

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра МО ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по лабораторной работе №4**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»**  
**Тема: Поиск подстроки в строке**

Студентка гр. 3343

Лобова Е. И.

Преподаватель

Жангиров Т. Р.

Санкт-Петербург

2025

## **Цель работы**

Целью работы является изучение алгоритма Кнута-Морриса-Пратта и практическое его применение на задаче о том, является ли одна строка циклическим сдвигом другой.

## **Задание**

### **Задание 1**

Заданы две строки  $A$  ( $|A| \leq 5000000$ ) и  $B$  ( $|B| \leq 5000000$ ).

Определить, является ли  $A$  циклическим сдвигом  $B$  (это значит, что  $A$  и  $B$  имеют одинаковую длину и  $A$  состоит из суффикса  $B$ , склеенного с префиксом  $B$ ). Например, `defabc` является циклическим сдвигом `abcdef`.

Вход:

Первая строка -  $A$

Вторая строка -  $B$

Выход:

Если  $A$  является циклическим сдвигом  $B$ , индекс начала строки  $B$  в  $A$ , иначе вывести -1. Если возможно несколько сдвигов вывести первый индекс.

Sample Input:

`defabc`

`abcdef`

Sample Output:

3

### **Задание 2**

Заданы две строки  $A$  ( $|A| \leq 5000000$ ) и  $B$  ( $|B| \leq 5000000$ ).

Определить, является ли  $A$  циклическим сдвигом  $B$  (это значит, что  $A$  и  $B$  имеют одинаковую длину и  $A$  состоит из суффикса  $B$ , склеенного с префиксом  $B$ ). Например, `defabc` является циклическим сдвигом `abcdef`.

Вход:

Первая строка -  $A$

Вторая строка -  $B$

Выход:

Если A является циклическим сдвигом B, индекс начала строки B в A, иначе вывести -1. Если возможно несколько сдвигов вывести первый индекс.

Sample Input:

defabc  
abcdef

Sample Output:

3

### Описание алгоритмов

Для решения задания лабораторной работы использовались алгоритмы префикс-функции и Кнута-Морриса-Пратта.

Алгоритм префикс-функции осуществляется в функции `vector<int> prefixFunction(const string& s)` - функция, которая вычисляет префикс-функцию для заданной строки *s*. Префикс-функция представляет собой массив *p*, где *p[i]* - это длина наибольшего собственного префикса подстроки *s[0...i]*, который одновременно является её суффиксом. Алгоритм итерирует по строке, меняя переменную *index*, представляющую длину текущего кандидата в наибольший префикс. Если текущий символ строки совпадает с символом по индексу *index*, то *index* увеличивается (то есть был продолжен текущим символом префикс для предыдущего символа). Если не совпадает, *index* уменьшается, беря предыдущее значение из массива *p*, пока не найдет совпадение или не станет равным нулю. Сравнение только определенных символов избавляет нас от затратных сравнений строк полностью. Значение *index* после каждого шага присваивается *p[i]*.

Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта (KMP) осуществляется в функции `vector<int> search(string &pat, string &txt)` - функция, которая ищет все вхождения подстроки *pat* в строку *txt*. Функция возвращает вектор, содержащий индексы начала всех найденных вхождений. Для подстроки считается префикс-функция, чтобы в случае несовпадения символов не с начала проверять

подстроку, а использовать ее префиксы. В цикле проходимся по всем символам строки и сравниваем их с символами подстроки, если они совпадают, то в обеих строках двигаемся дальше или в случае окончания подстроки добавляем индекс начала вхождения подстроки в строку в результирующий массив. Если символы не совпадают, то есть 2 пути: если не совпал первый символ подстроки, то просто переходим к следующему символу в строке; если не совпал не первый символ, то вычисляем новый индекс подстроки с использованием префикс-функции.

Также для выполнения лабораторной работы был написан алгоритм определения является ли строка  $A$  циклическим сдвигом строки  $B$  на основе алгоритма КМП. Этот алгоритм осуществляется функцией - `int cycle_search(string &pat, string &txt)`. Алгоритм аналогичен тому, что представлен в функции `search`, но с модификацией, что за строку мы берем  $A+A$  (нереально выполняем конкатенацию строк, чтобы не увеличивать расходы на память, а индекс два раза проходит по строке  $A$ ), и в этой строке находим первое вхождение подстроки  $B$ . Также перед циклом выполняется проверка на то, что у строк  $A$  и  $B$  совпадает длина.

Сложность алгоритма для задания 1:

- По памяти:  $O(n+2m)$

$O(n+m)$  для хранения строк.  $O(m)$  для хранения массива префикс-функций.

- По времени:  $O(n+m)$

$O(m)$  - построение префикс-функции,  $O(n)$  - итоговое количество итераций цикла `while`, то есть проход по строке.

