6. Übungsblatt zur Vorlesung Statistische Methoden der Datenanalyse Abgabe: 29.11.2018 23:59

Zeit	Raum	Abgabe im Moodle; Mails mit Betreff: [SMD1819]
Di. 10-12	CP-03-150	tobias.hoinka@udo.edu, felix.geyer@udo.edu
		und jan.soedingrekso@udo.edu
Di. 16-18	CP-03-150	simone.mender@udo.edu und alicia.fattorini@udo.edu
Mi. 10-12	CP-03-150	${\it mirco.huennefeld@udo.edu}~{\it und}~{\it kevin3.schmidt@udo.edu}$

Aufgabe 15: k-NN Klassifikation

7 P.

WS 2018/2019

Prof. W. Rhode

- a) Worauf müssen Sie bei einem k-NN-Algorithmus achten, wenn die Attribute sich stark in ihren Größenordnungen unterscheiden?
- b) Warum bezeichnet man den k-NN als sogenannten "lazy learner"? Wie sind die Laufzeiten für Lern- und Anwendungs-Phase? Wie sind sie im Vergleich zu anderen Algorithmen wie bspw. einer SVM?
- c) Implementieren Sie einen k-NN Algorithmus zur Klassifikation von Ereignissen. Halten sie sich hierbei an die in der beiliegenden Datei class_structure.py vorgegebenen Klassenstruktur. Die Methode predict soll dabei ein numpy array ausgeben, dass das vorhergesagte Label für jedes Sample enthält. Vorgehen: Für jedes zu klassifizierende Ereignis:
 - 1) Berechnung der Abstände zu allen Punkten des Trainingssamples.
 - 2) Bestimmung der k Trainingsevents mit dem kleinsten Abstand (Hinweis: Ermitteln Sie nur die Indizes der Ereignisse, statt das Array an sich zu sortieren).
 - Tipp: Die Python-Funktion numpy.argsort() ist hilfreich.
 - 3) Bestimmung des Labels, das in diesen Ereignissen am häufigsten vorkommt.
- d) Wenden Sie ihren Algorithmus auf das Neutrino Monte-Carlo von Blatt 5 an. Benutzen Sie die im Moodle zur Verfügung gestellte Datei NeutrinoMC.hdf5.
 - Nutzen Sie die Attribute AnzahlHits, x und y.
 - Setzen Sie k = 10.
 - Nutzen Sie je 5000 Ereignisse als Trainingsset.
 - Das Testset soll aus 20 000 Untergrund- und 10 000 Signalevents bestehen.

Bestimmen Sie Reinheit, Effizienz und Signifikanz.

e) Was ändert sich, wenn Sie log10(AnzahlHits) statt AnzahlHits nutzen?

f) Was ändert sich, wenn Sie k = 20 statt k = 10 verwenden?

Aufgabe 16: Binärer Entscheidungsbaum: Die erste Entscheidung Sie haben einen Datensatz wie er in Tabelle 1 gegeben ist. Hierbei ist

6 P.

- Temperatur: Temperatur in Grad Celsius.
- Wettervorhersage: Wetterqualität (0: schlecht, 1: normal, 2: gut).
- Luftfeuchtigkeit: Luftfeuchtigkeit in Prozent.
- Wind: Aussage, ob es gerade windig ist.
- Fußball: Lohnt es sich Fußball spielen zu gehen?

Hierbei ist das Zielattribut, welches man bestimmen will, die Entscheidung, ob es sich lohnt Fußball spielen zu gehen. In dieser Aufgabe sollen Sie zu diesem Zweck den ersten Schnitt eines $bin\ddot{a}ren$ Entscheidungsbaumes nachvollziehen.

- a) Berechnen Sie per Hand die Entropie der Wurzel (des Baumes).
- b) Berechnen Sie per Hand den Informationsgewinn, falls ein Schnitt auf dem Attribut Wind durchgeführt wird.
- c) Berechnen Sie für die verbleibenden Attribute den Informationsgewinn in Abhängigkeit von verschiedenen Schnitten und plotten Sie den Informationsgewinn in Abhängigkeit der jeweiligen Schnitte.
- d) Welches Attribut eignet sich am besten zum Trennen der Daten?

