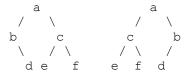
#### BinTrees isomorfos

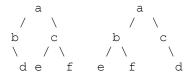
Tiempo estimado: 10 minutos

Diremos que dos BinTree son isomorfos si hay alguna manera de intercambiar arboles izquierdos y derechos de uno de ellos tantas veces como sea necesario de tal manera que los dos árboles sean iguales.

#### Por ejemplo



#### son isomorfos, pero



no lo son.

Completa la función dada más abajo para que cumpla su especificación, es decir, indica qué instrucciones deben reemplazar los lugares indicados con números ([---n---]).

Cada uno de los lugares señalados (1, 2 y 3) consiste en una o más instrucciones consecutivas y simples del estilo

```
res = ....;
```

# Invertir prefijo de lista

Tiempo estimado: 15 min

Completa la función dada más abajo para que cumpla su especificación, es decir, indica qué instrucciones o expresiones deben reemplazar los lugares indicados con números ([---n---]).

```
// Pre: it=IT apunta a un elemento x_i de l o it == l.end()
// y l = L = [x_1,...,x_N] donde N >= 0
void reverse_prefix(list& l, list::iterator it) {
    list::iterator p = [------1 -----];
    while ([-----2 -----]) {
        [---- 3 -----];
    };
};
// Post: l está formada por el prefijo invertido de L
// entre L.begin() e IT, y a continuación, L[IT:);
// esto es, l = [x_{i-1},...,x_1,x_i,...,x_N]
```

#### En una solución correcta

```
[--1--] es una expresión simple
```

[--2--] es una expresion booleana

[--3--] es una o más instrucciones simples

y el coste del bucle es proporcional al número de elementos que tiene el prefijo de L que se ha de invertir. Además está prohibido añadir expresiones o instrucciones fuera de los lugares indicados (p.e. no se pueden añadir más inicializaciones o instrucciones al terminar el bucle) y se valorará negativamente cualquier solución que modifique \*it o \*p (por ejemplo, intercambiar \*p con \*it).

### Partición de listas

Tiempo estimado: 15 minutos

Tenemos que diseñar un procedimiento parte\_lista que, dados una lista l de enteros y un valor entero x, modifica la lista l para que todos los elementos menores o iguales que x estén delante de todos los elementos mayores que x y nos devuelve un iterador al primer elemento > x, o a l.end() si no hay ningún elemento > x en l. El orden relativo entre los elementos de l no importa y no tiene porque coincidir con el que tuvieran en L.

```
// Pre: l = L
list<int>::iterator parte_lista(list<int>& l, int x);
// Post: l es una permutación de L, it = parte_lista(l,x)==l.end()
// si no hay elementos mayores que x en L o it apunta a un elemento > x,
// todos los elementos en l[it:) son > x, y todos los elementos
// de l[:it) son <= x</pre>
```

Tu solución ha de ser iterativa y debe preservar necesariamente este invariante:

- 1. I es una permutación de L y
- 2. todos los elementos de I[:it1) son menores o iguales que x y
- 3. todos los elementos de l[it2:) son mayores que x, siendo L el valor original de la lista l e it1 e it2 iteradores a elementos de l.

## Substitució en un vector

Temps estimat: 15 minuts

Escriu una funció subst\_sum que, donat un vector v d'enters  $v = (v0, ..., v_n-1)$  no buit, substitueix el primer element del vector per la suma de tots els seus elements. La teva solució ha de utilitzar una funció d'immersió i\_subst\_sum recursiva. Implementa la funció d'immersió, i implementa la función subst\_sum utilitzant la funció i\_subst\_sum, respectant les especificacions donades:

```
// Pre: v = (V_0, ..., V_(N-1)) i N > 0
void subst_sum(vector& v);
// Post: v = (S, V_1, ..., V_(N-1)), ón S = V_0 + ... + V_(N-1)

// Pre: v = (V_0, ..., V_(N-1)), N > 0, 0 <= i < N, s = V_0 + ... + V_(i-1)
void i_subst_sum(vector& v, int i, int& s);
// Post: v = (s, V_1, ..., V_(N-1)), s = V_0 + ... + V_i + ... + V_(N-1)</pre>
```

#### Declarando un método

Tiempo estimado: 2 minutos

Queremos añadir a la clase CjtEstudiants una operación actualiza\_notas que dado un vector de N reales actualiza la nota de los primeros N estudiantes de un CitEstudiants.