Сложность алгоритма для задания 2:

- По памяти:  $O(n+m)$ , если строки разной длины (т. к. проверка на различие длин производится до построения префикс функции), иначе  $O(3n)$ :

$O(n+n)$  для хранения строк.  $O(n)$  для хранения массива префикс-функций.

- По времени:  $O(1)$ , если строки разной длины (есть проверка до вхождения в цикл), иначе  $O(3n)$ :

$O(n)$  - построение префикс-функции,  $O(2n)$  - количество итераций цикла `while`, то есть двойной проход по строке  $A$ .

## Тестирование

Результаты тестирования представлены в табл. 1.

Таблица 1 – Результаты тестирования

№ п/п	Входные данные	Выходные данные	Комментарии
1.	aaaaaaaa aa	0,1,2,3,4,5,6	КМП: Для пересекающихся вхождений подстроки работает корректно.
2.	ababababababab ababab	2, 7	КМП: Для простого случая подстроки и строки работает корректно.
3.	ababbbbc ababbbbc	0	КМП: Для одинаковых подстроки и строки работает корректно.
4.	abababab cdab	-1	КМП: Для строки, в которой нет ни одного вхождения подстроки работает корректно.
5.	defabc abcdef	3	Цикл. сдвиг: Для строк одинаковой длины и являющихся циклическим сдвигом одна другой работает корректно.
6.	abcdef ab	-1	Цикл. сдвиг: Для строк разной длины работает корректно.
7	abcdef defacc	-1	Цикл. сдвиг: Для строк одинаковой длины и не являющихся циклическим сдвигом

			одна другой работает корректно.
--	--	--	------------------------------------

## **Выводы**

В ходе работы были успешно изучены алгоритмы построения префикс-функции и Кнута-Морриса-Пратта. Они были успешно применены в задаче о том, является ли одна строка циклическим сдвигом другой.

## ПРИЛОЖЕНИЕ А

### ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

Название файла: kmp.cpp

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>

#define RED "\033[1;31m"
#define BASIC "\033[0m"

using namespace std;

vector<int> prefixFunction(const string& s) {
    cout << "Вычисление префикс-функции - массива p, где p[i] - длина
наибольшего собственного префикса подстроки s[0...i], совпадающего с её
суффиксом:\n\n";
    int n = s.length();
    vector<int> p(n);
    p[0] = 0;
    cout << "p[0] = 0, так как у первого символа есть только тривиальный
префикс\n\n";
    for (int i = 1; i < n; ++i) {
        cout << "Вычисление p[" << i << "]\n";
        int index = p[i - 1];
        cout << "За начальный индекс для сравнения(index) возьмем длину
наибольшего префикса подстроки s[0..." << i-1 << "], то есть p[" << i-1
<< "] = " << index << "\n";
        while (index > 0 && s[i] != s[index]) {
            cout << "Символ s[" << i << "] = " << s[i] << " НЕ совпал
с символом s[" << index << "] = " << s[index] << "\n";
            cout << "Переходим к более короткому префиксу. За индекс
сравнения принимаем предыдущее значение массива префикс-значений по
индексу [index - 1] = " << p[index-1] << "\n";
            index = p[index - 1];
        }
        if (s[i] == s[index]) {
            cout << "Символ s[" << i << "] = " << s[i] << " совпал с
символом s[" << index << "] = " << s[index] << "\n";
            cout << "То есть можно продолжить текущим символом префикс
для p[" << i-1 << "]\n";
            index++;
        }
        if (index > 0){
            cout << "Был найден наибольший собственный префикс,
совпадающий с суффиксом, длины " << index << "\n";
        } else {
            cout << "Подстрока не имеет собственного префикса,
совпадающего с суффиксом\n";
        }
        cout << "Следовательно, p[" << i << "] = " << index << "\n\n";
        p[i] = index;
    }
    return p;
}
```

```

vector<int> search(string &pat, string &txt) {
    int n = txt.length();
    int m = pat.length();
    vector<int> res;

    vector<int> prefix_array = prefixFunction(pat);

    cout << "Начинаем поиск подстроки " << pat << " в строке " << txt <<
"\n";
    int i = 0;
    int j = 0;
    cout << "Сравнение символов начинаем с начала строки и подстроки, то
есть с нулевых индексов\n";
    while (i < n) {
        if (txt[i] == pat[j]) {
            cout << "Символ строки text[" << i << "] = " << txt[i] <<
" совпал с символом подстроки pattern[" << j << "] = " << pat[j] << "\n";
            i++;
            j++;
            cout << "Поэтому переходим к следующим символам в обеих
строках: индекс в строке увеличиваем до " << i << ", индекс с подстроке -
" << j << "\n";
            if (j == m) {
                cout << RED << "Вхождение подстроки найдено!!!
Индекс начала подстроки в строке " << i - j << BASIC << "\n";
                res.push_back(i - j);
                j = prefix_array[j - 1];
                cout << "Индекс в подстроке сбрасываем до " << j <<
"\n";
            }
        }
        else {
            cout << "Символ строки text[" << i << "] = " << txt[i] <<
" НЕ совпал с символом подстроки pattern[" << j << "] = " << pat[j] <<
"\n";
            if (j != 0){
                j = prefix_array[j - 1];
                cout << "Индекс в подстроке сбрасываем до " << j <<
"\n";
            }
            else{
                i++;
                cout << "Переходим к следующему символу в строке\n";
            }
        }
    }
    cout << "Достигнут конец строки, поиск завершён\n";
    return res;
}

