## BONUS ZADATAK IZ KVANTNE FIZIKE

10. 11. 2020.

## Zadatak

Čestica mase m nalazi se u potencijalu

$$V(x) = \begin{cases} V_0, & |x| > L \\ 0, & a \le |x| \le L \\ V_1, & |x| < a \end{cases},$$

pri čemu je  $V_1 > V_0$ . Izvedite jednadžbu iz koje biste izračunali energije vezanih stanja ovog potencijala. Riješite tu jednadžbu grafički i numerički<sup>1</sup>, izračunajte energije i valne funkcije za tri najniža stanja te nacrtajte dobijene valne funkcije. Izračunajte očekivane vrijednosti  $\langle x \rangle$ ,  $\langle x^2 \rangle$ ,  $\langle p \rangle$  i  $\langle p^2 \rangle$ , kao i produkt neodređenosti  $\Delta x \Delta p$  za osnovno stanje. Provjerite točnost dobijenih rezultata koristeći shooting metodu. Što se događa s energijom i valnom funkcijom osnovnog stanja ako barijera u sredini jame postaje sve viša i uža tj. teži prema  $\delta$ -funkciji?

T. Nikšić

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Npr. pomoću funkcije brentq iz scipy-a.