¿Cúal es la cabecera apropiada para actualiza\_notas?

```
static void actualiza_notas(vector<double>& v);
void actualiza_notas(vector<double>s& v) const;
static CjtEstudiants actualiza_notas(vector<double> v);
CjtEstudiants actualiza_notas(vector<Estudiant>& v) const;
void actualiza_notas(vector<double> v);
void actualiza_notas(const vector<double>& v);
void actualiza_notas(const vector<double> v);
static CjtEstudiants actualiza_notas(CjtEstudiants& c, vector<double> v);
```

#### Funció de fita

Temps estimat: 3 minuts

Donada la següent funció

Quina de les següents funcions és una **funció de fita** valida per a demostrar la terminació del bucle principal?

```
o i+j
o A.size()-i
o A.size()-i > 0 i B.size()-j > 0
o B.size()-j
o C.size()
o A.size()+B.size()-i-j
o min(A.size()-i,B.size()-j)
o max(A.size()-i,B.size()-j)
```

# Imprimendo un árbol

Tiempo estimado: 2 minutos

Si tenemos la función que se muestra a continuación y se le da como entrada el árbol de abajo, ¿qué se imprime en pantalla?

```
vaca pato conejo

cebra

c gato, leon, mono, vaca, pato, conejo, cebra
c gato, mono, leon, conejo, pato, vaca, cebra
c gato, mono, conejo, leon, pato, cebra, vaca
c vaca, leon, cebra, pato, gato, mono, conejo
c cebra, pato, leon, vaca, conejo, mono, gato
c conejo, mono, cebra, pato, vaca, leon, gato
imprime una permutación de las 7 palabras pero no es ninguna de las otras secuencias
la función no compila, aunque supongamos que se han hecho todos los
#include's necesarios
la función no se ejecuta correctamente y el programa aborta
```

# Subsecuencia de repetidos

Tiempo estimado: 8 minutos

Tenemos un vector de enteros, y queremos saber la longitud de la subsecuencia más larga de números consecutivos iguales y dónde se inicia dicha subsecuencia. En caso de empate nos interesa la que empiece antes.

#### Considera el siguiente algoritmo:

```
// Pre: v.size() > 0
int ini=0;
int lmax=1;
int i=1;
int ini_act=0;
while (i < v.size()) {
   if (v[i] != v[i-1]) {
      if (lmax < i-ini_act-1) {
        ini=ini_act; lmax=i-ini_act-1;
      }
   }
   ++i;
}
// Post: la subsecuencia de números iguales más larga en v tiene longitud
// "lmax" y se inicia en la posición "ini" del vector; en caso de empate
// "ini" es la menor posición en la que se inicia una subsecuencia
// de repeticiones de longitud máxima</pre>
```

## ¿Cúal de las siguientes afirmaciones es cierta?

- $\circ$  El algoritmo no es correcto, debería funcionar con vectores vacíos tambien. Solamente será necesario poner lmax = 0; y ini = -1 antes del bucle para arreglarlo.
- e El algoritmo no es correcto. Hay casos en los que se cumple la precondición, pero no se cumple la postcondición al terminar el bucle.
- El algoritmo no es correcto, debería empezar inicializando i = 0; y

comparando v[i] con v[i+1] en cada iteración, no v[i] con v[i-1].

• El algoritmo es correcto, tal como puede verificarse usando el invariante

"la subsecuencia de números iguales más larga en v[0..i] tiene longitud "lmax" y se inicia en la posición "ini" del subvector; en caso de empate "ini" es la menor posición en la que se inicia una subsecuencia de repeticiones de longitud máxima del subvector, 0 <= i <= v.size(),  $0 <= ini_act < v.size()$ 

e El algoritmo no es correcto, hay casos en los que el bucle no termina nunca; pero si el algoritmo termina entonces da la respuesta correcta.

Enviar consulta