int main() {
    string pattern, text;
    cin >> text;
    cin >> pattern;

    vector<int> res = search(pattern, text);
    if (res.empty()) {
        cout << -1 << endl;
    }
}

```



```

    } else {
        for (size_t i = 0; i < res.size(); ++i) {
            cout << res[i];
            if (i < res.size() - 1) {
                cout << ",";
            }
        }
        cout << endl;
    }
    return 0;
}

```

## Название файла: cycle\_search.cpp

```

#include <iostream>
#include <vector>
#include <string>

#define RED "\033[1;31m"
#define BASIC "\033[0m"

using namespace std;

vector<int> prefixFunction(const string& s) {
    cout << "Вычисление префикс-функции - массива p, где p[i] - длина
наибольшего собственного префикса подстроки s[0...i], совпадающего с её
суффиксом.\n\n";
    int n = s.length();
    vector<int> p(n);
    p[0] = 0;
    cout << "p[0] = 0, так как у первого символа есть только тривиальный
префикс\n\n";
    for (int i = 1; i < n; ++i) {
        cout << "Вычисление p[" << i << "]\n";
        int index = p[i - 1];
        cout << "За начальный индекс для сравнения(index) возьмем длину
наибольшего префикса подстроки s[0..." << i-1 << "], то есть p["<< i-1
<<"] = " << index << "\n";
        while (index > 0 && s[i] != s[index]) {
            cout << "Символ s[" << i << "] = " << s[i] << " НЕ совпал
с символом s[" << index << "] = " << s[index] << "\n";
            cout << "Переходим к более короткому префиксу. За индекс
сравнения принимаем предыдущее значение массива префикс-значений по
индексу [index - 1] = " << p[index-1] << "\n";
            index = p[index - 1];
        }
        if (s[i] == s[index]) {
            cout << "Символ s[" << i << "] = " << s[i] << " совпал с
символом s[" << index << "] = " << s[index] << "\n";
            cout << "То есть можно продолжить текущим символом префикс
для p[" << i - 1 << "]\n";
            index++;
        } else {
            cout << "Символ s[" << i << "] = " << s[i] << " НЕ совпал
с символом s[" << index << "] = " << s[index] << "\n";
        }
        if (index > 0){

```

```

        cout << "Был найден наибольший собственный префикс,
совпадающий с суффиксом, длины " << index << "\n";
    } else {
        cout << "Подстрока не имеет собственного префикса,
совпадающего с суффиксом\n";
    }
    cout << "Следовательно, p[" << i << "] = " << index << "\n\n";
    p[i] = index;
}
return p;
}

int cycle_search(string &pat, string &txt){
int n = txt.length();
int m = pat.length();

if (n!=m) return -1;

n *= 2;
int index = -1;

vector<int> prefix_array = prefixFunction(pat);
cout << "Определим является ли " << txt << " циклическим сдвигом
строки " << pat << "\n";
int i = 0;
int double_i = 0;
int j = 0;
cout << "Сравнение символов начинаем с начала строки и подстроки, то
есть с нулевых индексов\n";

while (double_i < n) {
    i = double_i % m;
    if (txt[i] == pat[j]) {
        cout << "Символ строки A[" << i << "] = " << txt[i] << "
совпал с символом строки B" << j << "] = " << pat[j] << "\n";
        double_i++;
        j++;
        cout << "Поэтому переходим к следующим символам в обеих
строках: индекс в строке A увеличиваем до " << i << ", индекс с строке B
- " << j << "\n";
        if (j == m) {
            index = double_i - j;
            cout << RED << "Строка A является циклическим сдвигом
строки B! Индекс начала B в A - " << index << BASIC << "\n";
            break;
        }
    }
    else {
        cout << "Символ строки A[" << i << "] = " << txt[i] << "
НЕ совпал с символом строки B" << j << "] = " << pat[j] << "\n";
        if (j != 0){
            j = prefix_array[j - 1];
            cout << "Индекс в строке B сбрасываем до " << j <<
"\n";
        }else{
            double_i++;
            cout << "Переходим к следующему символу в строке
A\n";

```

```

        }
    }
}
cout << "Вся строка A просмотрена, алгоритм завершен\n";
return index;

}

int main() {
    string B, A;
    cin >> A;
    cin >> B;

    int res = cycle_search(B, A);
    cout << res << endl;
    return 0;
}

```