Pro	(Contesteu cada pregunta en el seu lloc. Expliciteu i justifiqueu els càlculs) blema 1 (B1-B2)
1.	a) Un determinat sistema pot ser infectat pel Virus A. Aquest virus pot arribar a través del correu (C) o a través de la xarxa (X). El Virus A pot arribar a través del correu amb una probabilitat de 0'3 i amb una probabilitat de 0'4 de fer-ho través de la xarxa. A més a més, hi ha una probabilitat de 0'15 que arribi de manera simultània a través del correu i de la xarxa. Quina és la probabilitat que el virus A no entri en el sistema? (1 p)
	1b) Per procurar evitar la infecció pel virus B es contracta un sistema per detectar la seva entrada. En aquest cas el virus pot arribar només a través del correu o a través de la xarxa (no pot fer-ho de manera simultània). Pot fer-ho a través del correu amb una probabilitat de 0'6 i per la xarxa amb una probabilitat de 0'4. Si el virus B entra pel correu el sistema el detecta amb una probabilitat de 0'7. I si entra per la xarxa, aleshores el sistema detecta el virus amb una probabilitat del 0'8. Quina és la probabilitat que el virus B sigui detectat? (1 p)
2.	a) Tenim una carpeta amb dos fitxers. En aquest cas un virus C pot corrompre el primer fitxer amb una probabilitat de 0'5. De manera independent, el segon fitxer pot ser corromput pel virus C amb una probabilitat de 0'4. Considerem la variable aleatòria N:"Nombre de fitxers corromputs pel virus C". Calculeu la funció de probabilitat de la variable N. (1 punt)
	2b) Tenim una segona carpeta amb tres fitxers. En aquest cas el virus D pot corrompre el primer fitxer amb una probabilitat de 0'2, el segon (de manera independent) pot ser corromput amb una probabilitat de 0'3 i finalment el tercer fitxer (també de manera independent) té una probabilitat de 0'4 de ser infectat. Considerant ara la variable aleatòria M:"Nombre de fitxers corromputs pel virus D", calculeu la funció de probabilitat de M. (1 punt)

NOM:_____COGNOM:____

	2c) Calculeu l'esperança de M (0'5 punts)
	2d) Calculeu la variància i la desviació típica de N. (1 p)
3.	El temps, en minuts, que triga un sistema en reiniciar-se es pot modelar amb una variable aleatòria contínua, T, amb la següent funció de densitat:
	$f(t) = \begin{cases} a(10-t)^2, & 0 < t < 10\\ 0, & altrament \end{cases}$
	3a) Calculeu a perquè f(t) sigui una funció densitat (2 p)
	3b) Calculeu la funció de distribució de T (1'5 p)
	3c) Calculeu el temps esperat d'aquest sistema per reiniciar-se (1 p)

NC	DM:	COGNOMS:	
			(Contesteu cada pregunta en el seu lloc. Expliciteu i justifiqueu els càlculs)
A I sol	 bre l'entrada de vehicles per una gra supera els 6.58 milers de vehi no arriba a 3.65 milers de vehi Assumint que aquesta entrada seg 	an avinguda de Barcelor cles el 14% dels dies, icles el 12% dels dies. gueix un model Normal,	sit del carrer, i abundància de dades per a analitzar. Per exemple, na entre 8 i 9 del matí se sap que: determineu el nombre esperat μ i la desviació tipus σ (en milers interiors en dues equacions lineals i resol el sistema.
2.	Hora9-10Valor esperat4.60Desviació tipus1.15Suposant que les diferents trams	10-11 11-12 3.95 3.14 0.94 0.83 horaris són independer	eix sent Normal, però amb diferent valor dels paràmetres: 12-13 2.56 0.92 nts, deduïu la distribució del nombre de vehicles que entren en el qualsevol es detectin més de 16 mil vehicles en aquestes 4 hores.
3.	model Exponencial amb mitjana 2	segons. Amb aquesta i de 4 vehicles entrant-	les que entren consecutivament per aquesta avinguda segueix un nformació, trobeu la probabilitat que en un període de 10 segons hi. Digueu també quina serà la variància del nombre de vehicles es respostes.
4.			s als vehicles. Es creu que un 10% dels turismes porta 3 o més na és la probabilitat que 8 turismes portin almenys 3 ocupants?
5.		ts. Si fossin 5000 turisr	eu una fita superior (amb risc d'error del 5%) per al nombre de nes els que s'exploren, ¿la fita amb el mateix risc també seria 5

