(Bachelor) Anfang

$\begin{array}{c} {\bf v3.0.2.0.3} \ {\bf Relationen} \ {\bf und} \ {\bf Funktionen} \ {\bf - Leere} \\ {\bf Funktion} \end{array}$

Kategory GmbH & Co. KG

Präsentiert von Jörg Kunze Copyright (C) 2024 Kategory GmbH & Co. KG

Beschreibung

Inhalt. Leere Funktionen entstehen, wenn die Quelle leer ist.

Von der leeren Menge gibt es genau eine Funktion, die leere Funktion. Und die leere Funktion existiert nur, wenn die Quelle leer ist. Es gibt keine Funktion, auch nicht die leere, von einer nicht-leeren Menge in die leere.

Relationen sind Teilmengen des kartesischen Produktes von Quelle und Ziel. Ist eine der beiden Mengen leer, ist die leere Menge die einzige Teilmenge dieses Produktes. Aber auch, wenn beide Mengen ungleich leer sind, ist die leere Menge eine Teilmenge des kartesischen Produktes. Diese Teilmenge nennen wir die leere Relation. Sie ist eine Relation wie alle anderen auch, mit allen Rechten.

Funktionen sind spezielle Relationen. Frage: ist die leere Relation eine Funktion?

Ja, und zwar genau dann, wenn die Quelle leer ist, da dann die Bedingung dafür, eine Funktion zu sein, eine leere Wahrheit ist.

Es gibt keine Funktion von einer nicht-leeren Quelle in ein leeres Ziel. Somit können wir sagen: Wenn die Quelle leer ist, enthält die Menge der Funktionen von der Quelle in das Ziel die leeren Menge. Wenn die Quelle nicht-leer das Ziel aber leer ist, ist die Menge der Funktionen von der Quelle in das Ziel die leeren Menge.

Präsentiert. Von Jörg Kunze

Voraussetzungen. Relation, Funktion, injektiv, surjektiv, bijektiv.

Text. Der Begleittext als PDF und als LaTeX findet sich unter https://github.com/kategory/kategoryMathematik/tree/main/v3%20Bachelor/v3.0%20Anfang/v3.0.2.0.2%20Relationen%20und%20Funktionen%20-%20Geometrisches%20Bild

Meine Videos. Siehe auch in den folgenden Videos:

v3.0.2.0.1 (Bachelor) Relationen und Funktionen - Surjektiv, injektiv, bijektiv

https://youtu.be/8YFNEWZBpWc

v3.0.2 (Bachelor) Relationen und Funktionen

https://youtu.be/qjhNZXFAYEM

Quellen. Siehe auch in den folgenden Seiten:

https://de.wikipedia.org/wiki/Relation_(Mathematik)

https://jcsites.juniata.edu/faculty/rhodes/ida/relations.html

Buch. Grundlage ist folgendes Buch:

"Grundwissen Mathematikstudium"

Tilo Arens, Rolf Busam, Frank Hettlich, Christian Karpfinger, Hellmuth Stachel 2022

Springer-Verlag

978-3-662-63312-0 (ISBN)

https://www.lehmanns.de/shop/mathematik-informatik/56427740-9783662633120-grundwissen-mathematikstudium

Lizenz. Dieser Text und das Video sind freie Software. Sie können es unter den Bedingungen der GNU General Public License, wie von der Free Software Foundation veröffentlicht, weitergeben und/oder modifizieren, entweder gemäß Version 3 der Lizenz oder (nach Ihrer Option) jeder späteren Version.

Die Veröffentlichung von Text und Video erfolgt in der Hoffnung, dass es Ihnen von Nutzen sein wird, aber OHNE IRGENDEINE GARANTIE, sogar ohne die implizite Garantie der MARKTREIFE oder der VERWENDBARKEIT FÜR EINEN BESTIMMTEN ZWECK. Details finden Sie in der GNU General Public License.

Sie sollten ein Exemplar der GNU General Public License zusammen mit diesem Text erhalten haben (zu finden im selben Git-Projekt). Falls nicht, siehe http://www.gnu.org/licenses/.

Das Video. Das Video hierzu ist zu finden unter huhu

1. Geometrisches Bild von Relationen und Funktionen

Zur Förderung der Intuition und um verschiedene Aspekte von Relationen und damit auch Funktionen zu visualisieren, stellen wir diese hier graphisch in drei Weisen dar. Die Nummern beziehen sich auf die händischen Skizzen auf den beiden eingefügten Bildern.

LITERATUR

 $[Arens Busam Hettlich Karpfinger Stachel 2022] \ Tilo \ Arens, \ Rolf \ Busam, \ Frank \ Hettlich, \ Christian \ Karpfinger, \ Hellmuth \ Stachel, \ Grundwissen \ Mathematik studium, \ Springer, \ 978-3-662-63312-0 \ (ISBN)$

Symbolverzeichnis

 $\begin{array}{ll} X,Y,\cdots & \text{Mengen} \\ x,y,\cdots & \text{Elemente} \\ R & \text{Eine Relation} \end{array}$