немного похожи.

Возможно если бы проверка осуществлялась на графе из 100 вершин, то графики совпадали бы еще больше.

8. Список литературы:

- 1) Szcześniak, Ireneusz, and Bożena Woźna-Szcześniak. "Adapted and constrained Dijkstra for elastic optical networks." *2016 International Conference on Optical Network Design and Modeling (ONDM)*. IEEE, 2016.
- 2) Ahuja, R. K., Thomas L. Magnanti, and James B. Orlin. "Network flows: Theory, algorithms and applications." *New Jersey: Rentice-Hall* (1993).
- 3) Velasco, Luis, et al. "Solving routing and spectrum allocation related optimization problems: From off-line to in-operation flexgrid network planning." *Journal of Lightwave Technology* 32.16 (2014): 2780-2795.
- 4) Zhang, Guoying, et al. "A survey on OFDM-based elastic core optical networking." *IEEE Communications Surveys & Tutorials* 15.1 (2012): 65-87.
- 5) Wan, Xin, et al. "Dynamic routing and spectrum assignment in flexible optical path networks." *2011 Optical Fiber Communication Conference and Exposition and the National Fiber Optic Engineers Conference*. IEEE, 2011.
- 6) Cetinkaya, Egemen K., et al. "On the fitness of geographic graph generators for modelling physical level topologies." *2013 5th International Congress on Ultra Modern Telecommunications and Control Systems and Workshops (ICUMT)*. IEEE, 2013.

## 9. Приложения:

А.

Реализованный алгоритм:

```
public void Algo(Vertex start, Vertex end, double max_distance, int min_diaposon)
{
    Reset_Label();
    bool check;
    BinaryHeap Heap_Priority = new BinaryHeap();
    Vertex pointer_vertex = start;
    var edge_start = new Edge(start, start, All_Slots);
    var pointer_heap = new Edge_Distance(edge_start, 0);
    Heap_Priority.Add_To_Heap(pointer_heap);
    List<int[]> list_range = new List<int[]>();

    start.Labels.Add(new Label(0, edge_start, All_Slots));
    while (Heap_Priority.Edges_Sort.Count != 0)
    {
        pointer_heap = Heap_Priority.Get_Min();
        pointer_vertex = pointer_heap.Edge.To;

        list_range = new List<int[]>();

        foreach (var label in pointer_vertex.Labels)
        {
            if (label.Distance == pointer_heap.Distance && label.Previous_Edge.From == pointer_heap.Edge.From &&
label.Previous_Edge.To == pointer_heap.Edge.To)
            {
                list_range.Add(label.Slots);
            }
        }

        foreach (var range in list_range)
        {
            foreach (var outedge in pointer_vertex.OutEdge)
            {
                if (outedge.Slots.Length == 0)
                {
                    continue;
                }
                int[] cross = Cross_Range(range, outedge.Slots);
                double distance = pointer_heap.Distance + outedge.Weight;

                if (distance < max_distance && Max_Diaposon(cross).Length >= min_diaposon)
                {
                    var vertex = outedge.To;
                    var label_add = new Label(distance, outedge, cross);

                    var remove_label = new List<Label>();

                    check = true;
                    foreach (var label_vertex in vertex.Labels)
                    {
                        if (distance >= label_vertex.Distance && Comparison_Mas(cross, Cross_Range(cross, label_vertex.Slots)) ==
true)
                        {
                            {
                                check = false;
                                break;
                            }
                        }
                        if (distance <= label_vertex.Distance && Comparison_Mas(label_vertex.Slots, Cross_Range(cross,
```

```

label_vertex.Slots)) == true)
    {
        remove_label.Add(label_vertex);
    }
}

if (check)
{
    foreach (var label_del in remove_label)
    {
        vertex.Labels.Remove(label_del);
    }
    vertex.Labels.Add(label_add);
    Heap_Priority.Add_To_Heap(new Edge_Distance(outedge, distance));
}
}
}
}
}
}

```