6.	La limitació de velocitat a l'entrada de Barcelona és de 50 km/h, però a certes hores quan el trànsit és fluid sembla que els vehicles corren més del permès. Volem estudiar si es pot afirmar que la velocitat mitjana entre 2 i 3 de la tarda està per sota dels límits de velocitat. 287 vehicles escollits a l'atzar un determinat dia a aquesta franja han donat una velocitat mitjana de 48.9 km/h, i una desviació tipus mostral de 8.4 km/h. Amb un risc del 1% digueu quina conclusió es pot extreure de l'estudi, justificant breument la resposta.
7.	Els turismes amb 3 o més ocupants tenen dret a circular per un carril VAO. El fet és que també es colen alguns vehicles que no arriben a aquesta ocupació. Es vol determinar la proporció de vehicles que cometen la infracció al carril VAO. Amb aquest objectiu, s'observen 400 vehicles a l'atzar dels que hi circulen i s'observa que 320 tenen almenys 3 ocupants. Calculeu un interval de confiança al 99% per la proporció d'infractors, i interpreteu.
	Volem estudiar si una campanya de promoció del vehicle compartit ha tingut èxit incrementant la proporció de vehicles amb alta ocupació (en endavant, "la proporció"). S'ha observat a un tram normal d'autovia un total de 800 vehicles a l'atzar, dels quals 95 tenien 3 o més ocupants. Hem analitzat els resultats amb R, obtenint:
8a	data: 95 out of 800, null probability 0.1 X-squared = 3.125, df = 1, p-value = 0.03855 alternative hypothesis: true p is greater than 0.1 95 percent confidence interval: 0.1012102 1.0000000 Digueu com són les dues hipòtesis plantejades a aquesta prova (0.5pt): (nota: X-squared és el estadístic X^2 de Pearson aplicat a una proporció, relacionat amb l'estadístic $z \sim N(0,1)$ que utilitzem habitualment a aquesta prova: $\sqrt{X^2} \approx z$)
8b	. Justifiqueu la hipòtesi alternativa (0.5pt)
8c	 Digueu si les següents afirmacions són certes o no, i expliqueu per què (1pt): La probabilitat que la proporció sigui el 10% és 0.03855
	• La probabilitat que la proporció observada ("mostral") valgui 0.1 és 0.03855
8d	. Finalment, expliqueu detalladament com es calcula el p-value (necessiteu les taules de la Normal) (0.5pt).
8e	. Doneu una conclusió global (0.5pt).

NOM:		
Problema 3		a pregunta en el seu lloc. Expliciteu i justifiqueu els càlculs.)
		atura da DE a la FID i s'applitza si al pombro d'horos (II) que han estudiat por
•		atura de PE a la FIB i s'analitza si el nombre d'hores (H) que han estudiat per obtingut (P1). A més, tenim les puntuacions d'un altre grup (P2).
Les dades són:	·	
Les dades son.	Puntuació (P1): 5, 5, 6, 5, 7, 7,	
		3.7, 7.3, 6.7, 6.8, 5.8, 8.2, 8, 7, 7.8, 8, 8.7, 8
i els estadístic	s obtinguts a partir d'aquestes ti	
	na de H: mean(H)=5.4	Desviació tipus de H: s_H =1.88
•	na de P1 : mean(P1)=7. 27	Desviació tipus de P1 : S_{P1} =1.62
	na de P2: mean(P2)=6.68	Desviació tipus de P2: S_{P2} =1.58
-	ació entre H i P1: cor(H,P1)=0.7	
		nativa per al test relacionat amb les mitjanes de les puntuacions P_1 i P_2 d'aquesta prova d'hipòtesi explicitant les premisses que assumiu
,, ,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,		
3) (1 punt) Ind	diqueu la conclusió i interpretaci	ó de la prova d'hipòtesi al nivell de significació $lpha$ =0.05

4) (0.5 punts) Quin és el valor, en termes de valors absoluts, més petit de l'estadístic t pel qual la hipòtesi nul·la pot

5) (0.5 punts) Indiqueu si les següents afirmacions són verdaderes o falses i justifiqueu la vostra resposta:

- Si es rebutja la hipòtesi nul.la H_0 al nivell de 0.05, també podem rebutjar al nivell 0.1

- Si el p-valor és igual a 0.15, podem rebutjar la hipòtesi nul·la al nivell del 10%

ser rebutjada?

6 (1 punt) Expliqueu com s'haurien de recollir les dades per a que fossin un conjunt de dades aparellades i com s'haurien de recollir si es vol treballar amb dos conjunts de dades independents	
7) (1.5 punts) Plantegeu un model lineal i estimeu la recta de regressió que permet estimar la puntuació de P1 a partir de les hores d'estudi H	
8) (1 punt) Un alumne determinat ha estudiat 6.5 hores i ha tret un 7.5: calculeu el seu valor residual	
9) (1 punt) Calculeu i interpreteu el coeficient de determinació (R²)	
10) (1.5 punts) Calculeu un interval de confiança, a un nivell de confiança del 95%, pel valor mitjà de la puntuació, sabent que les hores d'estudi han estat 5.5	