# (Höhere Grundlagen) Homologische Algebra

## v5.1.1.1.5.4 R-Mod ist abelsch

### Kategory GmbH & Co. KG

Präsentiert von Jörg Kunze Copyright (C) 2025 Kategory GmbH & Co. KG

#### Beschreibung

 ${\bf Inhalt.}$  Wir können bei  $R\text{-}{\bf Modulen}$  den Kern und den Kokern ganz "normal" wie bei Gruppen und Vektorräumen

Text. Der Begleittext als PDF und als LaTeX findet sich unter https://github.com/kategory/kategoryMathematik/tree/main/v5%20H%C3%B6here%20Grundlagen/v5.1%20Homologische%20Algebra/v5.1.1.1.5.2%20R-Mod%20hat%20Kern%20und%20Kokern

Meine Videos. Siehe auch in den folgenden Videos:

v5.0.1.6.1.2 (Höher) Kategorien - Abelsche - Kern, Kokern https://youtu.be/Oet-arXLeOg

v5.1.1.1.5 (Höher) Homologische Algebra - R-Mod ist additiv https://youtu.be/aASaOqcjPgQ

Quellen. Siehe auch in den folgenden Seiten:

https://de.wikipedia.org/wiki/Kern\_(Algebra) https://de.wikipedia.org/wiki/Differenzkern https://de.wikipedia.org/wiki/Differenzkokern https://de.wikipedia.org/wiki/Modulhomomorphismus

 ${\bf Buch.}$  Grundlage ist folgendes Buch:

"An Introduction to Homological Algebra"

Joseph J. Rotman

2009

Springer-Verlag New York Inc.  $\,$ 

978-0-387-24527-0 (ISBN)

 $\verb|https://www.lehmanns.de/shop/mathematik-informatik/6439666-9780387245270-an-introduction-to-homological-algebra (a) to the state of the state of$ 

Oft zitiert:

"An Introduction to Homological Algebra" Charles A. Weibel 1995 Cambridge University Press 978-0-521-55987-4 (ISBN)

 $\verb| https://www.lehmanns.de/shop/mathematik-informatik/510327-9780521559874-an-introduction-to-homological-algebra | the state of the$ 

Ohne Kategorien-Theorie: "Algébre 10. Algèbre homologique" Nicolas Bourbaki 1980 Springer-Verlag 978-3-540-34492-6 (ISBN)

https://www.lehmanns.de/shop/mathematik-informatik/7416782-9783540344926-algebre

**Lizenz.** Dieser Text und das Video sind freie Software. Sie können es unter den Bedingungen der GNU General Public License, wie von der Free Software Foundation veröffentlicht, weitergeben und/oder modifizieren, entweder gemäß Version 3 der Lizenz oder (nach Ihrer Option) jeder späteren Version.

Die Veröffentlichung von Text und Video erfolgt in der Hoffnung, dass es Ihnen von Nutzen sein wird, aber OHNE IRGENDEINE GARANTIE, sogar ohne die implizite Garantie der MARKTREIFE oder der VERWENDBARKEIT FÜR EINEN BESTIMMTEN ZWECK. Details finden Sie in der GNU General Public License.

Sie sollten ein Exemplar der GNU General Public License zusammen mit diesem Text erhalten haben (zu finden im selben Git-Projekt). Falls nicht, siehe http://www.gnu.org/licenses/.

Das Video. Das Video hierzu ist zu finden unter uups

#### 1. v5.1.1.1.5.4 R-Mod ist abelsch

#### 1.1. ???

#### LITERATUR

[Rotman2009] Joseph J. Rotman, An Introduction to Homological Algebra, 2009 Springer-Verlag New York Inc., 978-0-387-24527-0 (ISBN)

[Bourbaki1970] Nicolas Bourbaki, Algébre 1-3, 2006 Springer-Verlag, 978-3-540-33849-9 (ISBN)

[Bourbaki1980] Nicolas Bourbaki, Algébre 10. Algèbre homologique, 2006 Springer-Verlag, 978-3-540-34492-6 (ISBN)

[MacLane1978] Saunders Mac Lane, Categories for the Working Mathematician, Springer-Verlag New York Inc., 978-0-387-98403-2 (ISBN)

#### Symbolverzeichnis

R	Ein kommutativer Ring mit Eins
G	Ein Generierendensystem
*	Verknüpfung der Gruppe $G$
$n\mathbb{Z}$	Das Ideal aller Vielfachen von $n$ in $\mathbb{Z}$
$\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$	Der Restklassenring modulo $n$
$\mathbb{K}$	Ein Körper
x, y	Elemente eines Moduls, wenn wir sie von den Skalaren abheben wollen.
	Entspricht in etwa Vektoren
r	Element von $\mathbb{R}^n$
$\phi$	Gruppen-Homomorphismus
Z(R)	Zentrum des Rings $R$
$\operatorname{Hom}(X,Y)$	Menge/Gruppe der $R$ -Homomorphismen von $X$ nach $Y$
IM	$= \{ im \mid i \in I \land m \in M \}$
$\langle G  angle$	Der von den Elementen aus $G$ generierte Modul