Tabelle 1: Datensatz: "Soll ich Fußballspielen gehen?"

Tabelle 1. Datensatz. "Don ten rubbanspielen genen:						
Temperatur / °C	Wettervorhersage	Luftfeuchtigkeit / $\%$	Wind	Fußball		
29,4	2	85	False	False		
26,7	2	90	True	False		
28,3	1	78	False	True		
21,1	0	96	False	True		
20	0	80	False	True		
18,3	0	70	True	False		
17,8	1	65	True	True		
22,2	2	95	False	False		
20,6	2	70	False	True		
23,9	0	80	False	True		
23,9	2	70	True	True		
22,2	1	90	True	True		
27,2	1	75	False	True		
21,7	0	80	True	False		

Aufgabe 17: Datenaufbereitung

3 P.

- a) Wie sollten nicht-numerische Datentypen wie beispielsweise Strings vor der Analyse behandelt werden müssen?
- b) Kann es hilfreich sein Attribute zu normieren? Wenn ja, wieso?
- c) Wie kann mit Lücken in den Daten oder NaNs und Infs verfahren werden?
- d) Was ist beim Zusammenführen von Datensätzen zu beachten?
- e) Welche Attribute sollten vor dem Trainieren des Klassifizierers aus dem Datensatz entfernt werden. Wie kann dabei eine Reduktion redundanter Informationen erreicht werden? Was muss speziell bei simulationsbasierten Methoden berücksichtigt werden?

Aufgabe 18: Naive Bayes: Fußball

4 P.

Der Satz von Bayes lautet:

$$P(F|W) = \frac{P(W|F) \cdot P(F)}{P(W)} \tag{1}$$

a) Beweisen Sie den Satz von Bayes (1) mit Hilfe der Definition der bedingten Wahrscheinlichkeit.

In dieser Aufgabe beschreibt F, ob Fußball gespielt wird oder nicht. W beschreibt die Wetterbedingung, welche durch vier Attribute beschrieben wird. Ihnen steht der Datensatz in Tabelle 2 zur Verfügung.

Attribut	F = ja	F = nein
Wind	schwach(6), stark(3)	schwach(2), stark(3)
Feuchtigkeit	hoch(3), normal(6)	hoch(4), normal(1)
Temperatur	$hei\beta(0), mild(6), kalt(3)$	$hei\beta(1), mild(1), kalt(3)$
Ausblick	sonnig(2), bewölkt(4), regnerisch(3)	sonnig(1), bewölkt(1), regnerisch(3)

Tabelle 2: Datensatz. (In den Klammern steht wie oft der entsprechene Wert gemessen wurde.)

b) Die Wetterbedingungen des heutigen Tages finden Sie in Tabelle 3. Wie hoch ist die Wahrscheinlichkeit, dass heute Fußball gespielt wird?

Attribut	Wert
Wind	stark
Feuchtigkeit	hoch
Temperatur	kalt
Ausblick	sonnig

Tabelle 3: Die Wetterbedingungen heute.

Tipps:

1. Mit der naiven Annahme, dass die Attribute \boldsymbol{x}_i unabhängig sind, gilt:

$$P(W|F) = \prod_i P(x_i|F)$$

- 2. Überlegen Sie sich woraus sich die Normierung P(W) zusammen setzt.
- c) Nehmen Sie an, Sie sollten nun berechnen, wie hoch die Wahrscheinlichkeit ist morgen Fußball zu spielen (Wetterbedingungen s. Tabelle 4). Welches Problem tritt auf und wie kann man es lösen?

Attribut	Wert
Wind	schwach
Feuchtigkeit	hoch
Temperatur	heiß
Ausblick	sonnig

Tabelle 4: Die Wetterbedingungen morgen.